الجزء الثاني

جمهورية العراق وزارة التربية المديرية العامة للمناهج

سلسلة كتب الرياضيات للمرحلة المتوسطة

الرباضيات

للصف الثاني المتوسط

المؤلفون

د. أمير عبد المجيد جاسم د. أحمد مولود عبد الهادي د. طارق شعبان رجب د. طارق شعبان رجب مجادي مسيد حسين صادق كاظهم مسروة فليسح حسين شاكر حسمود معيوف

بنيت وصممت (سلسلة كتب الرياضيات للمرحلة المتوسطة) على أيدي فريق من المتخصصين في وزارة التربية /المديرية العامة للمناهج وبمشاركة متخصصين من أستاذة الجامعات في وزارة التعليم العالي والبحث العلمي على وفق المعايير العالمية لتحقق أهداف بناء المنهج الحديث المتمثلة في جعل الطلاب:

- متعلمين ناجحين مدى الحياة.
 - افراداً واثقين بأنفسهم.
- مواطنين عراقيين يشعرون بالفخر.

المشرف العلمي على الطبع: مروة فليح حسن المشرف الفني على الطبع: محمد سعدي عزيز

> تصميم الكتاب: ساره خليل إبراهيم







إستناداً الى القانون يوزع مجاناً ويمنع بيعه وتداوله في الأسواق

المقدمة

تُعَدُّ مادة الرياضياتِ مِنَ الموادِ الدراسيةِ الأساسيةِ التي تُساعدُ الطالبَ على اكتسابِ الكفاياتِ التعليمية اللازمةِ لهُ، لتَنميةِ قُدراتهِ على التفكيرِ وَحل المشكلاتِ، ويساعدهُ على التعاملِ مع المواقفِ الحياتية المختلفةِ.

وَمنْ مُنطَلقِ الاهتمامِ الذي تُوليه وزارةُ التربية متمثلةً بالمديريةِ العامةِ للمناهجِ لتطويرِ المناهج بصورةٍ عامة ولاسيما مناهج الرياضياتِ لكي تواكبَ التطوراتِ العلمية والتكنولوجية في مجلاتِ الحياةِ المختلفة، فَقَدْ وضِعت خطة لتأليفِ سلسلة كُتبِ الرياضيات للمراحل الدراسية الثلاث، وأنجزِتْ منها كتبُ المرحلة الابتدائيةِ وَبَدأ العمل على استكمال السلسلة بتاليفِ كتبِ المرحلةِ المتوسطة.

إنّ سلسلة كتب الرياضيات العراقية الجديدة ومن ضمن الإطار العام للمناهج تُعززُ القيم الاساسية التي تتمثل بالالتزام بالهوية العراقية والتسامح واحترام الرأي والرأي الآخر والعدالة الاجتماعية، وتوفير فرص متكافئة للتميز والإبداع، كما تعملْ على تعزيز كفايات التفكير والتعلم والكفايات الشخصية والاجتماعية وكفايات المواطنة والعمل.

بُنيَتْ سلسلةُ كتبِ الرياضياتِ العراقيةِ على محوريةِ الطالب في عمليتي التَعليمُ والتَعَلَمُ وَعَدةُ المحورَ الرئيسَ في العمليةِ التربويةِ على وفق المعايير العالميةِ.

تَميزَتْ سلسلةُ كتبِ الرياضياتِ العراقيةِ المرحلةِ المتوسطةِ في تنظيمِ الدروسِ على ستِ فقراتٍ: تَعَلَّمْ ، تَأكدْ منِ فِهمِكَ ، تَدرَبْ وَحِلّ التمرينات ، تَدرَبْ وحِلّ مسائلَ حياتيةً ، فكر ، أكتبْ فقراتٍ: تَعَلَّمْ ، تأكدْ منِ فِهمِكَ ، تَدرَبْ وَحِلّ التمرينات ، تَدرَبْ وحِلّ مسائلَ حياتيةً ، فكر ، أكتب يأتي كتاب الرياضياتِ المصفِ الثاني المتوسطِ مشتملاً على أربعة محاور أساسية: محور الأعدادِ والعملياتِ ، ومحور الجبرِ ، ومحور الهندسة والقياسِ، ومحور الإحصاءِ والاحتمالاتِ من ضمنَ الأوزان النسبية لكل محور ، وتَضمَن الكتابُ جزأين: الجزء الأول وهو مخصص للفصل الدراسي الأول ويحتوي على أربعة فصول لكل فصلٍ تمريناته، أما الجزء الثاني فهو مُخصص للفصل الدراسي الثاني ويحتوي على ثلاثة فصولِ ولكل فصلِ تمريناته.

تَتَميزُ هذهِ الكتبُ بأنها تعرضُ المادةُ بأساليبَ حديثةٍ، تَتَوفرُ فيها عناصر الجذبِ والتشويقِ، التي تُساعدُ الطالبَ على التفاعلِ معها، عن طريق ما تُقدِمهُ من تدريباتٍ وتمريناتٍ ومسائلَ حياتيةٍ، اضافة إلى ذلك تَم وَضع تمريناتُ الفصول في نهاية الكتابِ وهي تَخْتلفُ عن التدريباتِ والتمريناتِ في الدروسِ وذلكَ لكونها موضوعية فالإجابة عنها تكون عن طريق اختيارٍ من متعددٍ وهذا بدورهِ يهيِّئ الطالبَ للمشاركةِ في المسابقاتِ الدوليةِ.

يمثلُ هذا الكتاب امتداداً لسلسلةِ كُتبِ الرياضيات المطورةِ للمرحلةِ الابتدائيةِ ودعامةً من دعائمِ المنهجِ المطورِ في الرياضياتِ إلى جانبِ دليلِ المدرسِ، وعليه نأملُ أنْ يُسْهِمَ تَنفيذُها في اكتسابِ الطلابِ المهاراتِ العلمية والعملية وتتميةِ ميولهم لدراسةِ الرياضيات.

اللهم وفقنا لخدمة عراقنا العزيز وأبنائِه ...

المؤلفون

الفصلُ 5

Geometry and Measurement

الهندسة والقياس

الدرس 1-5 علاقةُ الزوايا والمستقيمات (نظرياتٌ)

الدرس 2-5 تطابقُ المثلثاتِ

الدرس 3-5 خواصُّ المثلثات (متساوي الساقين، متساوي الاضلاع، قائم الزاوية)

الدرس 4-5 متوازي الأضلاع والمعينُ وشبهِ المنحرف

الدرس 5-5 الاسطوانة والكرة (الخصائص، المساحة السطحية، الحجم)

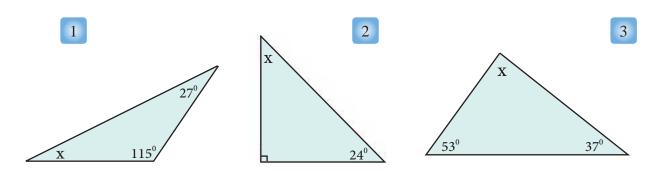
الدرس 6-5 مساحة الاشكال المركبة المنتظمة وغير المنتظمة

الدرس 7-5 خطة حلَّ المسألةِ (الأستدلال المنطقي)

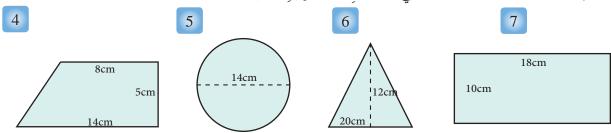


يمثلُ نصبُ (انقاذ العراق) للفنان الراحل محمد غني حكمت الموجودُ في ساحةِ الفارسِ العربيّ بمنطقة المنصورِ، الختم السومري الاسطواني المائل الذي يستندُ الى سواعدِ عراقيةِ بإرتفاعِ ستةِ امتار تمثل صمودَ العراقيينِ في مواجهةِ كل التحديات لما يمتلكه من حضارةٍ ومجدٍ وتاريخ منذ أقدم العصورِ ارتفاعُ هذا النصب مع القاعدةِ يَبلغ ١٠ م .

جد قيمة الزاوية المجهولة في كل من المثلثات المبينة في الاشكال الاتية:



احسب مساحة المنطقة المظللة في الاشكالِ المستويةِ الاتية:



أكتبْ صحيحاً أو غيرَ صحيح لكلِّ من العباراتِ الاتية:

- 8 المستقيمان المتوازيان لا يلتقيان أبداً.
- 9 المستقيمان المتعامدان لا يوجد بينهما نقطة التقاء.
 - 10 المستقيمان المتوازيان البعد بينهما ليس ثابتاً.
- 11 المستقيمان المتعامدان يشكلان بينهما زاوية قائمة الكملِ الفراغاتِ الاتية:
- 12 الزاويتان المتكاملتان يكون مجموع قياسهما
- 13 الزاويتان المتتامتان يكون مجموع قياسهما
- 14 تكون الزاويتان المتبادلتان بالقياس .
 - 15 مجموع زوايا المثلث
- ريدُ أحمد رصف ساحة مربعة الشكل طول ضلعها 9m ببلاط مربع مساحة البلاطة الواحدة $0.25m^2$ أحسب عدد البلاطات اللازمة لإنجاز عملية الرصف .

الدرسِ

علاقة الزوايا والمستقيمات (نظريات)

[5-1]

Relation of angles and straight lines (theorems)

فَكِّرْةُ الدرسِ

التعرف الى علاقة الزوايا المتبادلةِ والمتناظرةِ

والداخلية وبالعكس.

المفردات

حي

- الزوايا المتناظرة
- الزوايا المتبادلة
- الزوايا الداخلية

$$\stackrel{\longleftrightarrow}{\mathbb{L}}_3$$
 , $\stackrel{\longleftrightarrow}{\mathbb{L}}_1$ // $\stackrel{\longleftrightarrow}{\mathbb{L}}_2$ فيه الشكل المجاور فيه

A,B يقطع كل من المستقيمين المتوازيين في النقطتين

* تسمى الزاويتان 1,2 زاويتان متناظرتان وتكونان متساويتان بالقياس

* تسمى الزاويتان 2,3 زاويتان متبادلتان وتكونان متساويتان بالقياس .

* تسمى الزاويتان 2,4 زاويتان داخليتان متكاملتان ويكون

مجموع قياسهما °180.

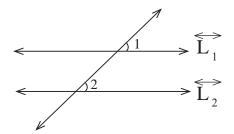
تعلمتَ سابقاً أنه أذا قُطع مستقيمان متو ازيان بمستقيم ثالث فالزوايا الناتجة : متقابلةٌ بالرأس، متبادلةٌ ، متناظرة "، متساويةٌ بالقياسِ في هذا الدرس سنتعلمُ متى يكون المستقيمان متوازيين .

* عكسُ مبر هنةِ الزوايا المتناظرةِ:

« أذا قطع مستقيم مستقيمين وكانت الزاويتان المتناظرتان

متساويتان بالقياس فإن المستقيمين متوازيان »

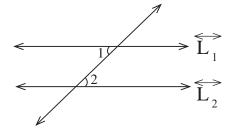
 $\stackrel{\longleftarrow}{\stackrel{\longleftarrow}{\Gamma_1}} / \stackrel{\longleftarrow}{\stackrel{\longleftarrow}{\Gamma_2}}$ المتناظرتان فإن $1=m \angle 2$: أذا كان



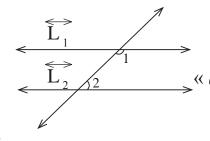
* عكسُ مبرهنةِ الزوايا المتبادلةِ:

« أذا قطع مستقيم مستقيمين في المستوي نفسه وكانت الزاويتان « المتبادلتان متساويتان بالقياس فأن المستقيمين متوازيان »

 $\sum_{L_1} // \sum_{L_2}$ المتبادلتان فإن $m \angle 1 = m \angle 2$: أذا كان



* عكسُ مبر هنةِ الزوايا الداخليةِ:



مثال (1(استعمل المعطيات في الشكل المجاور:

. $\stackrel{\longleftarrow}{L}//\stackrel{\longleftarrow}{M}$ بين أن $m \ge 1 = m \ge 2$ اذا

الحل:

 $m \angle 1 = m \angle 2$

زاویتان متقابلتان بالرأس $m \angle 2 = m \angle 3$

(أذا ساوت كميتان كمية واحدة فالكميتان متساويتان) $m \angle 1 = m \angle 3$

زاویتان متناظرتان $\angle 1$, $\angle 3$

أذن $\frac{1}{M}$ المتناظرة عكس مبر هنة الزوايا المتناظرة

استعمل المعطيات في الشكل المجاور وبين أن $\frac{1}{M}$ // $\frac{1}{M}$.

الحل:

مثال (2(

راويتان متقابلتان بالرأس $m \angle 1 = 30^\circ$

زاویتان متقابلتان بالرأس $m \angle 2 = 150^{\circ}$

الزاويتان 2, 1 داخليتان وعلى جهة واحدة من القاطع ومجموعهما 180

أذن $\frac{1}{M}$ $\frac{1}{M}$ عكس مبر هنة الزوايا الداخلية

مثال (3) استعمل المعطيات في الشكل المجاور:

 $\cdot \overset{\longleftarrow}{\text{I.}} / / \overset{\longleftarrow}{\text{M}}$ بین أن $\overset{\longleftarrow}{\text{K}} / / \overset{\longleftarrow}{\text{V}}$ ، $m \angle 1 = m \angle 3$ حیث \times

الحل:

 $m \angle 1 = m \angle 3$

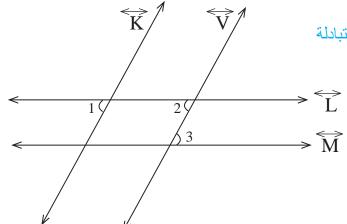
زاویتان متناظرتان $m \angle 1 = m \angle 2$

(أذا ساوت كميتان كمية واحدة فالكميتان متساويتان) $m \angle 2 = m \angle 3$

∠2 , ∠2

زاویتان متبادلتان

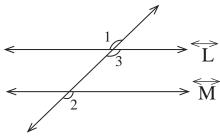
أذن 🕌 // 式 عكس مبر هنة الزوايا المتبادلة

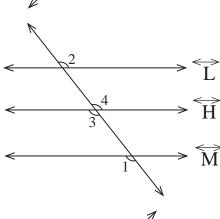




تأكَّدْ من فهمِكَ

استعمل المعطيات وعكس المبرهنات لتبين أنت:

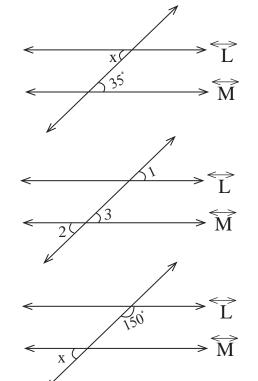




- $m \angle 1 = m \angle 2$ اذا کان $1 \ge m$
 - $\frac{1}{L}$ اذا کان $\frac{2}{M}$ اذا کان $\frac{2}{M}$ فأن $\frac{2}{M}$ فأن $\frac{2}{M}$

X=15~a~,~a=4 اذا کان فان $\frac{3}{L}$ افان :

$\stackrel{ ext{}}{\longrightarrow} //\stackrel{ ext{}}{\widehat{\mathrm{M}}}$ استعمل المعطيات و عكس المبرهنات لتبين أنّ



تدرب وحل التمرينات

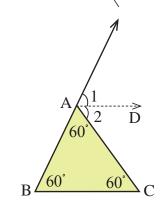
- X=7a , a = 5
- $m \angle 1 = m \angle 2$ 5
 - $m \angle x = 30^{\circ}$ 6

تدربْ وحلّ مسائلَ حياتيةً

1 3 2

 \rightleftharpoons

موقفُ سيارات: أراد مهندس تخطيط موقف للسيارات بصورة متوازية . أستعمل المعطيات و عكس المبر هنات لتبين ان متوازية . $\frac{1}{M}$ $\frac{1}{M}$ $\frac{1}{M}$ $\frac{1}{M}$ $\frac{1}{M}$ $\frac{1}{M}$ $\frac{1}{M}$



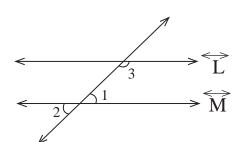
 $\stackrel{\Longleftrightarrow}{\mathbb{H}}$

 ${\widehat{\widehat{M}}}$

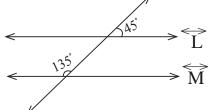
وسم: رسم محمد المثلث المتساوي الأضلاع كما في الشكل المجاور $m \angle 1 = m \angle 2$ الذ $2 \ge m$ ساعد محمداً في إثبات أنّ $\frac{\overline{BC}}{\overline{AD}}$.

فَكِّرْ

- $m \angle 1 = m \angle 2$, $\stackrel{\frown}{H} / \stackrel{\frown}{L}$ الرسم المقابل 0 برهن أن 0 0 . $\stackrel{\frown}{M} / \stackrel{\frown}{M}$.



- ان محمد الخطأ: رسم مهند الشكل المجاور وقال بما أن $m \ge 1 + m \ge 2 = 180^\circ$ اكتشف الخطأ وصححه.
- أكتبُ هل المعلوماتُ المعطاةُ في الشكلِ المجاورِ تسمح لك أن تستنتج أنّ M'' = N'' + N''؟ وضح ذلك.



Congruent of Triangles

5-2]

فَكِّرْةُ الدرسِ



تَعَلَّمْ

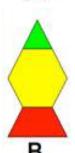
أيبين الشكل المجاور شكلين متطابقين ونقصد بذلك ان كلاً من الشكلي بين المتطابقين هو نسخه طبق الاصل من الآخر. فقولنا ان الشكل A نسخة ينطبق على الشكل B يعني ان الشكل A نسخة اخرى من الشكل B. القطع المستقيمة تتطابق اذا كان لها القياس نفسه اي الطول نفسه وتتطابق الزوايا اذا كان لها القياس نفسه وتتطابق المضلعات اذا امكن وضع احدهما على الاخر بحيث تنطبق رؤوس كل مضلع على الاخر

المفردات

التطابق.
عناصر المثلث الستة.
ضلعان وزاوية محددة
بهما.
د زاويتان وضلع محدد
بهما.
د ثلاثة أضلاع.

التعرف الى مفهوم التطابق

وحالات تطابق المثلثات.



نستخدم الرمز

للدلالة على التطابق .

[1-2-1] مفهومُ تطابق مثلثين

Concept of Congruent Two Triangles

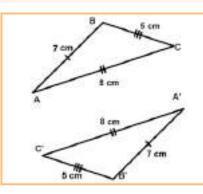
من المعلوم أنَّ للمثلث ثلاثة اضلاع وثلاث زوايا (تسمى عناصر المثلث الستة) ، يتطابق المثلثان اذا كان لكل عنصر من العناصر الستة من احد المثلثين عنصر يطابقه من المثلث الآخر ، والعكس صحيح ايضاً اي : اذا تطابق مثلثان فان لكل عنصر من العناصر الستة من احد المثلثين عنصرا يطابقه من المثلث الأخر يسمى (نظيره) ، واذا تطابق مثلثان فان مساحة سطح المثلث الاول تساوي مساحة سطح المثلث الثاني .

[2-2] حالاتُ تطابق مثلثين

Cases of Congruent Two Triangles

ليس من الضروري اثبات تطابق العناصر الستة من احد المثلثين مع نظائرها من المثلث الثاني بل يكفي معرفة 3 عناصر (بينها ضلع على الاقل) من احد المثلثين مع نظائرها من المثلث الاخر. وفيما يلي الحالات التي يتطابق فيها المثلثين:

الحالة الاولى: (تطابق الاضلاع الثلاثة) يتطابق المثلثان اذا تطابقت أضلاع المثلث الاول مع نظائر هما من المثلث الثاني.

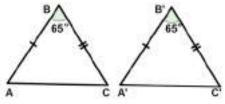


مثال (1 في الشكل المجاور:

-) AB \cong A´B´) ، \overline{AB} الضلع \overline{AB} ينطبق على الضلع
-) $AC \cong A'C'$) ، A'C' ينطبق على الضلع AC' پنطبق على الضلع *
- $\overline{BC} \cong \overline{BC}$) ، \overline{BC} ينطبق على الضلع \overline{BC}
 -)في أن : $\triangle ABC \cong \triangle ABC$ (ض ض ض

الحالة الثانية: (تطابقُ ضلعين والزاويةِ المحددةِ بينهما) يتطابق مثلثان اذا تطابق ضلعان وزاوية محددة بينهما مع نظائر هما من المثلث الاخر.

مثال (2(في الشكل المجاور:



-) $\overrightarrow{AB} \cong \overrightarrow{AB}$) ، \overrightarrow{AB} نطبق على الضلع \overrightarrow{AB}
-) BC \cong B´C´) ، \overline{BC} الضلغ \overline{BC} ينطبق على الضلع *
- $(\angle ABC \cong \angle ABC)$ ، $ABC \cong ABC$ ننطبق على الزاوية *ABC الزاوية

 $\triangle ABC \cong \triangle ABC$ (ض ز ض)

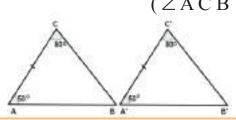
الحالة الثالثة: (تطابق زاويتين والضلع المحدد بينهما) يتطابق مثلثان اذا تطابقت زاويتان والضلع المحدد بينهما (الواصل بينهما) مع نظائر هما من المثلث الاخر.

مثال (3(في الشكل المجاور:

- $(\angle BAC \cong \angle BAC)$ ، BAC نطبق على الزاوية BAC
- $(\angle ACB \cong \angle ACB^{'})$ ، $ACB^{'}$ ، $ACB^{'}$ ، الزاوية ACB تنطبق على الزاوية



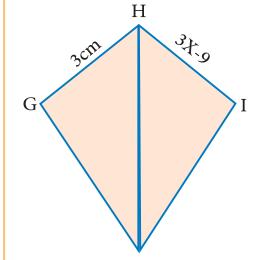
 $(\underline{\dot{c}}) \triangle ABC \cong \triangle ABC$ (زض ز)



مثال (4(في الشكل المجاور :



- * اذا كان قياس HIJ $_{\rm HIJ}$ يساوي $^{\circ}$ 87 فما قياس $_{\rm HIJ}$
- * اذا كان قياس IJH \angle يساوي $^{\circ}$ 0 فما قياس * 1 فما



- من خواص التطابق (تساوي الأضلاع المتناظرة) 3X-9 = 3 *
 - علاقة الجمع بالطرح 3X = 3 + 9
 - تبسيط 3X = 12
 - الناتج X=4
- * من خواص التطابق (تساوى الزوايا المتناظرة) $m \angle HGJ = m \angle HIJ$
 - اذن: 1GJ = 870 ∠ HGJ بالتعويض
- من خواص التطابق (تساوى الزواياالمتناظرة) $m \angle IJH = m \angle HJG *$ بالتعويض

تأكَّدْ من فهمك

أكمل الجدول:

$\Delta \ { m ABC} \cong \Delta \ { m CDE}$ لاحظ الشكل المجاور أذا كان 1

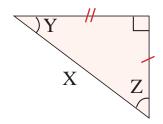
 $ABC = ACDE \ OC \ DC$

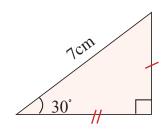
B A	D
3	4
A N	C E

الأسئلة : (3 - 1(مشابه للأمثلة (3 - 1)

العناصر المتطابقة	حالة التطابق
$m \angle 1 = m \angle 2$, $m \angle 3 = m \angle 4$	
AB = CD	
$m \angle 1 = m \angle 2$, AB = CD	
AC = CE	
AB = CD, $AC = CE$	
BC = DE	

2 جدْ قيمة X,Y,Z المؤشرة في الشكل المجاور أذا المثلثان متطابقان.



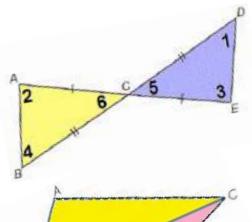


السؤال 4

مشابه للمثال 4

تدرب وحل التمرينات

الجدول ، Δ ABC \cong Δ CED , \overline{AB} // \overline{DE} الجدول ، أكمل الجدول



العناصر المتطابقة	حالةُ التطابقِ	
	ضلعان وزاوية محددة	
	بينهما	
	زاويتان وضلعٌ محددٌ	
	بينهما	
	ثلاثةُ أضلاعِ	

4 أنظر إلى المثلثين ABC , A´B C في الشكل المجاور ثم اكتب بالرموز اسماء الزاويتين المتطابقتين والضلعين المتساويين ثم عبر عن التطابق بالصورة الرمزية وبين نوع التطابق .

تدرب وحل مسائل حياتية

بناع: انظر الى الشكل المجاور للنافذتين.

- 5 كم مثلثا متطابقا تستطيع ان تحصى؟
- 6 اي نوع من التطابق بين المثلثات الموجودة فيها؟

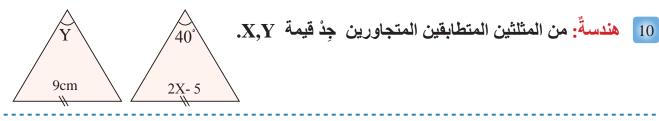


- 7 ما نوع التطابق بين المثلثين؟
- 8 حاول (عملياً) باستخدام نفس الاسلوب اظهار بقية حالات التطابق.
- حديقةً: حديقةً ازهار قسمت كما هو موضح بالشكلِ المجاورِ $\Delta \ ADC \cong \Delta \ BCD$: اثبت ان





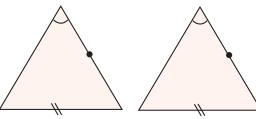




فَكِّرْ فَكِّرْ

- 11 تحدِّ: هل يتطابق المثلثان القائما الزاوية اللذان يتساوى طولا وترٍ وأحدُ الضلعين القائمين في احدهما مع
 - نظيريهما من المثلث الاخر؟ فسر أجابتك
 - 12 مسألة مفتوحة : وضح ما الفرق بين تطابق مثلثين وتشابه مثلثين ؟
 - 13 حسّ عدديّ : اذا رسمنا قطر المستطيل تكون لدينا مثلثان ؟ هل المثلثان متطابقان ؟ لماذا ؟
 - 14 أصحح الخطأ: قالت تمارة أن المثلثين كما مبين في الشكل أدناه متطابقان.

بيّن خطأ تمارة وصحَّحه.



أكتب

الحالات التي لا يتطابق بها المثلثين وأعط امثلةً توضيحيه لها مع الرسم .

خواصُّ المثلثات (متساوي الساقين، متساوي الاضلاع، قائم الزاوية)

Properties of Triangles (Isosceles triangle, Equilateral triangle, Right-angled triangle)

الدرسِ [3-3]



يمكنُ تصنيفُ المثلثاتِ

تبعا لاطوال أضلاعها الى :

1 - مثلث متساوي الساقين

2 ـ مثلث متساوي الاضلاع

3 ـ مثلث قائم الزاوية

سنقوم بالتعرف على خواص كل منها بالتفصيل .

فَكِّرْةُ الدرسِ

التعرف الى خواص المثلثات (متساوي الساقين – متساوي الاضلاع ، قائم الزاوية)

المفردات

حي

- 🎍 قاعدة المثلث
- زاوية الراس
- أُرتفاع المثلث

تعلمتَ سابقاً أنواع المثلثات حسب أطوال أضلاعها وبحسب قياسِ زواياها وفي هذا الدرس سنتعرف الى خواص مثلثٍ متساوي الساقين ومتساوي الأضلاع ومثلثٍ قائم الزاوية.

[1-3-3] خواص المثلث المتساوي الساقين

Properties of Isosceles Triangle

A

الأرتفاع

B

المثلثُ المتساوي الساقين: هو مثلث فيه ضلعان متساويان ، يسمى الضلع الثالث المختلف بالطول عن الضلعين المتساويين بقاعدة المثلث كما تسمى النقطة المقابلة لقاعدة المثلث برأس المثلث .



- $\mathbf{m} \angle \mathbf{B} = \mathbf{m} \angle \mathbf{C}$, تتساوى قياس زاويتا القاعدة المقابلتين للضلعين المتساوى
 - ای مثلث فیه زاویتان متساویتان یکون مثلث متساوی ساقین
- منصفُ زاويةِ رأسِ المثلثِ المتساوي الساقين يكون عمودياً على القاعدة وينصفها. BD = DC , $AD \perp BC$

مثال (1(

في الشكل المجاور اذا كان قياسُ ${}^{\circ}BAC=36$ ، وكان المثلث ABC متساوي الساقين

جِدْ قياسِ الزاويةِ ABC:

- $m \angle ABC = m \angle ACB = X$
- $m \angle A + m \angle B + m \angle C = 180^{\circ}$

$$2X = 180^{\circ} - 36^{\circ} = 144^{\circ}$$

$$X = \frac{144}{2}$$

$$m \angle ABC = 72^{\circ}$$

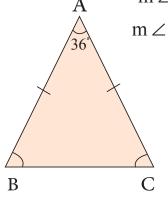
- مثلث متساوي الساقين AB=AC
- مجموع زوايا اي مثلث تساوي°180°،

بالتعويض

بالتبسيط

علاقة الجمع بالطرح

قسمة طرفي المعادلة على 2



[2-3-2] خواصُّ المثلثِ المتساوي الأضلاع

Properties of Equilateral Triangle

60° C

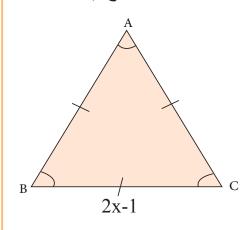
المثلث المتساوي الاضلاع: هو المثلث الذي تكون اضلاعه الثلاثة متساوية بالقياس ، ويمكن تسميته ايضاً بالمثلث المنتظم





• اي مثلث تكون جميع زواياه متساوية بالقياس تتساوى قياسات جميع اضلاعه .





<60°

$$19 = \frac{57}{3} = \frac{100}{3}$$
 طول الضلع = $\frac{57}{3}$

و لإيجاد قيمة x:

$$2x-1=19$$

$$2x = 19 + 1$$

$$2x = 20$$

$$x = \frac{20}{2} = 10 \text{ cm}$$

أكتب معادلة السؤال

علاقة الجمع بالطرح

تبسيط

[3-3-3] خواصُّ المثلثِ القائم الزاوية

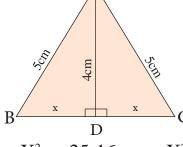
Properties of Right-Angled Triangle

المثلثُ القائم الزاوية: هو المثلث الذي يكون فيه ضلعان متعامدان اي أنّ (الزاوية بينهما قائمة وتساوي°90) نسمي الضلع المقابل للزاوية القائمة بـ (الوتر) وهو اطول اضلاع المثلث ، كما نسمي الضلعين الاخرين بالضلعين القائمين

خواص المثلث القائم الزاوية (مبرهنة فيثاغورس)

في أي مثلث قائم الزاوية يكون مجموع مربع طول الضلعين القائمين مساويا لمربع طول الوتر $(AB)^2 = (AB)^2 + (BC)^2$: يمكننا التعبير عن هذه المبر هنة رياضياً كالاتي ضلع قائم °90 _____ C

مثال (3(أستعمل الشكل المجاور، وجد طول BC



 $\overline{\mathrm{AD}} \perp \overline{\mathrm{BC}}$ المثلث ABC متساوي الساقين

$$(AC)^2 = (AD)^2 + (DC)^2$$

(مبر هنة فيثاغورس)

$$5^2 = 4^2 + X^2$$

بالتعويض

$$^{\circ}$$
C 25 = 16+ X^2

بالتبسيط

المعطيات

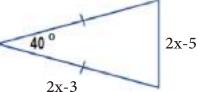
$$X^2 = 25-16 \implies X^2 = 9 \implies X=3 \text{ cm}$$

$$X^2 = 25-16 \implies X^2 = 9 \implies X=3 \text{ cm}$$
 علاقة الجمع بالطرح ، الجذر التربيعي للطرفين

من المعطيات نجد أن طول الضلع BC يساوي 6cm (من خواص المثلث المتساوي الساقين)

تأكَّدْ من فهمكَ

المثلثُ المتساوي الساقين المجاورِ اذا علمت أنّ المحيط x ، وطول كل ضلع وقياس الزاويتين الباقيتين .

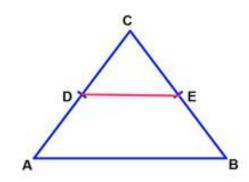


- 2 المثلثُ ABC متساوي الاضلاع، BD ، BD منصفان للزاويتين CAB و CBA جدقياس الزاوية ADB .
 - 3 مثلثُ اطوالُ اضلاعهِ cm, 10 cm, 6 cm هل المثلثُ قائمُ الزاويةِ ؟ وضح ذلك مع الرسم.

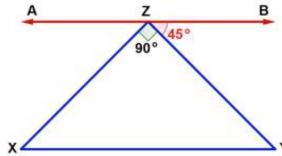
الأسئلة : (3 - 1(مشابه للأمثلة (3 - 1)

تدرب وحل التمرينات

m ∠CAB=m ∠CBA في الشكل المجاور AB ∠CBA مثلثاً متساوي الساقين؟

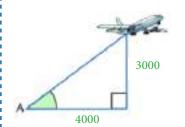


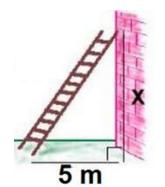
ماراً في الشكل المجاور XYZ Δ قائم الزاوية في Z ، رسم المستقيم XYZ ماراً بالرأس Z وموازياً للقاعدة XYZ ، XYZ XYZ متساوي الساقين .



تدرب وحل مسائل حياتية أ





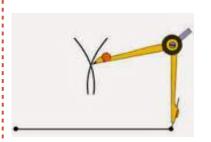


. 13m في الشكل المجاور اذا علمت أنّ طول السلم $_{\rm X}$



8 في القارب الشراعي الموضح بالشكل المجاور استخرج ارتفاع الجزء الاخضر من الشراع ثم احسب مساحته.

فَكِّرْ



- 9 تحدِّ: باستخدام الفرجال والمسطرة حاول ان ترسم مثلثا متساوي الاضلاع طول ضلعه 4cm . (انظر للصورة واستنتج الطريقة).
- 10 مسألةٌ مفتوحةٌ: ما قياس كل زاوية في مثلث قائم الزاوية ومتساوي الساقين ؟ وضح اجابتك بالرسم .
 - 11 حِسٌّ عدديٌّ: هل يوجد مثلث قائم الزاوية متساوي الاضلاع في ان واحد ؟ وضح بامثلة عددية.
- 12 أصحح الخطأ: يدعي أحمد أنّ المثلث الذي أطوال أضلاعه 2cm, 3cm, 4cm يمثل أضلاع مثلثٍ قائم الزاوية ، أكتشف خطأ أحمد وصححه.

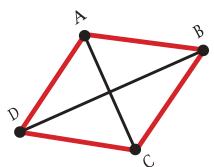
أكتب

تلاثة مجموعاتٍ من الأعدادِ الصحيحةِ الموجبةِ التي تنطبقُ عليها الصيغةُ الرياضيةُ لمبرهنةِ فيثاغور س.

متوازي الأضلاع والمعين وشبه المنحرف

الدرس

Parallelogram, Rhombus and Trapezoid



الشكلُ الهندسيُ المجاورُ ABCD يمثلُ متوازى ه

الأضلاع إذا:

AB // CD , AD // BC (1

AB = CD, AD = BC (2)

ويسمى المستقيم الواصل بين كل راسين متقابلين

بقطر متوازي الاضلاع BD, AC

فَكِّرْةُ الدرس

استعمال خصائص متوازي الاضلاع والمستطيل والمعين وشبه المنحرف في حل ح المسائل الهندسية

المفردات

- متوازي الاضلاع
 - المعين

ح

شبه المنحرف

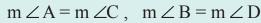
[1-4-5] متوازي الاضلاع

Parallelogram

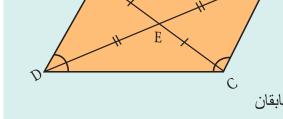
تعرفت سابقا الى متوازى الاضلاع بأنه شكل رباعي كل ضلعين متقابلين فيه متوازيان ، والان سوف تتعرف الى مبر هنات وخصائص متوازي الاضلاع وكيفية استعمالها في حل المسائل الهندسية .

نظريات خصائص متوازى الاضلاع:

- AD = BC , AB = DC خل صلعين متقابلين في متوازي الاضلاع يتطابقان *
 - * كل زاويتين متقابلتين في متوازي الاضلاع متساويتان بالقياس



- * كل زاويتين متتاليتين في متوازى الاضلاع تتكاملان
- $m \angle A + m \angle D = 180^{\circ}$, $m \angle D + m \angle C = 180^{\circ}$
- $m \angle C + m \angle B = 180^{\circ}$, $m \angle B + m \angle A = 180^{\circ}$
- AE = EC , BE = ED * قطرا متوازى الاضلاع متناصفان
- * المثلثان DAB, DCB متطابقان ، المثلثان DAB, DCB متطابقان
 - * المثلثان EBC, EAD متطابقان ، المثلثان EBC, ECD متطابقان



أستعمل خصائص متوازي الاضلاع لايجاد قياسات زاويةِ ${
m C}$ وزاويةِ ${
m D}$ بالدرجات ، وطولُ مثال (1(ΔB والضلع ΔB والضلع ΔB بالسنتمتر من الشكل المجاور

2X + 5

 $m \angle C + m \angle D = 180^{\circ}$ زاویتان متکاملتان

 $2x + 5^0 + 4x - 35^0 = 180^0$ بالتعويض بقيمة الزاوية

 $6x - 30^{\circ} = 180^{\circ} \implies 6x = 210^{\circ} \implies x = 35^{\circ}$

 $m \angle C = 75^{\circ}$, $m \angle D = 180^{\circ} - 75^{\circ} = 105^{\circ}$

8y-16 = 5y + 2 ضلعان متقابلان متطابقان

 $8y - 5y = 2 + 16 \implies y = 6$ بحل المعادلة

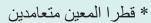
 $AB = 5 \times 6 + 2 = 32 \text{ cm}$

 $DC = 8 \times 6 - 16 = 32 \text{ cm}$

18

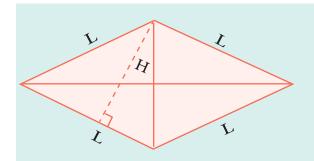
المعين : هو متوازي أضلاع فيه ضلعان متجاوران متساويان.

نظريات خصائص المعين:

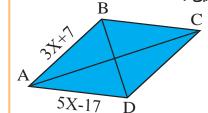


$$A=H\times L$$
 : الارتفاع $=$ الارتفاع اي $=$ المعين $=$ طول الضلع $=$ الارتفاع اي $=$ المعين $=$ المعي

$$P = 4 \times L$$
 : المحيط = 4 خول الضلع اي :



مثال (2(استعمل خصائص المعين لتجد طول الضلع BC ومحيط المعين.



$$i) AD = AB$$

$$5x - 17 = 3x + 7 \implies 5x - 3x = 17 + 7 \implies x = 12$$

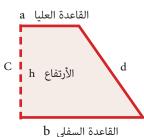
$$BC = AD \Rightarrow 5 \times 12 - 17 = 43 \text{ cm}$$

ii)
$$P = 4 \times L$$

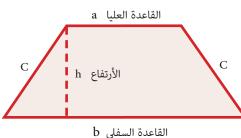
$$P = 4 \times 43 = 172 \text{ cm}$$

[3-4-3] شبه المنحرف **Trapezoid**

تعرفت سابقا الى شبه المنحرف وهو شكلٌ رباعيٌ مختلف الاطوال فيه ضلعان متوازيان يسميان قاعدتي شبه المنحرف وآخرين غير متوازيين يسميان ساقى شبه المنحرف ، إذا كان الضلعان غير المتوازيين متساويين سمي شبه منحرف متساوي الساقين ،وإذا كانت إحدى زواياه قائمةً سمي شبه منحرف قائم الزاوية .



شبه منحرف قائم الزاوية





القاعدة السفلى b

شبه منحرف متساوى الساقين

شبه منحرف مختلف الساقين

P=a+b+c+d مساحة شبه المنحرف $A=\frac{1}{2}(a+b)\times h$ مساحة شبه المنحرف

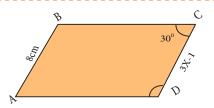
مثال (i) عند (i) وارتفاعه (i) د (i) مثال (i) جد مساحة شبه المنحرف الذي طو (i) طو (i) مثال (i)

$$A = \frac{1}{2} (a+b) \times h = \frac{1}{2} (8+12) \times 4 = 40 \text{ cm}^2$$

ii) جد محيط شبه منحرف متساوي الساقين طول كل منهما 8cm وطول قاعدته العليا5cmوطول قاعدته السفلي 10cm

$$P=a+b+c+d = 5+10+8+8=31 \text{ cm}$$

تأكَّدْ من فهمك



- استعمل خصائص متوازي الاضلاع للشكل المجاور لتجد كل من : $\overline{\mathrm{CD}}$, $\mathrm{m} \angle \mathrm{A}$, $\mathrm{m} \angle \mathrm{D}$
- 2 أوجد محيط متوازي الأضلاع إذا علمت أنّ طول احد أضلاعه 8cm وطول ضلعه المجاور ثلاثة امثاله.
 - الشكل المجاور ABCD متوازي اضلاع فيه $m \angle BCE + m \angle ADE = 90^\circ$ اثبت أن الشكل يمثل معين .
 - 4 معين مساحته 300cm² وارتفاعه 15cm فما طول ضلعه؟
 - 5 معين محيطه 36cm فما طول ضلعه؟
 - 6 شبه منحرف طول القاعدتين المتوازيتين العليا والسفلى على التوالي 9cm,7cm وارتفاعه 3cm فما مساحته ؟
 - 7 شبه منحرف متساوي الساقين مساحته 90cm² وارتفاعه 5cm جد طول كل من قاعدتيه اذا علمت ان طول قاعدته العليا نصف طول قاعدته السفلي .

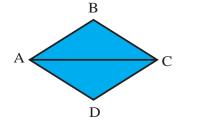
 $\begin{array}{c} B \\ E \\ D \end{array}$

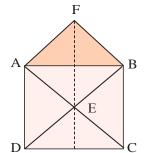
مشابه للمثال 2

الأسئلة: (5 - 1(

الأسئلة : (7 - 6(مشابه للمثال 3

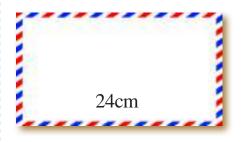
تدرب وحل التمرينات



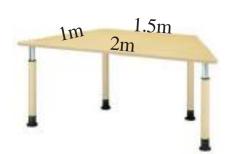


- A, C و \overline{AC} منصف الزاويتين AB = BC الشكل المجاور فيه AB = BC و \overline{AC} منصف الزاويتين ABCD برهن أنّ الشكل ABCD يمثل متوازى أضلاع.
 - 9 الشكل المجاور ABCD مربع ، AFB مثلث قائم الزاوية في 9 ومتساوي الساقين برهن أن :
 - ii بمثلُ مربعاً ، ii بنصف AFBE في ينصف DC . AFED)iii مثل متوازي أضلاع .
 - ABCD منتصفات أضلاعه ، النقاط E,F,G,H منتصفات أضلاعه ، ABCD بمثل معيناً ، النقاط EFGH يمثل مستطيلاً .
 - 11 معينٌ طولٌ قطريه المتعامدين 8cm ,10cm فما مساحته ؟
- 180cm² شبه منحرف طولُ القاعدتين المتوازيتين العليا والسفلي 20cm, 16cm ومساحته 180cm² فما ارتفاعه؟

تدربْ وحلّ مسائلَ حياتيةً



13 ظرف بريدي: في الشكل المجاور طرف بريدي ، اذا علمت ان عرض الظرف نصف طوله فما مساحة وجهه ؟



14 أثاث منزلي: سطح اللوح الخشبيّ المستخدم في المنضدة بشكلِ شبهِ منحرفٍ متساوي الساقين احسب محيطه .



حديقة : قطعة أرضٍ زراعيةٍ مستطيلة الشكل ، شجِّرت لجعلها حديقة عامة ، اريد تحويطها بسياج ، فاذا كانت ابعادُها ، 40m , 80m

فَكِّرْ

- تحدً: شبه منحرف يبلغ طول قاعدته الصغرى 3cm مقسم على ثلاث اشكال مثلثين ومستطيل يبلغ ارتفاع شبه المنحرف 4cm و طول الضلع القائم للمثلث الأول 2cm و طول الضلع القائم للمثلث الثاني فاحسب مساحة شبه المنحرف بطريقتين.
 - 17 مسألة مفتوحة: هل يمكن أعتبار كل مستطيل متوازي اضلاع و لا يمكن اعتبار كل متوازي اضلاع مستطيلاً ؟
 - 18 حِسٌ عدديٌ: ما الفرقُ بين المعينِ والمربعِ ؟ أرسم وأشر إلى الاجزاءِ المختلفةِ.

أكتب

خواصَّ شبه المنحرف المختلف الساقين وشبه المنحرف متساوي الساقين.

الدرس

الاسطوانة والكرة (الخصائص، المساحه السطحية، الحجم)

Cylinder and Sphere (Properties, Surface Area, Volume)

[5-5]

فَكِّرْةُ الدرسِ

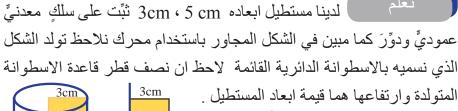
التعرف الى خصائص كل من الاسطوانة والكرة وكيفية ايجاد المساحة

السطحية والحجم لكل منهما

ح المفر دات

- نصف القطر، الارتفاع أ
 - المساحةُ الجانبيةُ
 - المساحةُ الكلبةُ
 - الحجمُ

المساحةُ الحانييةُ.



خذ علبة مرطبات اسطوانية وتخلُّص

من القاعدتين ثم قصَّها عمودياً ب

وأفرد القطعة المعدنية ستلاحظ انها

تمثلُ شكلَ مستطيلٍ.

Cylinder

7

[1-5-5] الاسطوانة:

هي مجسمٌ له قاعدتان دائريتان متوازيتان ومتطابقتان ومحاطٌ بسطح جانبي أسطوانيٌّ. ويسمى المستقيم المارُّ بمركز القاعدتين محور الأسطوانة ويسمى المستقيم المماس للقاعدتين والموازي لمحور الأسطوانة مولد الأسطوانة. مولدات الأسطوانة الواحدة متساوية فيما بينها بالطول. أما العمود المحدد بين قاعدتي الأسطوانة فانه يسمى ارتفاع الأسطوانة ويرمز له بالرمز h . إذا كان مولد الأسطوانة عمودياً على قاعدتها سميت الأسطوانة (اسطوانة قائمة) ويكون ارتفاعها مساوياً لمولدها، وإذا كان مولد الأسطوانة مائلاً على قاعدتيها سمبت (أسطو انةٌ مائلةٌ).

حجمُ الأسطوانة الدائرية القائمة: $V = \pi r^2 h$

 $LA = 2\pi r h$

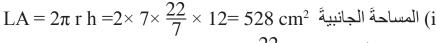
المساحةُ الكليةُ تساوي مجموعَ المساحةِ الجانبيةِ مع مساحةِ القاعدتين اي:

 $TA = 2\pi r h + 2\pi r^2$



مثال (1(أسطوانةٌ دائريةٌ قائمةٌ طولُ نصفِ قطر قاعدتِها cm وارتفاعها 12 cm أحسبْ مساحتَها

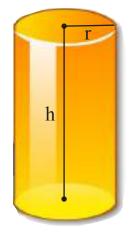
الجانبية ثم احسب ، مساحتها الكلية و حجمها .



$$TA=2\pi \text{ r h}+2\pi \text{r}^2=528+2\times\frac{22}{7}\times7^2$$
 المساحة الكلية (ii

$$= 528 + 308 = 836 \text{ cm}^2$$

$$V=\pi r^2 h = \frac{22}{7} \times 7^2 \times 12 = 1848 cm^3$$
 (iii



الكرة أن مجسم مستديرٌ (محدد بسطح كروي) من خصائصه إن كل نقطة من نقاط سطحه تبعد بأبعاد متساوية عن نقطة معينة ثابتة في داخله تسمى مركز الكرة، وكل مستقيم يمر بمركز الكرة وينتهي طرفاه بسطحها يسمى قطر الكرة، أما نصف قطر الكرة فهو الخطَّ الواصلُ بين مركز الكرة وأيِّ نقطة من نقاط سطحها.

 $V = \frac{4\pi}{3} r^3$ حجم الكرة:

 $SA = 4\pi r^2$: المساحة السطحية

مثال (2(

جِد المساحة السطحية والحجم للكرة التي نصف قطرها 7 cm



$$SA = 4 \pi r^2 = 4 \times \frac{22}{7} \times 7^2 = 616 \text{ cm}^2$$
 (i

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$
 (ii

$$V = \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times 7^3 = \frac{4312}{3} \approx 1437 \text{ cm}^3$$

مثال (3) حصالة النقود: صنع نموذج مصغر لحصالة نقود على شكل اسطوانة نصف قطرقاعدتها 10 cm وارتفاعها 30 cm وارتفاعها .

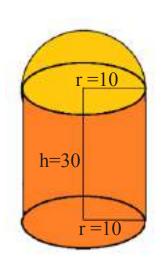
حجم حصالة النقود = حجم الاسطوانة + حجم نصف كرة

$$V = \pi r^{2} h + \frac{1}{2} \left(\frac{4}{3} \pi r^{3} \right) = \pi (10)^{2} (30) + \frac{1}{2} \left(\left(\frac{4}{3} \pi 10^{3} \right) \right)$$

$$V = 3000 \times 3.14 + \frac{2000}{3} \times 3.14 \approx 9420 + 2093.3$$

$$V = 11513.3 \text{ cm}^{3}$$

المساحة الكلية = المساحة الجانبية للاسطوانة + مساحة قاعدة واحدة + نصف المساحة السطحية للكرة



$$TA=2\pi r h+\pi r^2+\frac{1}{2} (4 \pi r^2)$$

$$TA=2(3.14) (10)(30)+(3.14) (10)^2 + 2)3.14)(10)^2$$

$$TA=1884 + 314 + 628 = 2826 \text{ cm}^2$$

تأكَّدُ من فهمكَ

- 1 أنبوبُ اسطوانيُّ دائريٌ قائم مجوف طوله 21m ونصف قطره الداخلي 9m فما حجمه؟
 - 2 جد المساحة السطحية والحجم للكرة التي نصف قطر ها 10m.
- 3 صُنع خزان للوقود على شكل اسطوانة نصف قطر قاعدتها 3m وارتفاعها 9m تعلوها نصف كرة احسب الحجم والمساحة السطحية للخزان
- الأسئلة : (7 1(مشابه للأمثلة (3 - 1)
- مستودع وقود كروي الشكل مساحته السطحية $76\pi \, \mathrm{m}^2$. جِد حجمه .
- باء على شكل نصف كرة مساحته السطحية $128\pi\,\mathrm{cm}^2$. جِد حجمه
- دورقٌ اسطوانيٌ الشكل حجمه $128\pi \mathrm{cm}^3$ وارتفاعهُ $8\mathrm{cm}$ جِد مساحته الجانبية .
- رة النا كانت نسبة حجم كرة إنصف قطرها r_1 الى حجم كرة ثانية نصف قطرها r_2 تساوي $\frac{8}{125}$ جِدْ نسبة المساحة السطحية للكرة الأولى الى المساحة السطحية للكرة الثانية .

تدرب وحل التمرينات

- 8 كرةً من الرصاص نصف قطرها 6cm صهرت وصنع منها كرات صغيرة متماثلةً لالعاب الاطفال نصف قطر كل منها 1cm عدد الكرات الصغيرة المتولدة من ذلك.
- 9 كرة خشبية حجمها 2304π cm³ وضعت في الماء فكان الجزء الطافي نصفها ، جِد نصف قطرِ دائرةٍ تقاطع سطح الماء مع سطح الكرة.
 - 10 إذا علمت أنَّ المساحة السطحية لكرة تساوي 1256cm² فما طول نصف قطر الكرة؟
 - 11 كرتان النسبة بين حجميهما كنسبة 27:8 جد النسبة بين مساحتي سطحيهما.
 - مساحتها السطحية تساوي $\pi \ cm^2$ ومن ثم جِد حجمها $\pi \ cm^2$
- 13 قطعة ورق على شكل مستطيل طوله 33cm وعرضه 14cm طويت قاعدته بحيث يكون سطح الورقة على هيئة سطح أسطواني دائري قائم جِد حجم الأسطوانة الناشئة لاقرب عدد صحيح.

تدربْ وحلّ مسائل حياتيةً



14 سائل: جد سعة الكوب المجاور اذا علمت أن قطر القاعدة 7cm وارتفاعه 10cm.



15 صناعة: احسب مقدار ما تتسع له العلب الاسطوانية الأربعُ المتماثلة الحجم اذا علمت ان نصف قطر قاعدتها 3.5cm، وأرتفاعها 10cm ثم جد المساحة اللازمة من اللوح المعدني المستخدم لصناعتها كلهًا.



16 هندسة: من المباني الشهيرة في العالم بناية تعرف باسم قبة مونتريال في كندا وهي كرة مستديرة من الزجاج الشفاف قطرها 76 m احسب مساحتها السطحية وحجمها.

فَكِّرْ

- 17 تحدِّ: كرةٌ بلاستيكيةٌ نصف قطر ها 14.7cm طليت بطلاءٍ بسمك 0.3cm الحسب حجم الكرة بعد الطلاء .
 - مسألةٌ مفتوحةٌ: ما ارتفاع اسطوانةٍ دائريةٍ قائمةٍ تكفي مساحتها الجانبية لصنع كرةٍ لها نصف قطر الاسطوانة نفسه ؟
- ور تفاعه وارتفاعه مدديًّ : كأس بشكل نصف كرة نصف قطرها r ووعاء اسطواني الشكل نصف قطره r وارتفاعه r أيُّ منهما يتسع لأكبر كمية من الماء ؟
 - اكتشف خطأ ساره وصحّحه. $(\frac{3}{4}\pi r^3)$ ، اكتشف خطأ ساره وصحّحه.

أكتبُ

مثالاً لأسطو انتين قائمتين متساويتين بالحجم ومختلفتين بالمساحة الكلية .

الدرس

مساحة الاشكال المركبة المنتظمة وغير المنتظمة

Area of Regular and Irregular compound shapes

[5-6]

ح فَكِّرْةُ الدرس

ايجاد مساحة الاشكال ح المستوية المركبة المنتظمة

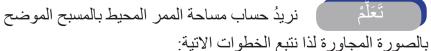
> وغير المنتظمة حي ح ح

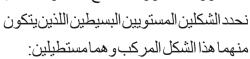
المفردات

حي

• شكلٌ مستوى بسيط

شكلٌ مستوي مركب





- نجد مساحة المستطيل الخارجي
 - نجد مساحة المستطيل الداخلي
- نجد مساحة الممر عن طريق طرح

مساحة المستطيل الداخلي من مساحة المستطيل الخارجي

[1-6-5] مساحة الاشكال المستوية المركبة المنتظمة Area of Regular compound Plane shapes

المستوى المركبُ المنتظمُ: يتكون الشكل المستوى المركبُ المنتظمُ من شكلين مستويين بسيطين او أكثر. - لإيجاد مساحته نقسم الشكل المستوي المركب المنتظم الى اشكالِ مستويةٍ بسيطةٍ .

مثال (1(حاول إيجاد مساحة الممر في الشكل المركب في فقرة تعلم

الشكلان المستويان البسيطان اللذان يتكون منهما الشكل المركب هما مستطيلان.

 $A_1=L .W=4\times 2=8 m^2$: نجد مساحة المستطيل الخارجي

 $A_2 = L \cdot W = 3 \times 1 = 3 \text{ m}^2$

نجد مساحة المستطيل الداخلي:

مساحةُ الممر تساوي حاصل طرح مساحة المستطيل الداخلي من

 $A=A_1-A_2=8-3=5$ ساحة المستطيل الخارجي اي : مساحة المستطيل الخارجي

2_m

3cm

7cm



Scm

مثال (2(لحساب مساحة الشكل المركب المنتظم المجاور:

الشكل المركب المنتظم يحتوي على الشكلين المستويين البسيطين اللذين

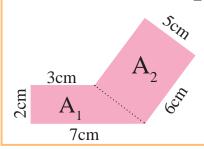
هما شبه المنحرف والمستطيل:

26

 $A_1 = \frac{1}{2} (a+b) \times h = \frac{1}{2} (3+7) \times 2 = 10 \text{cm}^2$: مساحة شبه المنحرف

 $A_2 = L .W = 6 \times 5 = 30 \text{ cm}^2$ مساحة المستطبل:

 $A=A_1+A_2=10+30=40 \text{ cm}^2$ مساحة الشكل المركب:



[2-6-2] مساحة الاشكال المستوية المركبة غير المنتظمة

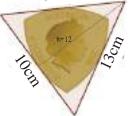
Area of Irregular compound Plane shapes

المستوى المركبُ غيرُ المنتظم : يتكون الشكل المستوى المركبُ غيرُ المنتظم من شكلين مستويين بسيطين او أكثر غير منتظمين.

لإيجاد مساحته نقسم الشكل المستوي المركب غير المنتظم الى اشكال مستوية منتظمة بسيطة قريبة من شكله نحسب قيمة مساحات الاشكال المستوية البسيطة ونجمع نتائجها وتحتسب بوصفها قيمة تقريبية للشكل المستوى المركب غير المنتظم

مثال (3(

في الشكل المجاور نموذج لعملة احدى الدول وهي مصممة على شكل مستوي غير منتظم ولحساب قيمة تقريبية لمساحة سطح العملة رسمنا مثلث متساوي الساقين تمسُّ اضلاعه منحني العملة وثبتنا قياسات الاضلاع وارتفاع المثلث كما موضح بالشكل.

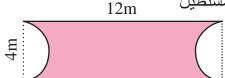


 $A = \frac{1}{2} \times b \times h = \frac{1}{2} \times 10 \times 12 = 60$ cm² : نحسب مساحة المثلث ونظر الكون مساحة سطح العملة اقل من مساحة سطح المثلث نقرب الناتج ونقول: ان مساحة سطح العملة يساوي تقريباً أقل من 60cm²

مثال (4(لحساب مساحة الشكل المظلل المجاور:

نقسم الشكل الى الشكلين المستويين البسيطين اللذين يتكون منهما الشكلُ المركبُ هما مستطيلٌ ونصفا دائرة متماثلتان (يمكن عدهما دائرة واحدة).

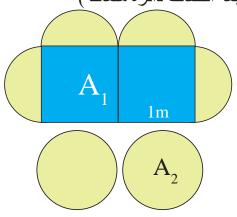
 $A_2 = \pi \times r^2 = 3.14 \times 2^2 = 12.56 \text{ m}^2$: مساحة نصفي الدائرة = مساحة دائرة مساحة الشكلِ المظللِ تساوي حاصل طرح مساحة الدائرة من مساحة المستطيل



$$A=A_1 - A_2 = 48 - 12.56 = 35.44 \text{ m}^2$$

مثال (5(جد مساحة سطح الشكل المستوى المركب المبين في ادناه .

يتكون الشكل المركب من مربعين متماثلين ودائرتين متماثلتين (اربعة انصاف دائرة متماثلة)

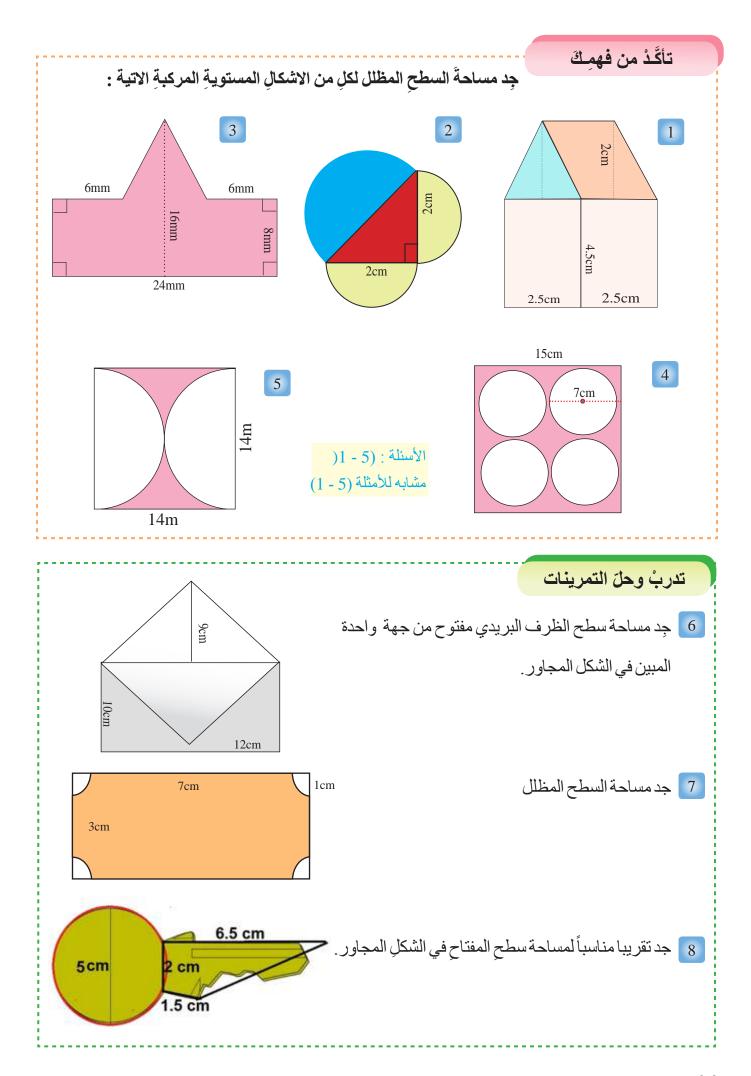


$$A_1=L^2=1^2=1 m^2$$
 مساحة المربع:

$$A^2=\pi \times r^2=3.14\times (0.5)^2=0.785$$
 m² مساحة الدائرة:

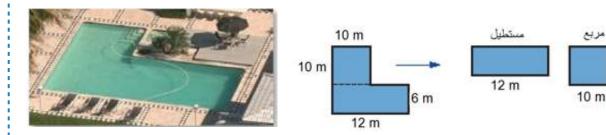
مساحة الشكل المظلل تساوى

$$A=2A_1+2A_2=2\times1+2\times0.785=3.57$$
 m²



تدربْ وحلّ مسائل حياتيةً

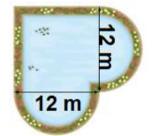
9 ادناه صورة لمسبح مع مخطط لشكل سطحه المستوي المركب. احسب مساحة سطح المسبح.





10 في الشكلِ المجاورِ خريطة إحدى الدول و هي بلا شكِّ تمثل شكلا مستويا مركبا غير منتظم. ولغرض تقدير المساحة على الخريطة رسم شكلان مستويان بسيطان هما شبه المنحرف والمثلل للحاطة بحدود الخريطة. مستخدما الأبعاد المثبته على الشكل جد تقريبا مناسبا للمساحة على الخريطة.

فَكِّرْ



- 11 تحدِّ: بالشكل المجاور بركة محاطة بممر من البلاط عرضه 2m. احسب مساحة الممر.
- 12 مسألة مفتوحة : الشكل يوضح طريقتان مختلفتان لإيجاد مساحة مضلع منتظم ذي ثمانية اضلاع . اشرح مضمون الطريقتين ثم ابحث عن طريقةٍ ثالثةٍ .
- 13 حسٌ عدديٌ: هل يمكن حساب مساحة دائرة بشكل تقريبي عن طريق رسم مستطيلات مساحة دائرة بشكل تقريبي عن طريق رسم مستطيلات مستطيلات متجاورة داخلها ماذا يحدث عندما نجعل عدد المستطيلات المرسومه كبيرا جداً ؟

أكتب صيغةً رياضيةً لحساب مساحة شكل مستوي مركب مؤلف من k من المعينات مرسومة متجاورة مع بعضها والتي طول كل من قطريها n, m من الوحدات.

الدرس

خطة حل المسألة (الأستدلال المنطقي)

Problem Solving Plan (logical inferntial)

[5-7]

تَعَلَّمْ

الشكل المجاور مثلث قائم الزاوية .

ماالعلاقة بين الزاويتين الحادتين في المثلث القائم؟

ع فَكِّرْةُ الدرسِ

استعمالُ الأستدلال

• المنطقي في حلِ المسألة

ے

أفهم

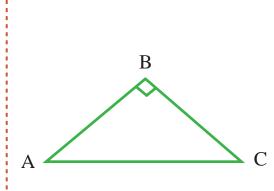
ما معطياتُ المسألة؟ المثلثُ القائمُ الزاويةُ اي الذي قياس احد زواياه °90 ماالمطلوب من المسألة؟ ايجاد العلاقة بين الزاويتين الحادتين في المثلث القائم.

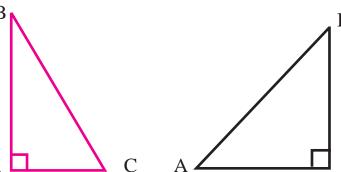
<u>idd</u>

كيف تحلّ المسألة ؟ ارسمْ عدة مثلثاتٍ قائمة الزاوية وأستعمل مجموع زوايا المثلث للأستدلال على العلاقة بين الزاويتين الحادتين.

حل

بما أن مجموع قياس زوايا المثلث 180 في كل حالة وأن المثلث قائم الزاوية فإن مجموع قياسي الزاويتين الحادتين في أي مثلث قائم هو 90° اي أن الزاويتان الحادتان في المثلث القائم الزاوية يكونان متتامتان.



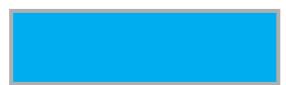


تحقق

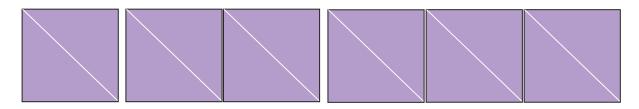
مجموع قياس الزاويتين الحادتين + قياس الزاوية القائمة = $^\circ90^\circ+90^\circ=180^\circ$ أذن الحل صحيح

مسائل

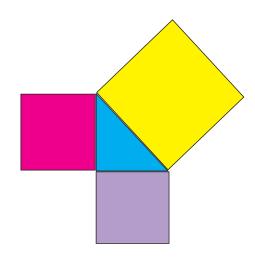
1 ارسم عدة مستطيلات واقطارها ثم قس اطوال الاقطار. ماذا تستنتج عن طولي القطرين بالمستطيل؟



رتبت المثلثاتُ القائمةُ الزاويةُ لتكونُّ النمط الموضح بالشكل التالي فاذا كانت مساحة كل مثلث منها يساوي 12cm² فاوجد مساحة النمط المتكون في الشكل الثالث.



3 استخدم اسلوب الاستدلال المنطقي لتخمين قياس كلِّ من الزاويتين الحادتين في أيِّ مثلثٍ قائم الزاوية ومتساوي الساقين. واستنتج من ذلك العلاقة بين هاتين الزاويتين.



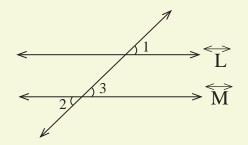
4 أستخدم اسلوب الاستدلال المنطقي لتقدير العلاقة بين اضلاع مثلث قائم الزاوية ومتساوي الساقين واستنتج من ذلك صيغة خاصة لمبرهنة فيتاغورس.

أستخدمُ اسلوبَ الاستدلال المنطقي لتقدير مساحةِ شبهِ منحرفِ متساوي الساقين طؤل قاعدته العليا ثلاثةُ امثال طول قاعدته السفلى واستنتج من ذلك صيغةٍ خاصةٍ لقانون المساحة عندما يكون طول احد القاعدتين من مضاعفات طول القاعدة الاخرى.

المضردات

English	عربي	English	عربي
Volume	الحجم	Sphere	الكرة
Radius	نصف القطر	Corres ponding angles	زوايا متناظرة
Height	الارتفاع	Alternat angles	زوايا متبادلة
The total area	المساحة الكلية	Vertical angles	زوايا متقابلة بالراس
Surface area	المساحة السطحية	Congruent triangles	المثلثات المتطابقة
Lateral area	المساحة الجانبية	Cylinder	الاسطوانة

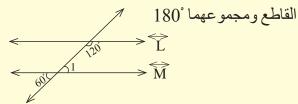
الدرسِ [1-5] علاقة الزوايا والمستقيمات (نظريات) Relations of Angles and Straight lines (Theorems)



مثال: استعمل المعطيات في الشكل المجاور وبين أن $\frac{\langle \cdot \rangle}{M}$.

ناويتان متقابلتان بالرأس $m \angle 1 = 60^{\circ}$

الزاويتان°120, 1 داخليتان وعلى جهة واحدة من

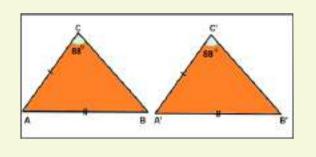


أذن $\frac{1}{M}$ الداخلية عكس مبر هنة الزوايا الداخلية

Congruent Triangles

الدرس [2-5] تطابق المثلثات

تدریب : بالشکل الاسفل و ضح لماذا لا یتطابق المثلثان Δ ABC \cdot Δ A $\dot{}$ B $\dot{}$ C المثلثان

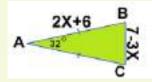


مثال : جد قيمة X,Y ليكون $ABC \cong \Delta ABC$. مثال : جد قيمة X,Y ليكون $\Delta BCD \cong \Delta ABC$ بما ان المثلثين متطابقين اذن تتساوى اطوال الاضلاع المتناظرة اي :

2X+8=12, 2X=12-8 $2X=4, X=\frac{4}{2}=2$ 31Y-16=15 31Y=15+16 31Y=31 Y=1

الدرس [3-5] خواص المثلثات (متساوي الساقين، متساوي الاضلاع، قائم الزاوية) Properties of Triangles (Isosceles triangle, Equilateral triangle, **Right-angled triangle**)

تدريب1: في المثلث المتساوى الساقين ABC °m∠CAB=32 أذا علمت ان المحيط m∠CAB=32 جد قيمة X وطول كل ضلع وقياس الزاويتين الباقيتين .

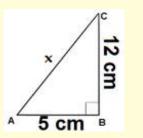


تدریب 2:

في المثلث ABC: m∠ACB=60° m∠CAD=120°



مثال(1(: جد طول الوتر في المثلث ABC المبين بالشكل المجاور



$$(AB)^{2}=(AB)^{2}+(BC)^{2}$$

 $x^{2}=(5)^{2}+(12)^{2}$
 $x^{2}=25\ 144$
 $x^{2}=169$
 $x=13\ cm$

مثال(2): مثلث متساوى الاضلاع محيطه 144cm جد طول كل ضلع .

المثلث المتساوي الاضلاع هو المثلث الذي تكون اضلاعه الثلاثة متساوية بالقياس لذلك يكون طول الضلع يساوى 24 cm الضلع يساوى

الدرس [4-5] متوازى الأضلاع والمعين وشبه المنحرف

Parallelogram, Rhombus and Trapezoid

5cm جد مساحته

 $A = b \times h = 8 \times 5 = 40 \text{ cm}^2$

مثال(2) : جد محيط ومساحة معين منتظم طول ضلعه 6cm وارتفاعه 6cm

$$A = h \times b = 6 \times 7 = 42 \text{cm}^2$$

$$P = 4 \times b = 4 \times 6 = 24 \text{ cm}$$

مثال (3(: جد مساحة شبه المنحر ف الذي طولي ضلعين

متوازبین فیه 8cm ,12 cm وارتفاعه 4cm.

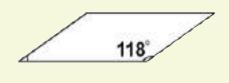
$$A = \frac{1}{2} (a+b) \times h$$

$$A = \frac{1}{2} (8 + 12) \times 4 = 40 \text{ cm}^2$$

مثال(1(:متوازي اضلاع طول قاعدته 8cm وارتفاعه تدريب(1) : جد مساحة معين طول قطريه المتعامدين .6cm ,8cm

تدریب(2(: : شبه منحرف متساوی الساقین مساحته 64cm² وارتفاعه 8cm جد طول کل مـــن قاعدتيه اذا علمت ان طول قاعدته العليا ثلاثة امثال طول قاعدته السفلي.

تدريب(3(: في الشكل التالي متوازى اضلاع قياس احدى زواياه °118. احسب قياسات بقية الزوايا .



الدرس [5-5] الاسطوانة والكرة (الخصائص، المساحه السطحية، الحجم) Cylinder and Sphere (Properties, Surface Area, Volume)

10cmوارتفاعها 6cm احسب مساحتها الكلية الشكل حجمه 256πcm³ وارتفاعه وحجمها.

$$TA = 2\pi r h + 2\pi r^2$$
 : المساحة الكلية :
$$TA = 2(3.14)(10) (6) + 2(3.14) (10)^2$$

$$TA = 1004.8 cm^2$$

$$V = \pi r^2 h$$
 : $V = (3.14) \times (10)^2 \times 6 = 1884 cm^3$

مثال: اسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها تدريب(1): ما المساحة الجانبية لدورق اسطواني

تدريب(2(: كرة معدنية الشكل مساحتها السطحية . أوجد حجمها $144\pi m^2$

تدریب(3(: صنع خزان ماء علی شکل اسطوانة قطر قاعدتها 8m وارتفاعها 12m تعلوها نصف كرة احسب الحجم والمساحة السطحية للخزان.

تدريب (4(:جد مساحة سطح القطعة المعدنية المتولدة من قص اسطوانة دائرية قائمة مجوفة حجمها . 5cm وارتفاعها 80π cm³

الدرس [6-5] مساحة الاشكال المركبة المنتظمة وغير المنتظمة Area of Regular and Irregular compound shapes

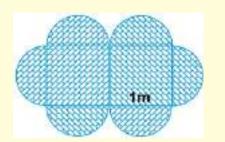
المبين في ادناه

 $A_1 = L^2 = 1^2 = 1 \text{ m}^2$: and $A_1 = L^2 = 1^2 = 1 \text{ m}^2$ مساحة الدائرة:

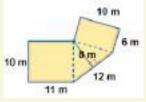
 $A_2 = \pi \times r^2 = 3.14 \times (0.5)^2 = 0.785 \text{ m}^2$ مساحة الشكل المظلل تساوي مساحة مربعين وثلاث دوائر اي:

$$A = 2A_2 + 3A_1$$

 $A = 2 \times 1 + 3 \times 0.785$
 $A = 4.355 \text{ m}^2$



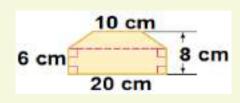
مثال :جد مساحة سطح الشكل المستوي المركب تدريب(1) : جد مساحة ارضية الصالة المبينه في الشكل:



تدريب(2(: ما مساحة سطح حوض السباحة في



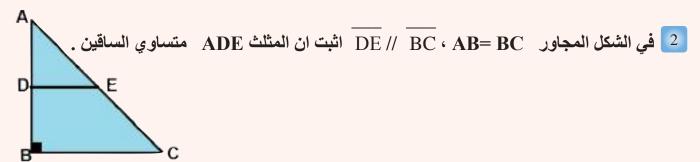
تدريب(3(: جد مساحة الشكل المركب الاتى:



اختبارُ الفصلِ

Chapter Test

 $m m \angle ACE:$ جد BC. على امتداد الضلع ABC مثلث متساوي الاضلاع وسمنا المستقيم m CE على امتداد الضلع

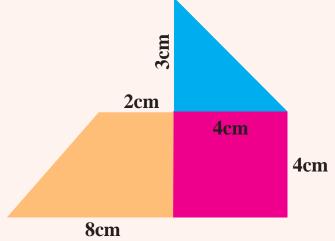


3 اعط مثالا مع الرسم تبين فيه عدم امكانية تطابق مثلثين تتساوى فيهما قياسات الزوايا المتناظرة.

اكمل الفراغات الاتية لتكون العبارة صائبة:

- 4 تكون الزاويتان متطابقتان اذا كان
- 5 عناصر المثلث السته هي و
- 6 تتطابق المضلعات اذا امكن وضع احدهما على الاخربحيث
- 8 شبه منحرف متساوي الساقين مساحته 180cm² وارتفاعه 10cmجد طول كل من قاعدتيه اذا علمت ان طول قاعدته العليا اربعة امثال طول قاعدته السفلى.
 - وارتفاعه 6cm و مساحة معين طول ضلعه 4cm وارتفاعه
 - 10 معين طول قطريه المتعامدين cm ,2.5 cm فما مساحته ؟
- 11 صنع مصباح منضدي على شكل اسطوانة نصف قطرقاعدتها 8cm وارتفاعها 12cm تعلوها نصف كرة احسب الحجم والمساحة السطحية له.

12 جد مساحة الشكل المركب الاتي:





الهندسة الإحداثية Coordinate Geometry

الدرس 1_6 تمثيل جدول دالة محددة في المستوي الاحداثي

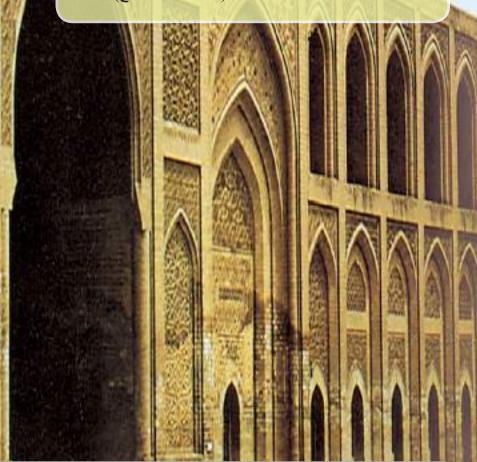
الدرس 2-6 مقدمة في الدوال

الدرس 3-6 الدوال الخطية

الدرس 4-6 الانعكاسُ والدوران في المستوي الاحداثي

الدرس 5_6 الانسحابُ في المستوي الاحداثي

الدرس 6-6 خطة حل المسألة (الخطوات الأربع)



المدرسةُ المستنصريةُ: طرازٌ معماريٌ رائعٌ وقطعةٌ معماريةٌ هندسيةٌ احداثيةٌ فجدران الطبقة العليا من المدرسةِ مزخرفةٌ من الخارج بزخارف ذات اشكالٍ هندسيةٍ احداثيةٍ متماثلةٍ وغيرِ متماثلةٍ وهي أقدمُ جامعاتِ العالمِ من حيث العلم.

الإختبار القبلج

اكتب عبارة جبرية تمثل:

2 اكثر من N بثلاثة عشر.

L-9 مضروب في 7^2

y نصف w+9 مضروب في w+9

2+w الجذر التكعيبي ل L-3T مضروب في 2+w

اقل من y بخمسة عشر.

T-3 مقسوم على T-3.

5 ضعف W-9 مضروب في 5.

T+5 ربع 5+7 مقسوم على T.

و الدالة $2w-w^2$ والمدخلات $\{1,0,1-\}$ اكتب المخرجات للدالة .

10 اكتب قاعدة الدالة للمدخلات والمخرجات الاتية:

المخرجات	قاعدة الدالة	المدخلات
1		1
4		2
9		3
1		-1
4		-2

المخرجات	قاعدة الدالة	المدخلات
0		-2
2		0
4		2

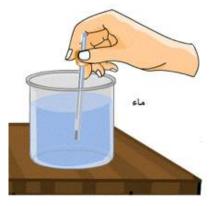
- 11 قاعدة الدالة y + 2y = 1 أنشئ جدو y + 2y بيّن فيه المخرجات إذ المدخلات y + 2y = 1.
- 12 أنشئ جدولاً وبيِّن فيه المدخلات حيث المخرجات {1، 2، 3} وقاعدة الدالة 2-X مثل الازواج المرتبة في المستوي الإحداثي وارسم قطعاً مستقيمةً لتصل بين النقاط في كل ربع، اذكر اسم الشكل الذي حصلت عليه:
 - A (0,2), B(0,-2), C(3,-2), D(3,2) 13
 - A(-1,3), B(-1,-3), C(-3,0) 14
 - A(-1,1), B(0,2), C(3,2), D(3,1) 15
 - 16 وضح كيف يختلف موقع النقطة (3,3-) عن موقع النقطة (3-,3).

الدرس

تمثيل جدول دالة محددة في المستوى الاحداثي

Representing Table Function in Coordinate Plane

[6-1]



أراد عليُّ ان يقيس درجة حرارة الماء في اناء بالدرجة المئوية ففي الساعة الاولى وجد ان درجة حرارة الماء 3°C وفي الساعة الثانية کانت در جة حرارة الماء 3^{0} C فجد در جة حرارة الماء بدرجة مئوية بعد سبع ساعاتِ

فَكِّرْةُ الدرس

تمثيل جدول دالة محددة في المستوي الاحداثي.

المقريدات

- ح • المدخلة
- ح
- جدول دالة ح
- المستوي الاحداثي.
 - الارباع الاربعة.

[1-1-6] تمثيل جدول في المستوي الاحداثي

Representation Table In Coordinate Plane

- * العلاقة التي مدخلاتُها متغيرةٌ ومخرجاتها ثابتة تمثل دالة مستقيمٌ يوازي محور السينات.
 - * العلاقة التي مدخلاتها ثابتة ومخرجاتها متغيرة تمثل مستقيماً يوازي محور الصادات.
 - * العلاقة التي مدخلاتها ومخرجاتها متغيرة تمثل مستقيماً لايوازي أي المحورين.

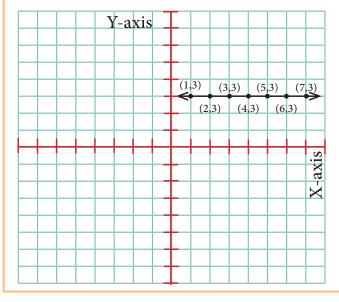
مثال (1(جد درجة حرارة الماء بعد سبع ساعات.

خطوةً (1): نفرض ان عدد الساعات X نفرض إنّ درجة حرارة الماء في كل ساعة مساوية لـ Y

فنحصل على الجدول الآتي:

X	1	2	3	4	5	6	7
Y	3	3	3	3	3	3	3

خطوةٌ (2): نستعمل الجدول لايجاد الازواج المرتبة (7,3)، (6,3)، (5,3)، (4,3)، (3,3)، (2,3)، (1,3)



خطوةٌ (3(:نعين النقط في المستوى الاحداثي، ثم نصل بين النقاط فنحصل على مستقيم موازي لمحور السيناتِ.

(قيم x متغيرة ، قيم v ثابتة)

Y-axis (2,8) (2,6) (2,4) (2,2)

مثلِ الجدولَ التالي في المستوي الاحداثي.

X	2	2	2	2
Y	2	4	6	8

من الجدول نلاحظ ان قيم x ثابتة ومنه نكون ازواجاً مرتبة (2,8)، (2,6)، (2,6)) نمثل النقاط ثم نصل بين النقاط نلاحظ أنّ المستقيم موازي لمحور الصادات،

(قيم x ثابتة ، قيم y متغيرة).

مثال (2(

عدد الأيام	X	1	2	3	4
كمية النفط	Y	1	2	3	4

Y-axis (4,4) (2,2) (3,3) (1,1) .six

مثال (3(الجدولُ التالي يبينُ الكمية التي ينتجها حقل الرميلة على مدى اربعة ايام أمثل كتابة الجدول على شكل مجموعة من الأزواج المرتبة

{(4,4)، (3,3)، (2,2)، (1,1)}
ثم نُحدد كل نقطةٍ في المستوي الاحداثي نصلُ
بين النقاطِ نلاحظ أن المستقيم لايوازي أي من
المحورين (قيم x متغيرة، قيم y متغيرة).

[2 -1 -6] كتابة جدول من نقاط معينة في المستوي الاحداثي

Written Table of Bounded Points in Coordinate Plane

مثال (4(

اكتب جدول الدالة من نقاطٍ معينةٍ في المستوي الاحداثي

من الشكل المجاور نحددُ الأزواج المرتبة لكل نقطة A(-2,5), B(-1,3), C(1,-1), D(2,-3), E(4,-7) نكونُ جدول الدالة:

النقاط	A	В	С	D	Е
X	-2	-1	1	2	4
Y	5	3	-1	-3	-7

Y-axis	<u> </u>		
A(-2,5)			
B(-1,3)			
			.5
	C(1 ,-1)		X-axis
	D(2,-3)		
		• E(4 ,-7	7)

تأكَّدْ من فهمِكَ

مثل الجداول التالية في المستوي الاحداثي، ثم صل بين النقاط في المستوي

الاسئلة 4-1

الاحداثي، ماذا تلاحظ، ما الشكل الناتج.

مشابه للأمثلة 3-1

X	4	4	4	4
Y	1	2	3	4

2	X	2	1	1	1
	Y	1	2	3	4

1

X	-1	-2	-3	-4
Y	2	4	6	8

X

3	
	3

				_	_	_	_		_		 _
		1	-a	vic							
			а	AIS	_	┝─					
						L_					
					_	⊢-			-		
						L	D'	10	4)		
						Γ	~	(2,	<u> </u>		
					_		\leftarrow	(2,	3)		
							D (C (B (A (0	2)		
						Γ	D,	(-	,_,		
					_		\mathbf{A}	(2	,1)		
i i	i i						_	`	ĺ		
							_	,			S
					_						-
											×:
											ax
					_	-					k-ax
											X-axis
											X-ax
											X-ax
											X-ax
											X-ax
											X-ax
											X-ax

5 اكمل الجدول من النقاط المعينة في المستوي الاحداثي:

السؤال 5 مشابه للمثال 4

النقاط	A	В	С	D
X				
Y				

تدرب وحل التمرينات

مثل الجداول التالي في المستوي الاحداثي، ثم صل بين النقاط، ما علاقة المستقيم بالمحور السيني

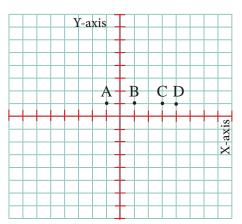
X	-1	0	1	2
Y	3	3	3	3



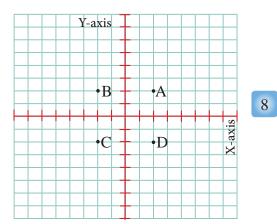
X	-5	-4	3	2
Y	2	1	0	-1

6

اكتب جدول دالة من نقاط معينة في المستوي الاحداثي ، وبين نوع الشكل الناتج.



9



تدرب وحل مسائل حياتية

10 علومُ الارضِ: سجل باحث علمي في القطب الجنوبي أربع قراءاتٍ لدرجةِ الحرارةِ وكانت قراءة

المحرار كل أربع ساعات



الوقت	9 صباحاً	1ظهراً	5عصراً	9 مساءاً
درجة الحرارة	-3	-7	-11	-15

أكتب الدالة التي يمثلها الجدول اعلاه واكتب جدول الدالة .

11 تصميم الكتروني: صممت علا صفحة الكترونية رسمت فيها مستطيلات متماثلة في جدول الدالة التالية معطيات عن طول وعرض كل مستطيل رسمته علا، (X تمثل الطول، Y تمثل العرض)

X	2	4	6	8
Y	3	6	9	12

i) مثل جدول الدالة في اعلاه في المستوي الاحداثي.

ii) كيف تستعمل هذا الجدول لا يجاد طول مستطيل بعد معرفة ان عرض المستطيل هو 15 وحدة؟

فَكِّرْ

- 12 جدولٌ: اكتبْ جدولَ دالةٍ يمثل المسافة التي يقطعها سائقُ دراجةٍ هوائيةٍ خلال 4 ساعات علماً انه يقطع في الساعة الواحدة 15 كم.
 - 13 اكتب مجموعة بيانات تمثل مستقيماً عمودياً.
 - 14 تحدِّ: كيف يمكن من خلال جدول دالة محددة ان احصل على مستقيم موازي لمحور السينات؟
 - 15 حسٌ عدديٌّ: يطبع علاء في الساعة الواحدة 50 كلمة على الطابعة فاذا كان عدد الكلمات في الصفحة التي يريد طبعها 400 كلمة فإلى كم ساعة يحتاج؟

أكتب

مسألة ابتكر فيها جدول دالة محددة بنقاط معينة تمثل عدد الأيام التي يقظيها عامل لحفر بئر خلال خمسة ايام.

مقدمة في الدوال

Introduction of Functions

[6-2]

فَكِّرْةُ الدرس

اكمال جدول الدالة وتمثيله في المستوي الإحداثي.

المقر دات

- الدالة
- حي جدول الدالة
- قاعدة الدالة
 - ح العنصر
 - الصورة



Relation and Function

[1-2-6] العلاقة و الدالة

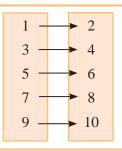
*الدالة: هي علاقة تحدد قيمة مخرجة واحدة فقط لكل قيمة مُدخلة.

الذي رسمه

*قاعدة الدالة: هي الصيغة التي تستعمل لتعويض قيمة مدخلة للحصول على قيمة المخرجة.

ورسم وائل مثلثاً ورسم ثامر دائرةً.

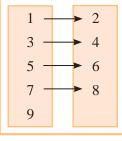
مثال (1) أرسم مخطط العلاقة بين كل طالب والشكل الهندسي الذي رسمهِ ، نلاحظ أن ايمن رسم شكلين هندسيين (مربع ، مثلث)، أي له مخرجان لمدخلة واحدة لذلك فالعلاقة لاتمثل دالة



- مثال (2(حدد فيما إذا كانت العلاقة تمثل دالة أم لا؟ و فسر ذلك
 - $\{(1,2),(3,4),(5,6),(7,8),(9,10)\}$

امثل العلاقة بالمخطط المجاور:

نلاحظ أن كل مدخلة لها مخرجة واحدة فقط لذلك فأن العلاقة تمثل دالة



لاحظ المخطط المجاور وبين أتمثل العلاقة دالة أم لا ؟ أفسر ذلك. مثال (3(

نلاحظ بأن العلاقة ليست دالة إلا أذا كانت لكل قيمة مدخلة هناك مخرجة واحدة فقط

فالعدد 9 لم يرتبط بأي قيمة من قيم المخرجات

- حدد فيما ذا كانت كل علاقة فيما يلى دالة أم لا؟ وفسر ذلك . مثال (4(
- i (4,18),(2,18),(2,18) }، نلاحظ أن العلاقة دالة لأن هناك مخرجة واحدة فقط لكل مدخلة
- ii { (2,8),(-1,6),(0,6),(-1,5) }) نلاحظ أنها علاقة وليست دالة لأن هناك مخرجين 6،6 للمدخلة 1 -

Complete Table of Function

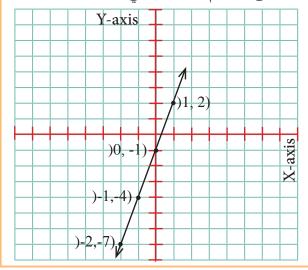
جدول الدالة: هو الجدول الذي ينظّم قيمة المدخلة والمخرجة.

العنصر (المدخلة)	قاعدة الدالة	الصورة (المخرجة)
X	X-3	Y
-1	- 1 - 3	-4
0	0-3	-3
1	1-3	-2
2	2-3	-1

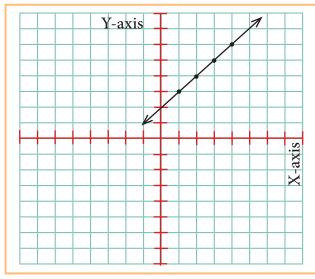
مثال (5) أكمل جدول الدالة Y=X-3 إذ إن Y=X-3 أكمل جدول الدالة بالتعويض عن قيم Y في قاعدة الدالة لنجد قيم Y المناظرة وكما يلاحظ في الجدول المجاور.

[6-2-3] تمثيل الدالة بعدد من النقاط في المستوى الاحداثي Representing the Function of Numbers in Coordinate Plane

مثال (6) مثل في المستوى الأحداثي الدالة 1 - 3X = Y، إذ إن 1, 0, 2 - 1 = 1 الخطوة (1): نعمل الجدول ادناه ، الخطوة (2): نثبت النقاط في المستوي الأحداثي الخطوة (3): نصل بين النقاط في المستوي الأحداثي سنحصل على مستقيم كما مبين في الشكل ادناه.



العنصر (المدخلة)	قاعدة الدالة	الصورة (المخرجة)	الزوج المرتب
X	3X-1	Y)X,Y)
-1	3)-1)-1	-4)-1,-4)
-2	3)-2)-1	-7)-2,-7)
0	3)0)-1	-1)0, -1)
1	3)1)-1	2)1, 2)



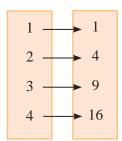
العنصر (المدخلة)	قاعدة الدالة	الصورة (المخرجة)	الزوج المرتب
X	X+2	Y)X,Y)
1)1)+2	3	(1,3)
2)2)+ 2	4	(2,4)
3)3)+ 2	5)3,5)
4)4)+2	6)4, 6)

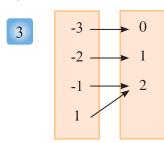
مثال (7(اكمل الجدول وامثله في المستوي الأحداثي.

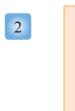
الاسئلة 3-1

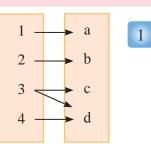
مشابه للأمثلة 3-1

حدد فيما أذا كانت العلاقة دالة أم لا؟ ذاكراً السبب.









تأكَّدْ من فهمكَ

أذا كانت مجموعة المدخلات هي $\{7,6,7,6,5\}$ ومجموعة المخرجات هي $\{\sqrt{3},\sqrt{7},\sqrt{5},\sqrt{7},\sqrt{5},\sqrt{7}\}$ حدد فيما أذا كانت العلاقات التالية دالة أم لا؟ مع ذكر السبب.

$$\{(3,\sqrt{3}),(5,\sqrt{5}),(6,\sqrt{6}),(7,\sqrt{7})\}$$

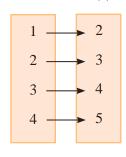
الاسئلة 5-4 مشابه للمثال 4

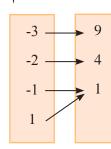
العنصر (المدخلة)	قاعدة الدالة	الصورة (المخرجة)	الزوج المرتب
X		Y)X,Y)
1		600)1,600)
2			
3			
1			

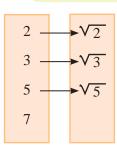
6 يأكل الخفاش 600 بعوضة بالساعة، كم عدد البعوض التي اكلها الخفاش في (2،3،4) ساعة؟ أنشئ جدول دالة يبين العلاقة بين عدد الساعات و عدد البعوض التي يأكلها الخفاش، ثم مثل الجدول في المستوى الاحداثي. السؤال 6

مشابه للمثالين 6،7

تدرب وحل التمرينات حدد فيما أذا كانت العلاقة دالة أم لا؟ ذاكراً السبب







 $\{\sqrt{6}, \sqrt{7}, \sqrt{5}, \sqrt{3}\}$ ومجموعة المخرجات هي $\{\sqrt{6}, \sqrt{7}, \sqrt{5}, \sqrt{5}, \sqrt{7}\}$ ومجموعة المخرجات أذا كانت مجموعة المدخلات هي حدد فيما أذا كانت العلاقات التالية دالة أم لا؟ مع ذكر السبب.

- $(5,\sqrt{5}),(6,\sqrt{5})\}$
- $11 \{(3,\sqrt{3}),(5,\sqrt{7}),(5,\sqrt{6}),(7,\sqrt{5})\}$

12 أكتب الدالة من الجدول الآتى:

العمر	X	10	20	30	40
الكمية المستهلكة	Y	15	25	35	45

تدربْ وحلّ مسائلَ حياتيةً



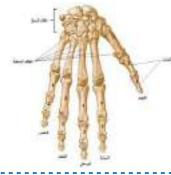
13 رياضة: محمود سبّاح ماهر يقطع 9.5 كم بالساعة، كوّن جدول دالة تمثل العدد الكلي للكيلومترات التي استطاع قطعها بـ (6,4,2) ساعة.



14 بكتريا: إذا كان عدد البكتريا يزداد بمعدل الضعف كل 20 دقيقة كم سيزداد عدد البكتريا خلال ساعتين؟ كون جدول دالة.



15 وقود: إذا كان استهلاك سيارة اسعاف للبنزين في مستشفى مدينة الطب من البنزين بمعدل 5 لتر لكل 25 كم كوّن قاعدة دالة بين استهلاك الوقود للسيارة وعدد الكيلومترات التي تقطعها حيث استهلاكها للوقود باللتر (6,7,8,9,10) كون جدول دالة ومثلها.



16 أحياء: كل يد في جسم الانسان تحتوي على 27 عظمة، وعدد عظام المشط أقل من عدد السلاميات بالعدد 9 وعدد عظام الرسغ أكثر من عظام المشط بالعدد 3. علماً ان عدد السلاميات 14.مثل المعلومات اعلاة بجدول الدالة.

فَكِّرْ

- y = 2x 1 تحدٍ: جد مجموعة عناصر الدالة y = 2x 1 التي صور عناصرها المجموعة $\{41,49,57\}$.
- أصحح الخطأ: سهى ومها وجدوا قاعدة دالة أحد عناصرها أقل من الصورة بمقدار 7 ؟ ايهما أصح؟ فسّر اجابتك Y=X-7



19 حس عددي: دالة قاعدتها 42x-8 حدد صورة العنصر 2 في الدالة.

أكتب

مسالة حياتية تمثل دالة ثم انشئ جدول دالة ومثل الجدول في المستوي الاحداثي.

Linear Functions

[6-3]

تَعَلَّمْ



أذا كان لدى سعيد منحل لإنتاج العسل ولاحظ أن النحلة تطير بسرعة 24 كيلو متر في الساعة. مالعلاقة التي تربط بين الزمن (عدد الساعات) والمسافة التي تقطعها بالكيلومترات؟

فَكِّرْةُ الدرسِ

كتابة معلومة تمثل دالة مطية من جدول الدالة.

المفردات

- الدالة الخطية
- معادلة المستقيم
- المخططالبياني
- الارباع الاربعة

[1 -3 -6] تمثيل الدالة الخطية (معادلة المستقيم) في المستوى الإحداثي Representing Linear Function)Equation of Straight Line) in Coordinate Plane

*الدالة الخطية: دالة تكون كل النقاط التي تنتج منها على مستقيم واحد غير عمودي يسمى هذا المستقيم بيان الدالة الخطية.

*معادلة المستقيم: هي معادلة تعبّر عن الدالة الخطية بالصورة y=mx+t و m أعداد ثابتة.

مثال (1) ما المسافة التي تقطعها النحلة بالكيلومتر على الزمن بالساعات؟

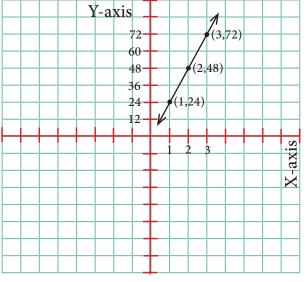
العنصر (المدخلة)	قاعدة الدالة	الصورة (المخرجة)	الزوج المرتب
X	Y=24X	Y)X,Y)
1	24)1)	24	(1,24)
2	24)2)	48	(2,48)
3	24)3)	72)3,72)

الخطوة الأولى: إنشاء الدالة: نفرضُ زمن(عدد الساعات) طيران النحلة

بالعنصر : X , والمسافة المقطوعة Y

تمثل بالدالة: Y= 24X

الخطوة الثانية: أنشئ جدول دالة:



الخطوة الثالثة: مثل الدالة في المستوى الاحداثي: لكي نرسم دالة خطية بيانية يكفي أن نعين موقع نقطتين بيانياً من الدالة.

صل بين النقاط نلاحظ انه عندما تطير النحلة ساعتين تكون المسافة المقطوعة 48 كم وعندما تطير 3 ساعات تكون المسافة المقطوعة 72.

المعادلة الناتجة تمثل خطاً مستقيماً.

مثال (2(

أمثل الدالة الخطية y = 3x-2 في المستوى الأحداثي.

الخطوة الثانية: أمثل الدالة في المستوى الاحداثي.

(1, 1)

Y-axis

)0, -2)

)-1,-5)

xis (

العنصر (المدخلة)	قاعدة الدالة	الصورة (المخرجة)	المزوج المرتب
X	y = 3x-2	Y)X,Y)
-1	y = 3(-1)-2	-5	(-1,-5)
0	y = 3(0)-2	-2	(0, -2)
1	y = 3(1)-2	1	(1,1)

الخطوة الأولى: انشىء جدول دالة خطية.

المنطط البياني [6-3-2] كتابة الدالة الخطية (معادلة المستقيم) من المخطط البياني [6-3-2] Written Linear Function (Equation of Straight Line) from the Graphs



مثال (3) في العام 2011 نجح مختبر علوم المريخ وكالة ناسا الفضائية في الهبوط بمختبر علمي متجول بحجم سيارة على سطح المريخ وبسرعة 0.75m في الثانية الواحدة، الرسم البياني يوضح دالة تبين المسافة التي هبط بها المتجول على الزمن المستغرق، أنشيء جدول دالة خطية ثم اكتب المعادلة الخطية التي تمثلها.

من خلال الرسم البياني نستطيع إنشاء جدول دالة حيث نفرض أن الزمن ب \mathbf{x} والمسافة ب \mathbf{y} يتكون جدول الدالة الخطية.

3.75					/	7				
3.73				\nearrow						
2.25										
1.5		$\overline{\mathcal{L}}$								
0.75	_									_
$\overline{\mathbf{V}}$	1	2	3 4	1	5					7

العنصر (المدخلة)	الصورة (المخرجة)
X	Y
1	0.75
2	1.50
3	2.25
4	3.00

من خلال الجدول المجاور نستنتج أن الدالة هي: y = 0.75x

تأكَّدُ من فهمك

مثل الدوال الخطية التالية في المستوي الاحداثي:

الاسئلة 5-1 مشابه للمثالين 2-1

1 Y=X

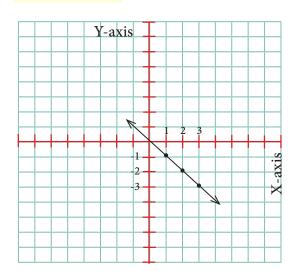
2 Y=X-9

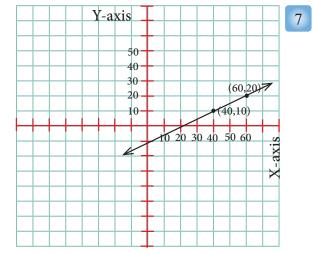
6

3 Y=X+2 4 $Y=\frac{3}{2}X$ 5 Y=12-X

الأسئلة 7 - 6 مشابه للمثال 3

أستعمل المخطط البياني في أدناه لأنشاء جدول الدالة وكتابة الدالة الخطية:





مثل جدول الدوال الخطية التالية بالمستوى الأحداثى:

8	X	-2	-1	0	1	2
	Y	-1	0	1	2	3

X	2	1	3	4
Y	4	3	5	6

مثل الدوال الخطية التالية في المستوى الاحداثي:

15

تدرب وحل التمرينات

$$10 Y=7X$$

$$Y=7X$$
 11 $Y=3X-4$

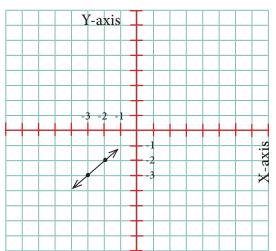
$$12 Y = X + 4$$

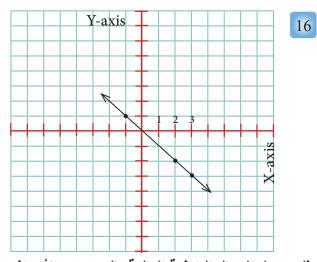
12 Y=X+4 13 Y=9X-0.5 14 Y=
$$\frac{X}{2}$$

14
$$Y = \frac{X}{2}$$

أستعمل المخطط البياني في أدناه لأنشاء جدول الدالة وكتابة الدالة الخطية:

18





مثل جدول الدوال الخطية التالية بالمستوي الأحداثي:

17	X	-2	-1	0	1	2
	Y	2	1	0	-1	-2

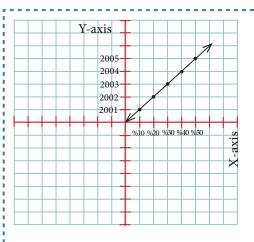
X	2	1	3	4
Y	5	3	7	9

تدرب وحل مسائل حياتية

- 19 إحصاء: أراد صاحب شركة لصناعة الصابون أن يجري إحصائية للأرباح التي حصلت عليها الشركة خلال 5 سنين إذ وصلت الارباح الى %50، اكتب جدول للدالة الخطية من المخطط البياني ثم أكتب المعادلة الخطية العامة للأرباح بالنسبة الى عدد السنوات.
- 20 رياضة: سجلت بشرى عدد من النقاط في نهاية لعبة كرة السلة بحيث كان عدد النقاط التي سجلتها بشرى في اللعبة السابقة أقل بـ 5 نقاط عن اللعبة الحالية.

أنشىء جدول دالة خطية ثم مثل الدالة الخطية في المستوي الاحداثي ثم أكتب المعادلة الخطية العامة للدالة.

21 نقود: لشراء سيارة بـ 12 مليون دينار فإذا كان مع هشام 4 ملايين دينار. ولديه خطة لتوفير 2 مليون دينار سنوياً. اكتب دالة المبلغ الذي يوفره سنوياً. أرسم الدالة الخطية لتحديد عدد السنوات اللازمة ليوفر هشام المبلغ الكافي لشراء السيارة بعد تحديد جدول دالة خطية. مثل المعلومات اعلاة بجدول الدالة.

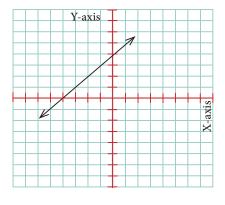






فَكِّرْ

- 22 تحدِّ: عين نقاط في المستوي الاحداثي تحقق الدالة الخطية الموضحة بالمخطط البياني المجاور ، ثم اكتب قاعدة الدالة.
- 23 حسٌ عدديٌ : عدد طبيعي ضرب بـ 3 ثم طرح منه 5 بعد الضرب فكان الناتج الكلي مساوياً للعدد 70 . ما المعادلة الخطية العامة للناتج الكلي بالنسبة للعدد الطبيعي؟



أكتبْ

y = 5x - 3 مسألة حياتية تطابق الدالة الخطية العامة (معادلة مستقيم).

الدرس

الانعكاس والدوران في المستوى الاحداثي Reflection and Rotation in the Coordinate Plane

[6-4]



تَعَلَّمْ

يظهر في الصورة شكل طائر تنعكس صورته في الماء، فإذا حددت سحر ثلاث نقاط في الصورة الأصلية للطائر A,B,C فنجد النقاط التي يظهر ترتيبها في الماء C´, B´, A´, B,C.

فَكِّرْةُ الدرسِ

تمثيل الانعكاس والدوران في المستوى الإحداثي.

ح المفردات

- التحويل الهندسي
 - الانعكاس
 - و خطالانعكاس
 - الدوران
- المستوى الاحداثي

[1-4-1] الانعكاس في المستوى الاحداثي

Reflection in the Coordinate Plane

التحويل الهندسي: هو احد فروع الهندسة الذي يدرس تعاريف الاشكال الهندسية الذي يحول كل نقطة في المستوى الاحداثي الى نقطة أخرى في المستوي نفسه.

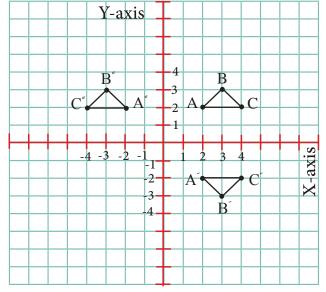
الانعكاس: هو تحويل هندسي من شكلٍ ما الى صورة مرآته (المعكوسة) (يحافظ الأنعكاس على بنية الشكل). خط الانعكاس: هو خط عمودي أو أفقي.

مثال (1 (i) جد انعكاس النقاط A,B,C التي حددتها سحر.

الخطوة الأولى : نحدد الأزواج المرتبة التي تمثل النقاط A , B , C فتكون :

A(2,2), B(3,3), C(4,2)

X-axis الخطوة الثانية: نحدد خط الانعكاس وليكن X-axis ثم نحدد عدد الوحدات بين كل راس وخط الانعكاس الخطوة الثالثة: نعين نقطة لكل راس في الجهة الاخرى من خط الانعكاس بالبعد نفسه فيصبح الاخرى من خط الانعكاس بالبعد نفسه فيصبح X-axis نعين على راس وخط الانعكاس الخطوة الثالثة: نعين على X-axis نعين الحراء الانعكاس في الجهة الخطوة الانعكاس محور X-axis نعين الخطوة الانعكاس وخط الانعكاس محور الاغكاس أي نقطة عندما يكون خط الانعكاس محور X-axis نعين المنات هو : X-axis نعين المنات هو : X-axis نعين الخطوة الانعكاس محور الخطوة عندما يكون خط الانعكاس محور السينات هو : X-axis نعين المنات المنات هو : X-axis نعين المنات المن



.Y-axis على محور A(2,2) , B(3,3) , C(4,2) . على محور (ii

. $A^{\sharp}(-2,2), B^{\sharp}(-3,3), C^{\sharp}(-4,2)$ هي النقاط بعد الأنعكاس هي

وبصورة عامة انعكاس أي نقطة عندما يكون خط الانعكاس محور الصادات هو:

$$R_{v}[(x,y)] = (-x,y)$$

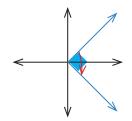
[2-4-2] الدوران في المستوى الاحداثي

Rotting in the Coordinate Plane



لدى مراد ساعة مربعة الشكل معلقة على جدار غرفته اراد ان يجري دوراناً للساعة بـ 90° حول نقطة الاصل باتجاه عقارب الساعة.

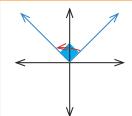
الدوران: هو تحويل هندسي يحول النقطة (0,0) الى نفسها ويحول اي نقطة أخرى مثل A الى النقطة A حسب قياس زاوية الدوران وأتجاهها .



مثال (2) ماصورة دوران النقطة (1,2) تحت تأثير الدوران؟

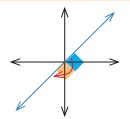
أ- دوران بزاوية قياسها °90 حول نقطة الاصل باتجاه عقارب الساعة:

 $R_{90^{\circ}}\left[(1,2)\right]$ =(2,-1) مثلاً $R_{90^{\circ}}\left[(x,y)\right]$ نطبّق القاعدة الآتية: $R_{90^{\circ}}\left[(x,y)\right]$



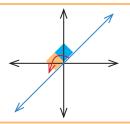
ب - دوران بزاوية قياسها °90 حول نقطة الاصل باتجاه عكس عقارب الساعة:

 $R_{90^{\circ}}\left[(1,2)\right]$ =(-2,1) مثلاً $R_{90^{\circ}}\left[(x,y)\right]$ نطبّق القاعدة الآتية: $R_{90^{\circ}}\left[(x,y)\right]$



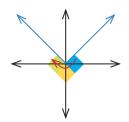
ج - دوران بزاوية قياسها °180 حول نقطة الاصل باتجاه عقارب الساعة:

 $R_{180^{\circ}}\left[(1,2)\right]$ =(-1,-2) مثلاً $R_{180^{\circ}}\left[(x,y)\right]$ =(-x,-y) نطبّق القاعدة الأتية:



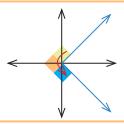
د- دوران بزاوية قياسها °180 حول نقطة الاصل باتجاه عكس عقارب الساعة:

 $R_{180^{\circ}}\left[(1,2)\right]$ نطبّق القاعدة الأتية: $R_{180^{\circ}}\left[(x,y)\right]$ ((x,y) مثلاً القاعدة الأتية:



ه ـ دوران بزاوية قياسها °270 حول نقطة الاصل باتجاه عقارب الساعة:

 $R_{270^{\circ}}\left[(1,2)\right]$ =(-2,1) مثلاً $R_{270^{\circ}}\left[(x,y)\right]$ =(-y,x) نطبّق القاعدة الآتية:



و- دوران بزاوية قياسها °270 حول نقطة الاصل باتجاه عكس عقارب الساعة:

 $R_{270^{\circ}}\left[(1,2)\right]=(2,-1)$ مثلاً $R_{270^{\circ}}\left[(x,y)\right]=(y,-x)$ نطبّق القاعدة الآتية:

تأكَّدْ من فهمك

أنسخ الاشكال في المستوى الاحداثي ثم أرسم صورته في الانعكاس حول

خط الانعكاس إذا كانت النقاط:

1 A (2,2) , B (4,4) , C(4,2)

x-axis خط الانعكاس هو

الاسئلة 3-1 مشابه للمثال 1

2 A (-5,2) , B (-2,3) , C(-4,6)

y-axis خط الانعكاس هو

3 A (1,1), B (2,3), C(5,3), D(3,1)

خط الانعكاس هو x-axis

أذا كانت النقطة (1-, 2) فجد صورتها:

الأسئلة 8 - 4 مشابه للمثال 2

- نحت تأثير دوران بزاوية 90° حول نقطة الاصل باتجاه عكس عقرب الساعة.
 - 5 تحت تأثير دوران بزاوية °180 حول نقطة الاصل باتجاه عقرب الساعة.
 - 6 تحت تأثير دوران بزاوية °270 حول نقطة الاصل باتجاه عقرب الساعة.
- رؤوس مثلث، اوجد دوران حول نقطة الاصل وبزاوية A(1,-2), B(3,-2), C(1,-4) إذا كانت (4,-2), B(3,-2), B(3,-2), C(1,-4) إذا كانت (4,-2)
- 8 اذا كان المربع (2، 2-)، (4، 2-)، (2، 4-)، (4، 4-) فجد صورة المربع تحت تأثير دوران بزاوية °90 باتجاه عقارب الساعة و عكس عقارب الساعة. ثم جد مساحة المربع ومساحة صورته، ماذا تلاحظ؟

تدرب وحل التمرينات

أنسخ الاشكال في المستوى الاحداثي ثم أرسم صورته في الانعكاس حول

خط الانعكاس إذا كانت النقاط:

9 A (1,1), B (6,1), C(1,5)

خط الانعكاس هو x-axis

10 A (-3,3), B (-1,3), C(-2,1)

خط الانعكاس هو y-axis

11 A (-3,2) , B (-2,4) , C(-1,4) , D(-1,2)

خط الانعكاس هو y-axis

أذا كانت النقطة (1-, 2) فجد صورتها:

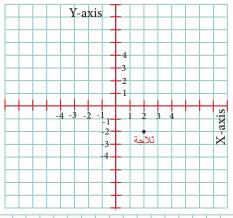
- 12 تحت تأثير دوران بزاوية °270 حول نقطة الاصل باتجاه عكس عقرب الساعة.
 - 13 تحت تأثير دوران بزاوية °90 حول نقطة الاصل باتجاه عقرب الساعة.
- 14 تحت تأثير دوران بزاوية °180 حول نقطة الاصل باتجاه عكس عقرب الساعة.
- 15 اذا كان المثلث (1-, 3) ، (4، 1-)، (3، 1) فجد صورة المثلث تحت تأثير دوران بزاوية °180 باتجاه عكس عقارب الساعة، ثم باتجاه عقارب الساعة.

تدرب وحل مسائل حياتية المسائل حياتية

16 وقفة العلم: في يوم الخميس وقف طلاب الصف الثاني متوسط لتحية العلم فقرر كريم الذي يقف عند النقطة (3، 3-) ان يدور بزاوية مقدارها °270 حول نقطة الاصل باتجاه عقارب الساعة فما النقطة التي يقف عندها كريم بعد الدوران؟



17 يظهر الرسم المجاور موقعاً لثلاجة في النقطة (2- 2) اراد جميل ان يحركها بزاوية °180 بعكس عقارب الساعة ، جد النقطة التي ستمثل موقع الثلاجة الجديد.



18 حدد المحافظة التي تمثل انعكاس محافظة المثنى بزاوية 90° درجة عكس عقارب الساعة، مع عقارب الساعة.



فَكِّرْ

- 19 تحدِّ: افرض ان النقطة (4، 3-) هي صورة للنقطة (4، 3) في انعكاس، حدد على أي محور تم الأنعكاس؟
- 20 حسٌّ عدديٌّ : أي زاوية دوران يكون فيها صورة نقطة نفسها بأتجاه أو عكس اتجاه عقارب الساعة ؟
 - 21 أصحح الخطأ : يقول مهند أن أنعكاس النقطة (2، 3-) حول محور السينات هو النقطة (3، 2-) ، صحح خطأ مهند.

أكتب

خطوات إيجاد احداثيات صورة النقطة (3، 3-) في الانعكاس حول محور الصادات.

الدرس

الانسحاب في المستوي الاحداثي **Translation in the Coordinate Plane**

[6-5]



تَعَلَّمْ

أزاح مهدى مكتبة من جانب الغرفة الى الجانب الآخر ، هذه الحركة مثال على مفهوم الانسحاب

فَكِّرْةُ الدرسِ

الانسحاب في المستوي الأحداثي.

ح المفر دات

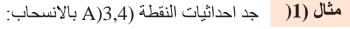
- حي • الانسحاب.
- المستوي الأحداثي

الانسحاب : هو انتقال الشكل من موقع الى اخر، دون تدويره. ولا ينتج عن ذلك تغير في قياسات شكله.

Translation to Right or Left Translation to Up or Down

Y-axis

[1-5-5] - الانسحاب الى اليمين او الى اليسار ـ الانسحاب الى الاعلى او الى الاسفل



i(وحدتان الى اليمين. ii (5 وحدات الى اليسار. تحرك النقطة (A)3,4 وحدتين نحو اليمين تحصل على

$$A'(3+2,4) = A'(5,4)$$

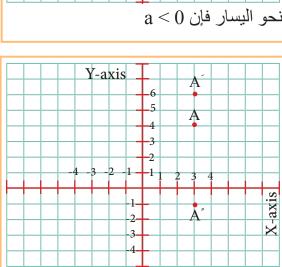
تحرك النقطة (3,4) A خمسة وحدات نحو اليسار تحصل على $\frac{2}{3}$

$$A'(3-5,4) = A'(-2,4)$$

وبصورة عامة: انسحاب (x,y) بموازات محور السينات

$$T_{x}[(x,y)] = (x + a,y)$$

a < 0 إذا كان الانسحاب نحو اليمين فإن a > 0 إذا كان الانسحاب نحو اليسار فإن



مثال (2) جد احداثيات النقطة (3,4) بالانسحاب:

i(وحدتان الى الأعلى ii) أن وحدات الى الأسفل أ تحرك النقطة (A)3,4 وحدتين نحو الأعلى تحصل على

$$A'(3,4+2) = A'(3,6)$$

تحرك النقطة (3,4) A خمسة وحدات نحو الأسفل تحصل على $\frac{8}{3}$

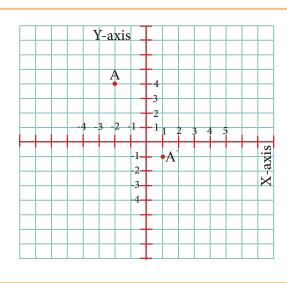
$$A'(3, 4-5) = A'(3, -1)$$

وبصورة عامة: انسحاب (x,y) بموازات محور الصادات

$$T_{v}[(x,y)] = (x, y+b)$$

b < 0 إذا كان الانسحاب نحو الأعلى فإن b > 0 إذا كان الانسحاب نحو الأسفل فإن

Translation Italic



مثال (3(جد احداثیات النقطة (2,4-)A بالانسحاب

3 وحدات الى اليمين, 5 وحدات نحو الأسفل.

تحرك النقطة (A(-2,4) ثلاثة وحدات نحو اليمين

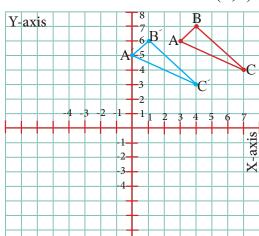
وخمسة وحدات نحو الأسفل فنحصل على

$$A(-2+3, 4-5) = A(1, -1)$$

وبصورة عامة: انسحاب (x,y) بانسحاب مائل

$$T_{xy}[(x,y)] = (x + a, b + y)$$

A (3,6) 'B (4,7) 'C (7,4) مثلث رؤوسه (7,4) ABC مثال (4,7)



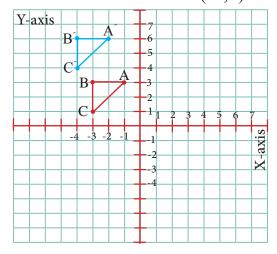
جد انسحابة 3 وحدات نحو اليسار ووحدة واحدة نحو الأسفل.

$$T_{xy}[(3,6)]=(3-3,6-1)=A(0,5)$$

$$T_{xy}[(4,7)]=(4-3,7-1)=B(1,6)$$

$$T_{xy}[(7,4)]=(7-3,4-1)=C(4,3)$$

A (-1,3) ، B (-3,3) ، C (-3,1) مثال ABC مثلث رؤوسه (1,3) ، B (-3,3) ، C (-3,1)



جد انسحابة وحدة واحدة نحو اليسار

وثلاثة وحدات نحو الأعلى:

$$T_{xy}[(-1,3)]=(-1-1,3+3)=A(-2,6)$$

$$T_{xy}[(-3,3)]=(-3-1,3+3)=B'(-4,6)$$

$$T_{xy}[(-3,1)]=(-3-1, 1+3)=C'(-4,4)$$

تأكَّدْ من فهمك

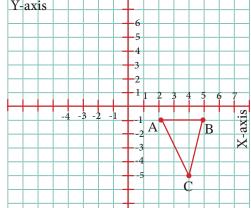
مثل النقاط التالية وصورها في المستوي الأحداثي:

الاسئلة 3-1 مشابه للأمثلة 3-1

- بأنسحاب النقطة (3,5) A , أربع وحدات نحو اليسار.
 - على. B(-2,4) النقطة (-2,4) وحدتان نحو الأعلى.

الأسئلة 5-4 مشابه للمثالين 4,5

- $^{-}$ بأنسحاب النقطة ($^{-}$ 2,4) وحدة واحدة نحو اليمين ووحدتين نحو الأسفل
- بمقدار ثلاثة وحدات نحو الأسفل A(2,3), B(-1,4), C(0,2) إذ ABC بمقدار ثلاثة وحدات نحو الأسفل ثم مثله وصورته في المستوي الأحداثي.

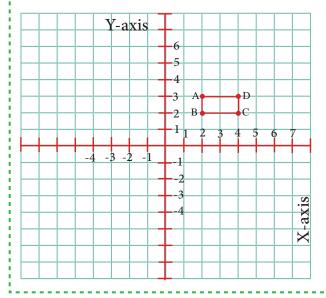


5 أنسخ المثلث ABC ثم حدد الازواج المرتبةفي المستوي الاحداثي ثم جد أنسحابه 3 وحدات نحو اليمين ، وحدتان نحو الأسفل.

تدرب وحل التمرينات

مثل النقاط التالية وصورها في المستوي الأحداثي:

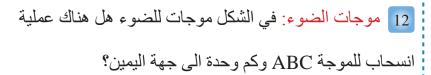
- بأنسحاب النقطة (2-, 1-) A, ثلاثة وحدات نحو اليمين.
 - بأنسحاب النقطة (2,4) B وحدتين نحو الأسفل.
- 8 بأنسحاب النقطة ((2-1,-2) , وحدة واحدة نحو اليسار ووحدتان نحو الأعلى .
- 9 جد أنسحاب المربع ABCD إذ (2,3), B(-1,3), C(-1,0), D(2,0) إذ ABCD بمقدار وحدتين
 - نحو اليمين . ثم مثله وصورته في المستوي الأحداثي.



10 أنسخ المستطيل ABCD ثم حدد الأزواج المرتبة ثم جد صورة أنسحاب اللوحة مائلاً بوحدتين الى اليمين وثلاث وحدات الى الأسفل.

تدرب وحل مسائل حياتية

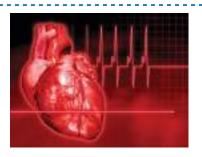
11 علم الاحياء: تطبيق في علم الأحياء في الشكل أدناه تخطيطً لقلب إنسان، أين التكرار في المخطط، وأين تمت عملية انسحاب المخطط؟ وعدد الانسحابات.

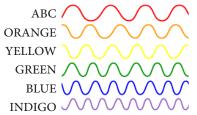


13 موجات: هناك موجات تحدث في البحر فإذا كانت

النقطة (2,5-) على رأس الموجة، أُجري انسحاب للموجة فتكونت الصورة (8,2)، فكم وحدة أجرى الانسحاب المائل، وما هي

رسمُ: رسمت رغد سلسلة جبلية من اربعة جبال فرسمت الجبل الأول وارادت ان ترسم الجبل الثاني بشكل صورة انسحاب للجبل الأول بوحدتين الى اليمين ووحدة الى الاعلى، فما صورة انسحاب الجبل إذا علمت أن نقاط الجبل الأول A(3,3),B(3,0),C(0,0).









فَكِّرْ

جهات الانسحاب؟

- تحدِّ: ما احداثیات النقطة (X,Y) بالانسحاب m وحدة الى الیمین، و n وحدة الى الاعلى.
- 16 استنتاجٌ: أجري انسحاباً فكانت النقطة (4,6-) على شكل ما، ثم انسحاب آخر للصورة الناتجة فكانت النقطة (6-, 4) دون استعمال الرسم؟ ما هي الصورة النهائية بعد إجراء انسحابين ؟ فسر اجابتك.
- A(2,-1),B(3,-3),C(2,-4),D(1,-3) هندسة '': عند إجراء انسحاب للمعين ABCD الذي رؤوسه D' , D' , D' , D' ميد الانسحاب .

أكتب

مسألة حياتية تستعمل فيها انسحاباً لشكل معين . ثم حل المسألة.

خطة حل المسألة (الخطوات الأربع)

Problem Solving Plan(The Four Steps)

[6-6]



تَعَلَّمْ

في مدينة للألعاب في بغداد قطار يتسع لـ 9 أشخاص في كل عربة ، والقطار يتكون من 3 عربات ، كم عدد الاشخاص الذين ركبوا القطار في 5 جولات التي قطعها قطار الالعاب؟

فَكِّرْةُ الدرسِ استعمال الخطوات الاربع في حل المسألة.

أفهم

ما معطيات المسألة ؟ قطار مدينة الالعاب يتسع لـ 9 أشخاص في كل عربة، والقطار فيه 3 عربات. ماالمطلوب من المسألة ؟ إيجاد عدد الاشخاص الذين ركبوا القطار في 5 جولات؟

خطط

كيف تحلّ المسألة ؟ أستعمل الخطوات الأربعة لحل المسألة

عدد الجو لات	القاعدة	عدد الأشخاص
X	X(27)	Y
1	1(27)	27
2	2(27)	54
3	3)27)	81
4	4)27)	108
5	5(27)	135

نفرض عدد الجولات x وهي المدخلات الدالة عدد المخرجات. $Y_{,}$ 27x الشخاص سيكون 135 في 5 جولات.

X)27) أن قاعدة الدالة هي

$$27x=27 \longrightarrow X=1$$

$$27x = 54 \longrightarrow X = 2$$

$$27x = 81 \longrightarrow X = 3$$

$$27x = 108 \longrightarrow X = 4$$

$$27x = 135 \longrightarrow X = 5$$

تحقق القطار فيه 3 عربات في كل عربة تتسع لـ 9 اشخاص فقط يمكن أن نكون جدول دالة يبين عدد الجولات وعدد الاشخاص الذين ركبوا القطار . نفرض عدد الجولات X ، وعدد الاشخاص Y . إذن الحل صحيح وعدد الاشخاص الذين ركبوا القطار 135 في 5 جولات .

مسائل

1 سيارة نقل ماء:

سيارة نقل الماء تضخ 75 لتر في الدقيقة لملء مسبح بالماء، أكتب معادلة خطية تربط كمية الماء في المسبح بالزمن ثم أنشىء رسماً بيانياً.



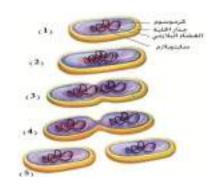
2 فيزياء:

ترتفع درجة حرارة السائل ℃5 درجة مئوية كل ساعة وكانت درجة الحرارة الأساسية °40 عندما بدأت رنا بالقياس ، ما درجة الحرارة بالنسبة لعدد الساعات؟



3 بکتریا:

يتضاعف عدد البكتريا كل 30 دقيقة بالانقسام الثنائي ، كم يتضاعف عدد البكتريا خلال ساعتين؟ علماً إن عدد البكتريا كان 5 في الدقائق 10 الأولى؟



4 اهوار الجنوب:

ادرجت اهوار جنوب العراق ضمن لائحة التراث العالمي (مدي) من سكان أهوار الجنوب لديه 4 من الجاموس المنتج للحليب إذ إنّ الكمية المنتجة 188 لتر يومياً، فكم ستكون الكمية المنتجة خلال 3 أيام ؟ أنشىء جدول دالة ثم مثله بالمستوي الاحداثي.



Chapter Review

المضردات

English	عربي	English	عربي
Reflection	الانعكاس	Coordinate Geometry	الهندسة الاحداثية
Reflection on x- axis	الانعكاس حول محور السينات	Coordinate Plane	المستوي الاحداثي
Reflection on y- axis	الانعكاس حول محور الصادات	x- axis	محور السينات
Line of Reflection	محور الانعكاس	Y- axis	محور الصادات
Angle	الزاوية	Origin	نقطة الاصل
Rotting	الدوران	Coordinate of point	احداثيات النقطة
Rotting on origin	دوران حول نقطة الاصل	Order pair	الزوج المرتب
Translation to right	انسحاب الى جهة اليمين	Graph	مخطط
Translation to left	انسحاب الى جهة اليسار	Function	الدالة
Translation to down	انسحاب الى الاسفل	Function table	جدول دالة
Translation to up	انسحاب الى الاعلى	Function rule	قاعدة الدالة
Translation italic	انسحاب مائل	Element	العنصر
Linear function	الدالة الخطية	Image	الصورة
Equation of straight	معادلة المستقيم	Representing of function	تمثيل الدالة

الدرس [1-6] تمثيل جدول دالة محددة في المستوي الاحداثي

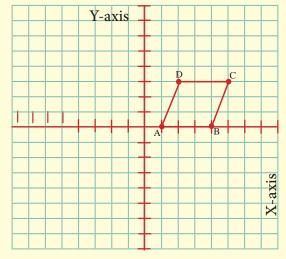
مثال: مثل النقاط على المستوى الاحداثي، وعيّن الربع الذي تنتمي إليه، ثم صل بين النقاط، ما الشكل الناتج؟ A(1,0), B(4,0), C(5,3), D(2,3)

X	Y)X ,Y)
-3	-2)-3, -2)
-3	-4)-3, -4)
-1	-4)-1, -4)
-1	-2)-1, -2)

تدريب :حدد الربع الذي ينتمي إليه الشكل بعد أن

تمثل الجدول نقاط معينة في المستوي الاحداثي

وتصل بين النقاط.



الشكل ABCD متوازي الاضلاع ويقع في الربع الاول.

الدرس [2-6] مقدمة في الدوال

مثال 1: أكمل جدول الدالة في كل مما يأتي.

العنصر	قاعدة الدالة	الصورة
X	$X^2 - 2X + 1$	Y
1	$1^2 - 2(1) + 1$	0
2	$2^2 - 2(2) + 1$	1
3	$3^2 - 2(3) + 1$	4

X	X - 3X + 1)X ,Y)
-1		
0		

تدريب1: أكمل جدول الدالة في كل مما يأتي:

تدريب 2: اكتب قاعدة الدالة من العناصر والصور.

العنصر	قاعدة الدالة	الصورة
X		Y
-2	$(-2)^2$ - 6	-2
0	$(0)^2$ - 6	-6
2	$(2)^2$ - 6	-2

قاعدة الدالة هي:

مثال 2: اكتب قاعدة الدالة من العناصر والصور.

العنصر	قاعدة الدالة	الصورة
X	•••••	Y
1	$1^2 + 5$	6
2	$2^2 + 5$	9
3	$3^2 + 5$	14

قاعدة الدالة هي: 3 +2X

الدرس [3-6] الدالة الخطية:

مثال: مثل الدالة الخطية في المستوي الاحداثي.

العنصر	قاعدة الدالة	الصورة	الزوج المرتب
X	2X - 5	Y)X ,Y)
-1	2(-1) - 5	-7)-1, -7)
0	2(0) - 5	-5)0, -5)
1	2(1) - 5	-3)1, -3)

فمثل الازواج المرتبة في المستوى الاحداثي ، ثم

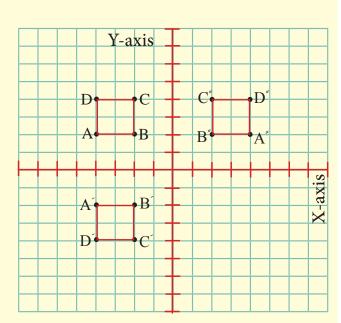
نصل بين النقاط

المستوي	في	مثله	ثم	الدالة	جدول	أكمل:	تدريب
						: پ	الأحداث

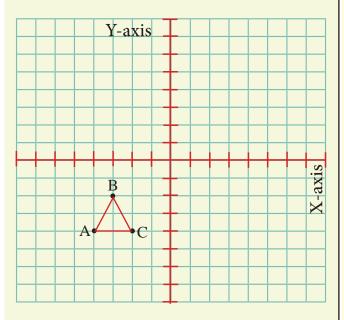
العنصر	قاعدة الدالة	الصورة	الزوج المرتب
X	X + 4	Y)X ,Y)
-1			
0			
1			
2			
3			

الدرس [4-6] الاتعكاس والدوران في المستوي الاحداثي

مثال: ارسم صورة انعكاس الشكل المبين في الرسم تدريب: ارسم صورة انعكاس الشكل المبين في الرسم البياني حول محور السينات ، ومحور الصادات . A (-4,2), B (-2,2), C (-2,4), D (-4,4)

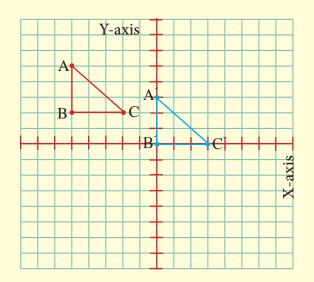


البياني. حول محور السينات ، ومحور الصادات.



الدرس [5-6] الانسحاب في المستوي الاحداثي

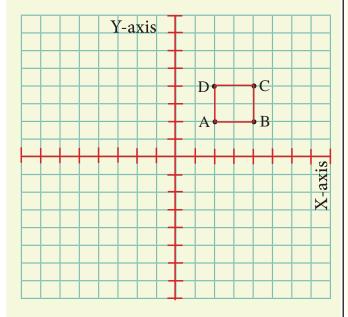
مثال : المثلث ABC رؤوسه (5,5-), A (-5,5 ر به صورة أنسحابه خمسة وحدات الى ، C(-2,2)اليمين ووحدتين الى الأسفل



 A (2,2)
 مرؤوسه (2,2)

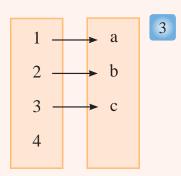
 الشكل ABCD
 مرؤوسه (2,2)

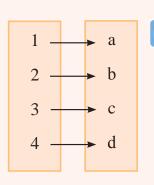
 ، جد صورة D (2,4) , C (4,4) ، B (4,2) أنسحابه وحدتين الى اليسار وثلاث وحدات الى الأعلى .

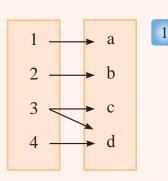


Chapter Test

بين أتمثل العلاقات التالية دالة أم لا ؟ أذكر السبب







مثل جدول الدالة بالمستوي الاحداثي؟ ثم صل بين النقاط

X	-1	0	1	2	5
Y	4	5	6	7	

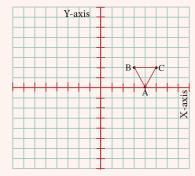
X	1	2	3	4	4
Y	20	40	60	80	

X	-2	-1	0	1
Y	-3	-2	-1	0

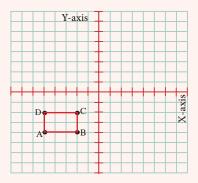
6 من خلال المدخلات والمخرجات جد قاعدة الدالة.

مثل الدوال الخطية فيما يأتى ومثلها:

7عند دوران النقطة (2، 3-) بزاوية 90° باتجاه عكس عقارب الساعة ، ما النقطة التي ستحصل عليها 7



8 انسخ ثم جد صورة انسحاب الشكل بوحدة الى الاسفل و 4 وحدات الى اليسار.



9 انسخ ثم جد صورة دوران الشكل بزاوية مقدار ها °270 باتجاه عقارب الساعة

الفصلُ 7

Statistics and Probabilities

الأحصاء والاحتمالات

الدرس 1-7 مقياس النزعة المركزية والمدى.

الدرس 2-7 تمثيل البيانات ببيان الشاربين

الدرس 3_7 التجربة العشوائية

الدرس 4_7 الحدث

الدرس 5-7 الأحتمالات

الدرس 6-7 الاحتمال التجريبي والاحتمال النظري

الدرس 7-7 خطة حل المسألة (تمثيل المسالة)



يعكف الأحصائيون على دراسة البيانات الأحصائية من خلال تمثيلها بطرائق مختلفة وتفسيرها ليتمكنوا من معرفة أفضل الأختيارات واستخدامها .

أختر الكلمة المناسبة من المفردات المجاورة لكي تكون جملة صحيحة:

1هو الفرق بين اكبر قيمة واصغر قيمة في المجموعة المعطاة .

2 هي القيمة التي تتكرر اكثر من غيرها في المجموعة المعطاة

3 هي القيمة التي تتوسط مجموعة البيانات المعطاة بعد ترتيبها تصاعدياً او تنازلياً . المدى

4هي القيمة التي تساوي مجموع القيم المعطاة مقسوماً على عددها . الوسط الحسابي

رتب مايلي تصاعدياً (من الأصغر الى الأكبر):

9,6,8,8,9,6,7,9

97, 90, 90, 99, 100, 97, 97, 99

أختر الأجابة الصحيحة من بين القوسين لكل مما يأتى:

7 بغداد عاصمة جمهورية العراق (ممكن ، مؤكد)

9 بطاقات مرقمة من 1 الى 9 نسبة البطاقات التي تحمل ارقام زوجية هي (اقل من % 50 , % 0

10 اذا كان العدد 3 يمثل الساق والعدد 4 يمثل الورقة فان العدد هو (43, 43)

65	70	68	76	65
72	69	74	71	69
76	65	71	72	68

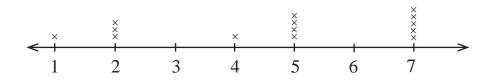
11 مثل البيانات في الجدول المجاور بطريقة الساق والورقة

جد الوسيط والمنوال والمدى لكل مما يأتي:

4 . 5 . 0 . 2 . 3 . 8 . 1 . 6 . 2 12

87 · 30 · 55 · 15 · 12 · 71 · 77 13

14 من التمثيل المجاور بالنقاط:



مقياس النزعة المركزية والمدى

Measure of Central Tendency and Range

98

79

75

درجات الطلاب

85

90

99

90

81

90

95

88

72

90

79

94

[7-1]

تَعَلَّمْ

يبين الجدول المجاور درجات

بعض طلاب الصف الثاني متوسط

في مادة الرياضيات أوجد:

3- المنوال 4 - المتوسط الحسابي

فَكِّرْةُ الدرسِ إيجاد مقياس النزعة المركزية و المدى مستخدماً التمثيل بالساق و الورقة المفردات	ے
	ے
إيجاد مفياس النزعه	ے
المركزية و المدى مستخدما	
التمثيل بالساق و الورقة	
المفر دات	
	4

- المتوسط الساق
- الوسيط الورقة
 - المنوال
 - المدى

تعلمت سابقاً تمثيل البيانات بطريقة الساق والورقة لمجموعة واحدة ، في هذا الدرس سنتعلم تمثيل مجموعتين بطريقة الساق والورقة والمقارنة بينهما. ويمكنك ايجاد مقايس التشتت و النزعة المركزية من خلال التمثيل بالساق والورقة.

مثال (1) استعمل التمثيل بالساق والورقة للاجابة عن فقرة تعلم خطوة (1): استعمل التمثيل بالساق والورقة لعرض البيانات بعد ترتيبها تصاعدياً.

الساق (مرتبة العشرات)	الأوراق (مرتبة الآحاد)
7	2 5 9 9
8	1 5 8
9	0 0 0 0 4 5 8 9

خطوة (2) : استعمل التمثيل بالساق والورقة للاجابة عن :

المدى = القيمة الكبرى - القيمة الصغرى

$$99 - 72 = 99$$
 المدى

$$87 =$$

يمكن مقارنة مجموعتين من البيانات بالتمثيل المزدوج للساق والورقة.

مثال (2) يبين الجدول المجاور تمثيل الساق والورقة لدرجات بعض الطلاب في مادتي الرياضيات والفيزياء

الورقة (الفيزياء)	الساق	الورقة (الرياضيات)
8 5 1	7	3
9 8 4 4 2	8	0 2 3 3 7 8
9 6 5 3 0	9	0 0 1 5 6 7

i(أي الموضوعين مداه اكبر ؟

مدى المجموعة الرياضيات 24 = 73-97

مدى مجموعة الفيزياء 28 = 71-99

لذا مدى مجموعة الفيزياء اكبر من مدى مجموعة الرياضيات

ii) وسيط مجموعة الرياضيات هو 88 اما الوسيط مجموعة الفيزياء فهو 88

iii) ما اعلى درجة في الموضوع الرياضيات ؟ 97

iv) ما اقل درجة في موضوع الفيزياء ؟ 71

مثال (3) أجريت مقارنة على المسافة التي تقطعها 9 سيارات بالكيلومترات داخل المدينة وعلى الطريق العام فكان الجدول أدناه.

	المسافة بالكيلومترات									
28	23	41	31	20	19	23	31	34	داخل المدينة	
28	38	32	41	38	28	32	30	27	الطريق العام	

داخل المدينة	الطريق العام	
28	32	الوسيط
23,31	28,32,38	المنوال
41-19=22	41-27=14	المدى

داخل المدينة	الساق	الطريق العام
9	1	
8 3 3 0	2	7 8 8
4 1 1	3	0 2 2 8 8
1	4	1

iii) أي المجموعتين مداه أكبر؟

مجموعة السيارات داخل المدينة مداها = 22

مجموعة سيارات الطريق العام مداها = 14

لذا مجموعة السيارات داخل المدينة مداها أكبر

تأكَّدُ من فهمكَ

ı								
	درجات الحرارة سليليزية							
	24	30	36	32	38			
	2.	31	35	13	15			
					10			
	38	32	38	38	13			
	50	54	50	50	13			

الجدول المجاور يبين درجات الحرارة لبعض الأيام

- 1 استعمل التمثيل بالساق والورقة لتمثيل البيانات
 - 2 اوجد: المدى و الوسيط و المنوال للبيانات
 - 3 اوجد: الوسط الحسابي للبيانات

الأسئلة : (3-1(مشابه للمثال 1

يبين تمثيل الساق والورقة المجاور عدد النقاط التي حصل عليها مجموعتين من الفرق المدرسية في لعبة كرة السلة

المجموعة (2(الساق	المجموعة (1(
0	4	7 8 8
6 4 3 1	5	0 0 2 3 7
9 8 6	6	1 6
2 1	7	
3	8	4

- 4 جد: (المدى, الوسيط, المنوال) لبيانات المجموعة الاولى
 - 5 أي المجموعتين مداه أصغر؟
 - الأسئلة : (6-4(مشابه للمثال 2
- 6 قارن بين الوسيطين للمجوعتين.
- أنشىء التمثيل المزدوج بالساق والورقة ثم جد: المدى ،
 الوسيط ، المنوال لبيانات النوعين.
- أطوال النباتات بالسنتمرات النوع الأول 49 64 63 45 52 43 النوع الثاني 54 58 54 64 58 52 61

اها أكبر؟	أي المجموعتين مد	8
	الأسئلة: 7,8	
	مشابه للمثال 3	

الساق	الورقة
0	8 9
1	0 2 4 6 8
2	7
3	4

تدرب وحل التمرينات

استعمل تمثيل الساق والورقة المجاور وجد ما يأتي:

- 9 المدى و الوسيط و المنوال للبيانات
 - 10 الوسط الحسابي للبيانات

يمثل الجدول أدناه عدد زوار المتحف البغدادي في اسبوعين متتالين:

	عدد زوار المتحف البغدادي									
58	61	70	63	36	50	44	الأسبوع الأول			
50	59	70	66	30	52	40	الأسبوع الثاني			

- 11 استعمل التمثيل المزدوج بالساق والورقة لتمثيل البيانات
- 12 اوجد: المدى و الوسيطو المنوال لبيانات الاسبوع الاول
- 13 اوجد: الوسط الحسابي لبيانات لكل اسبوع. ماذا تلاحظ؟ فسر اجابتك.

تدرب وحل مسائل حياتية

سرعة: الجدول المجاور يبين سرعة بعض السيارات على الطرق

- 14 استعمل التمثيل بالساق والورقة لتمثيل البيانات
 - 15 جد المدى الوسيط المنوال للبيانات
 - 16 جد الوسط الحسابي للبيانات

طعام: استعمل تمثيل الساق والورقة المجاور واجد ما يأتي:

- 17 ما اعلى كمية دهون في كل نوع؟
- 18 اي نوعين يحتوي كمية اقل من الدهن بصورة عامة ؟
 - 19 جد الوسيط لكلا الفطيرتين وقارن بينهما .

سرعة السيارات Km/h							
69	65	71	76	65			
59	74	68	74	72			
70	65	69	71	68			

کمیة الدهن في فطائر اللحم والدجاج% لحم الساق دجاج 1 0 8 9 9 5 1 0 2 4 6 7 7 6 5 2 7 7 4 3 3 3 1 4 0

فُكِّرْ

- 20 اعط مثالاً على مجموعة بيانات لها نفس الوسيط والمنوال .
- اكتشف الخطأ: الجدول المجاور يمثل أوزان بعض المواد بالكيلو غرام ، يحاول محمد ومهند تحليل البيانات الممثلة بالساق والورقة يقول محمد ان نصف الاوزان بين 30,40 كيلو غرام ويقول مهند انه لا يوجداي وزن يزيد عن 70 كيلو غرام أيهما على صواب ؟ وضح اجابتك

الوزن بالكيلو غرام						
الساق	الورقة					
3	4 5 6					
4						
5	6					
7	2 8					

درجات : الجدول أدناه يمثل درجات أمتحان شعبتين في موضوع الرياضيات

- 22 استعمل البيانات في التمثيل المزدوج بالساق والورقة وأجب:
- درجات طلاب الشعبتين 81 73 77 90 66 52 80 الشعبة ٨ 99 84 الشعبة B 80 60 60 66 90
- 23 ما الوسيط في شعبة A ؟
 - 24 ما المنوال في شعبة B ؟
- 25 أي الشعبتين مداها أصغر؟

أكتب

مسألة يمكن حلها بتحليل التمثيل المزدوج بالساق والورقة ، وضح كيف يمكنك استعماله لايجاد المدى ، الوسيط ، المنوال .

تمثيل البيانات ببيان الشاربين

تَعَلَّمْ

الدرس Representation of Data by Box - whisker

فَكِّرْةُ الدرس

• تمثيل البيانات ببيان الشاربين • مقارنة بين الشاربين المفريدات

• بيان الشاربين

الربيع الاعلى

الربيع الأدنى

المدى الربيعي

سجل أحد لاعبى كرة السلة في كل مباراة النقاط التالية:



40 40 40 37 6 35

40 , 37 , 42 , 46 , 46

كيف أمثل البيانات ببيان الشاربين ؟

Box and whisker Graph

بيان الشاربين [7-2-1]

لكي تنشى بيان الشاربين , يجب تقسيم البيانات بعد ترتيبها الى اربعة اقسام , باستعمال الربيعات , الوسيط او الربيع الاوسط يقسم البيانات الى نصف الأدنى ونصف اعلى . الربيع الأعلى الربيع الأعلى

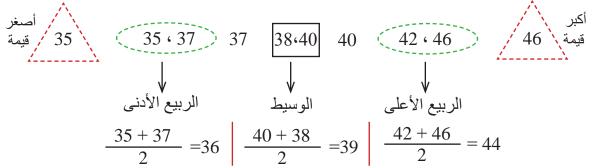


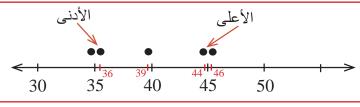
الوسيط في النصف الادنى: هو الربيع الادنى الوسيط في النصف الاعلى: هو الربيع الاعلى أكبر الشارب هذه التقسيمات توزع على مستقيم الاعداد

انشى بيان شاربين للبيانات الآتية: مثال (1(

40 \(37 \), 42 \, 46 \, 46 \, 38 \, 35 \, 40 \, 37 \, 35

الخطوة (1): رتب البيانات تصاعديا ، حدد القيمة الصغرى و الكبرى ثم الوسيط و بعدها الربيع الادنى و الربيع الاعلى





الخطوة (2): أرسم مستقيم الأعداد وأضع فوقه نقطة لكل قيمة وجدت في الخطوة (1(.

الخطوة (3): ارسم مستطيلا بدءاً من الربيع الادنى وانتهاء عند الربيع الاعلى وارسم داخل المستطيل خط مستقيم يدل على الوسيط, ثم ارسم الشاربين من قيمة الصغرى والقيمة الكبرى حتى المستطيل.

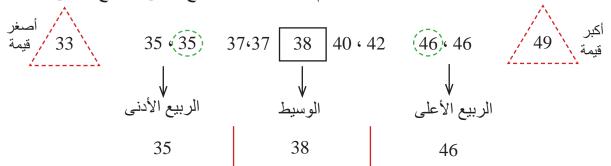


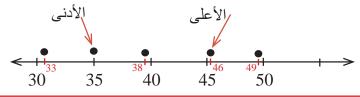
انشى بيان شاربين للبيانات الآتية:

مثال (2(

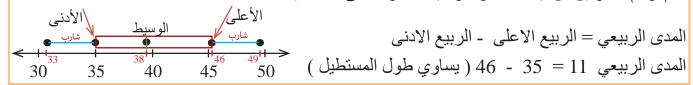
37, 46, 35, 40, 42, 46, 38, 49, 37, 35, 33

رتب البيانات تصاعديا ، حدد القيمة الصغرى والكبرى ثم الوسيط وبعدها الربيع الادنى والربيع الاعلى





ارسم مستطيلا بدءاً من الربيع الادنى و انتهاء عند الربيع الاعلى , ارسم داخل المستطيل خطمستقيم يدل على الوسيط ، ثم ارسم الشاربين من قيمة الصغرى و القيمة الكبرى حتى المستطيل .



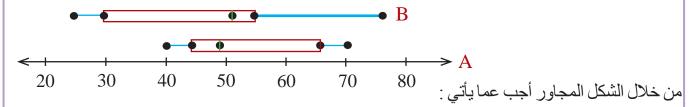
Comperer by Using Box-whisker

[2-2-7] المقارنة بأستعمال الشاربين

أرسم مستقيم الأعداد وأضع فوقه نقطة لكل قيمة .

يمكنك أستعمال بيان الشاربين للمقارنة بين مجموعتين من البيانات وذلك بوضع أحدهما بمحاذاة الآخر

مثال (3) یبین بیان الشاربین أدناه کیف تتوزع بیانات شرکتی $A_{,B}$ لأنتاج نوع خاص من أدوات المطبخ.



- A أي الشركتين وسيطها اكبر ؟ وسيط الشركة B أكبر من وسيط الشركة
- اي الشركتين لديها مدى ربيعي اكبر؟ المدى الربيعي للشركة B هو الاكبر ؟ حيث طول المستطيل في بيان الشاربين يمثل المدى الربيعي .
 - اي الشركتين ستنتج ادوات اكثر ؟

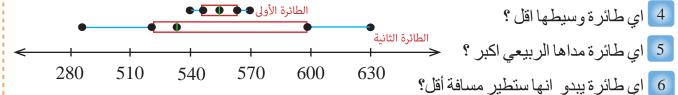
المدى و المدى الربيعي في بيان شركة A هما اصغر من المدى و المدى

الربيعي في بيان شركة B ، هذا يعني ان التغيير في بيانات الشركة A اقل من التغيير في بيانات الشركة B لذا انتاج شركة A ممكن ان يكون الاكثر .

تأكّد من فهمك

أنشى بيان شاربين للبيانات الآتية:

لدى محمد ومهند طائرتان ورقيتان ، يمثل بياناً الشاربين المسافات التي ارتفعت بها كل من الطائرتين.





7 قارن بين الوسيطين وبين المديين .

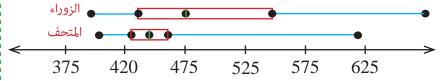
- الأسئلة: (8-4(مشابه للمثال 3
- 8 قارن بين المدى الربيعي لعدد زوار المجمع A مع عدد زوار المجمع B.

تدرب وحل التمرينات

انشى بيان شاربين للبيانات الآتية:

7	(б	5		4			الساق	
2	3	4	2	7	3	5	9	الورقة	11

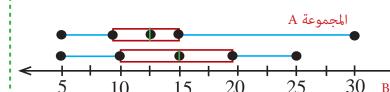
يمثل بيانا الشاربين عدد زوار حديقة الزوراء والمتحف البغدادي في بعض الايام.



20

- 12 اي المكانين و سيطة اكبر ؟
- 13 اي المكانين مداه الربيعي اكبر ؟
- 14 اى المكانين يبدو انه يستقبل عدد اكبر من الزوار؟

يمثل بيانا الشاربين المجموعتين A . B يمثل بيانا



- 15 جد الوسيط في كلا المجموعتين وقارن بينهما.
 - 16 جد المدى الربيعي في كل من المجموعتين وقارن بينهما

تدربْ وحلّ مسائل حياتيةً

17 ملابس: يمثل الجدول التكراري قياس 12 بدلةً رجاليةً.

65	54	52	50	48	القياس
1	2	2	4	3	التكرار

مثل الجدول اعلاه ببيان الشاربين.

18 زراعة: مُثلت أطوال 8 نباتات بالسنتمترات بطريقة الساق والورقة المبينة في الجدول أدناه ، مثل البيانات بالشاربين.

5			4		3			الساق	
2	4	3	5	8	1	1	2	الورقة	

رياضة : يمثل بيان الشاربين عدد المباريات التي لعبها لاعبين في كرة القدم خلال السنوات الأربعة عشر الأولى من أحترافهما.

- 19 أي لاعب يبدو أن عدد مبارياته أكثر؟
 - 20 أي لاعب وسيطه أكبر؟
- اللاعب الث الربيعي أكبر؟ اللاعب الأول 21



اللاعب الثاني اللاعب الثاني اللاعب الأول اللاعب الثاني اللاعب الأول اللاعب اللاعب الأول اللاعب الأول اللاعب الأول اللاعب الأول اللاعب الأول اللاعب اللاعب اللاعب اللاعب اللاعب اللاعب الأول اللاعب اللاعب اللاعب الأول اللاعب اللاعب اللاعب الأول اللاعب اللاعب

فَكِّرْ

22 أكتشف الخطأ: استعمل محمود البيانات الآتية:

8, 2, 9, 14, 5, 13, 7, 5, 8

ووجد ان الربيع الادنى (11) بين خطأ محمود وصححه.

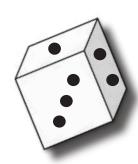
- تحدِّ: اذا كان المدى الربيعي لمجموعة بيانات يساوي 9 ، وكان الربيع الاعلى يساوي 27. فما قيمة الربيع الادنى ؟
 - 24 مسألة مفتوحة : أكتب مجموعة بيانات عند تمثيلها بالشاربين يكون المستطيل طويلاً والشاربين قصيرين . قارن عدد القيم في المستطيل مع عددها في الشاربين.

أكتبْ

حالات التشابة والأختلاف بين تمثيل البيانات في الساق والورقة والتمثيل في الشاربين.

7-3]

تَعَلَّمْ



رمى محمد حجر النرد مرة واحدة ، وطلب الى أخته تمارة تسجيل الأرقام التي ظهرت .

- ماذا نسمى مجموعة النواتج الممكنة ؟
- ماذا نسمي مجموعة الأرقام الأولية ؟

ه أكرة الدرس أ

- التعرف إلى التجربة العشوائية.
- كتابة نتائج التجربة العشوائية
 بمخطط الشجرة.
 - ح كتابة عدد النتائج بأستعمال قانون العد الأساسي.
 - المفردات
 - 🧸 الفعل العشوائي الحدث
- التجربة العشوائية النتيجة
 - قانون العد الأساسي

Random Experiment

[1-3-1] التجربة العشوائية

التجربة العشوائية: كل نشاط تأتى نتائجه مصادفة.

الفعل العشوائي: هو فعل يؤدي الى نتيجة غير معروفة مسبقاً.

مجموعة النتائج: هي المجموعة المؤلفة من جميع النتائج الممكنة لفعل عشوائي وتسمى فضاء العينة ويرمز لها Ω الحدث: هو نتيجة ممكنة أو مجموعة من النتائج الممكنة.

مثال (1) حجر النرد مرقم من 1 الى 6 كل رقم يمكن أن يظهر مرة واحدة ، أي أن النتائج الممكنة هي :

1 . 2 . 3 . 4 . 5 . 6

مجموعة النواتج الممكنة تدعى فضاء العينة وسوف نرمز لها $\,\Omega\,$

إذن : $\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ تجربة عشوائية بسيطة

الأرقام الأولية هي: 5, 3, 5 وهي مجموعة جزئية من فضاء العينة نكتبها بشكل مجموعة.

 $E = \{ 2, 3, 5 \} \subset \{ 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}$ حدث بسیط

مثال (2) رمي قطعتي نقود معدنية مرة واحدة:

- i) اكتب مجموعة النتائج الممكنة .
- ii) اكتب النتائج التي تحقق الحدث: ظهور وجهين متشابهين على القطعتين.
- i اذا سميت الوجه الأول للقطعة المعدنية H (الصورة) وسميت الوجه الثاني T (الكتابة).

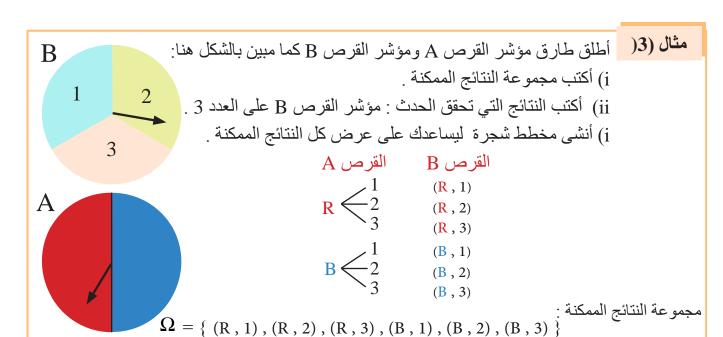
فسوف تحصل على 4 نتائج ممكنة ، أنشىء مخطط الشجرة ليساعدك على عرض كل النتائج الممكنة كما مبين من مخطط الشجرة مجموعة النتائج هي:

$$\Omega = \{(T,T), (T,H), (H,T), (H,H)\}$$

 $H \underbrace{H, H}_{H, T}$ يتحقق الحدث أذا كانت النتيجة (H, H), (H, H), (H, H)) وهي مجموعة جزئية من $H \underbrace{H, H}_{H, T}$

$$T < T, H$$
 T, T

 $E = \{(T,T), (H,H)\} \subset \Omega$



Fundamental Counting Principle

 $E=\{(R, 3), (B, 3)\}$

[2-3-2] قانون العد الأساسي

)ii

ينص قانون العد الأساسي: على أن عدد النتائج الممكنة لتجربة عشوائية تقوم على فعلين عشوائيين هو ناتج ضرب عدد نتائج الفعل الأول (m) في عدد نتائج الفعل الثاني (n) أي أن عدد نتائج الفعلين هو $m \times n$

مثال (4) رمي قطعتي نقود معدنية مرة واحدة:

i) أستعمل قانون العد الأساسي لأجد نتائج التجربة.

m=2 مع قطعة النقود الأولى تظهر نتيجتان ولتكن

n=2 مع قطعة النقود الثانية تظهر نتيجتان ولتكن

 $m \times n = 1$ أستعمال قانون العد الأساسى : عدد نتائج التجربة

 $2 \times 2 = 4$ لذا عدد النتائج كلها

(ii) في مثال (3

m=2 مع القرص A عدد النتائج الممكنة 2 (أحمر، أزرق) ولتكن A

n=3 مع القرص B عدد النتائج الممكنة 3 (3،3،1 ولتكن B مع

 $m \times n = 1$ أستعمل قانون العد الأساسى : عدد نتائج التجربة

 $2 \times 3 = 6$ لذا عدد النتائج كلها

(iii) رمیت حجر النرد وأطلقت قرص فیه 4 أقسام متساویة مرقمة (4, 3, 3, 4) ماعدد النتائج الممكنة?

m = 6 مع حجر النرد 6 (6،5) نتائج ولتكن مع حجر النرد 6 (6،5)

n = 4 نتائج ولتكن (1،2،3،4) مع القرص 4

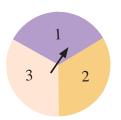
 $m \times n = 1$ أستعمال قانون العد الأساسى : عدد نتائج التجربة

 $6 \times 4 = 24$ لذا عدد النتائج كلها

تأكَّدْ من فهمكَ



- 1 تريد سعاد الجلوس على كرسى من بين 8 كراسي مرقمة من 1 الى 8.
 - i) أكتب مجموعة النتائج الممكنة.
- ii) أكتب النتائج التي تحقق الحدث «جلوسها على كرسي يحمل رقماً زوجياً »

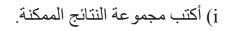


جد عدد النتائج كلها مستعملاً قانون العد الأساسى لكل مما يأتى.

- رمي قطعة نقود وأطلاق مؤشر القرص المقابل أكتب مجموعة النتائج الممكنة.
- 3 أكتب النتائج التي تحقق الحدث ﴿ ظهور كتابة على قطعة النقود ووقوف المؤشر على الرقم 1 »
- الأسئلة: (4-1(مشابهة للأمثلة: 4-1
- 4 لدى مهند 2 ستر (سوداء وبنية) ولدية أيضاً قميص أبيض وقميص نيلي وقميص رمادي بكم طريقة يمكن لمهند أن يرتدي قميصاً وسترة معاً

تدرب وحل التمرينات



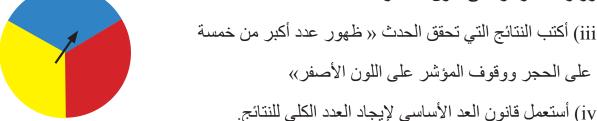




- ii) أكتب النتائج التي تحقق الحدث «ركوب سارة باصاً يحمل رقم فردي أصغر من 6 »
- iii) أكتب النتائج التي تحقق الحدث «ركوب أمل باصاً يحمل رقم زوجى »



- 6 رمي حجر النرد وأطلاق مؤشر القرص المقابل
 - i) أكتب مجموعة النتائج الممكنة.
- ii)أكتب النتائج التي تحقق الحدث « ظهور عدد أولى على الحجر ووقوف المؤشر على اللون الأحمر»





تدربْ وحلّ مسائلَ حياتيةً



7 أنترنيت : يريد رياض أن يختار كلمة السر الخاصة لدخول الأنترنيت ، تتكون الكلمة من حرفين من مجموعة الحروف A

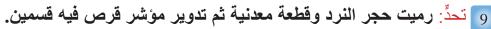
B, C, متبوعة بأحد الأرقام الثلاثة B, C,

كم كلمة سر يمكنه أن يشكلها مستعملاً قانون العد الأساسى؟ أكتب جميع النتائج الممكنة.

8 طعام: يمكن أن يختار زبون عند الفطور بين الجبن والبيض المقلي ، كما يمكنه أن يشرب حليب أو عصير برتقال أو عصير تفاح.

- i) أكتب كل الخيارات الممكنة للزبون.
- ii) أكتب النتائج الممكنة التي تحقق الحدث
 - " تناول الجبن وعصير الفاكهة "
- iii) جد عدد النتائج كلها مستعملاً قانون العد الأساسى.

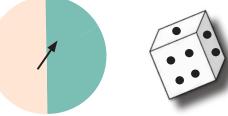
فَكِّرْ







ii) جد عدد النتائج كلها مستعملاً قانون العد الأساسى.



10 صحة: الجدول المجاور يحتوي على ثلاث مجموعات

- i) أكتب النتائج الممكنة للمجموعة A مع المجموعة B .
- ii) أكتب النتائج الممكنة للمجموعة A مع المجموعة C.
- iii) جد عدد النتائج الممكنة للمجموعات A مع B مع



11 ألعاب: تسابق محمد ومهند في لعبة القرص المجاور ، دور القرص مرتين . أذا كان مجموع الرقمين عدد فردي فإن مهند هو الفائز .

أكتب مجموعة النتائج الممكنة ليكون محمد هو الفائز.



أكتث

كيف تجد عدد النتائج الممكنة عندما ترمى حجر النرد وقطعتى نقود معدنية دفعة واحدة ؟

The Event [7-4]

تَعَلَّمْ

صندوقان يحتوي الأول على كرات حُمر وصُفر يحتوي المندوق الثاني على كرات خُضر وزر و سحبت كرة من كل صندوق.

- ماذا نسمي طريقة السحب ؟
 - ماذا نسمي النتائج؟
 - وماالعلاقة بين النتيجتين؟

عَ فَكِّرْةُ الدرس

- يتعرف إلى الحدث ، والأحداث المستقلة.
- التمييز بين الأحداث المستقلة
 وغير المستقلة.
 - يتعرف الحدث المركب.
 - المفردات
 - الحدث
 - و الحدثان المستقلان
 - و الحدثان المترابطان
 - **-** الحدث المركب

يمكننا أن نسمي العملية في فقرة تعلم تجربة Experiment.

أما الحدث Event: فهو مجموعة نتائج أو نتيجة واحدة أحياناً والأحداث قد تكون مستقلة أو متر ابطة أو مركبة.

الأحداث المستقلة والأحداث غير المستقلة (المترابطة) Independent and Dependent Events

الحدثان المستقلين: أذا كان وقوع أو عدم وقوع أحدهما لا يؤثر على وقوع أو عدم وقوع الحدث الآخر. الحدثان غير المستقلين (المترابطين): أذا كان وقوع أو عدم وقوع أحدهما يؤثر في وقوع أو عدم وقوع الحدث الآخر.

مثال (1(الأجابة عن الأسئلة في فقرة تعلم:

نسمي طريقة السحب بالتجربة.

ونسمي النتائج من هذه التجربة بالأحداث

أما العلاقة بين هذه الأحداث فتوضَّح كما يأتي:

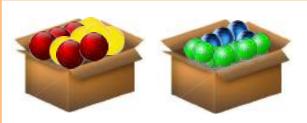
أفرض أن E_1 حدث سحب كرة من الصندوق الأول (الكرة المسحوبة حمراء أو صفراء)

أفرض أن ${\rm E}_2$ حدث سحب كرة من الصندوق الثاني (الكرة المسحوبة خضراء أو زرقاء)

لاحظ أن سحب أي كرة من الصندوق الأول لايؤثر على عدد الكرات في الصندوق الثاني.

 $\mathbf{E}_{\mathbf{2}}$ الحدث $\mathbf{E}_{\mathbf{1}}$ الديث على وقوع الحدث الحدث أي أن وقوع الحدث

اذا E2 ، E1 حدثان مستقلان .



مثال (2) صندوق يحتوي على 3 كراتٍ حمر و 5 كرات صفر



حدّد ماذا كان الحدثان مستقلين أم مترابطين في كل مما يلي:

i (سحب كرة حمراء ثم سحب كرة صفراء دون إعادة الكرات الى الصندوق.

أفرض $\mathbf{E}_{_{1}}$ سحب كرة حمراء ، $\mathbf{E}_{_{2}}$ سحب كرة صفراء من الصندوق.

لعدم أعادة الكرة الحمراء بعد السحب بقى في الصندوق كرتان حمر ، 4 كرات صفر .

أي وقوع الحدث E_1 يؤثر على وقوع الحدث E_2 . فهما حدثان غير مستقلين (متر ابطين)

ii (سحب كرة حمراء ثم سحب كرة صفراء بعد إعادة الكرة الأولى الى الصندوق.

أفرض E_1 سحب كرة حمراء ، E_2 سحب كرة صفراء بعد إعادة الكرة الحمراء يبقى عدد الكرات نفسه في الصندوق. أي وقوع الحدث \mathbf{E}_1 لايؤثر في وقوع الحدث \mathbf{E}_2 . فهما حدثان مستقلان.

مثال (3) حدد إن كان الحدثان مستقلين أو غير مستقلين في حالة ظهور الصورة بعد رمي قطعة نقود وظهور الكتابة بعد رميها مرة أخرى.

أفرض E_1 ظهور الصورة في الرمية الأولى.

أفرض E_2 ظهور الكتابة في الرمية الثانية.

 E_1 لايؤثر في E_2 .

اذا E2 ، E1 حدثان مستقلان .

Compound Events

[2-4-7] الأحداث المركبة

الحدث المركب: يتكون من حدثين بسيطين أو أكثر وقد تكون مستقلة أو غير مستقلة.

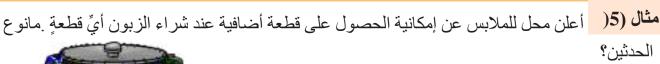
مثال (4) رمي حجر النرد وتدوير قرص مقسم على أجزاء ملونة متساوية المساحة. هل الحدث مركب ومانوع الحدثان البسيطان؟

أن عملية رمي حجر النرد وتدوير القرص تُعد حدثاً مركباً من حدثين بسيطين .

الحدث الأول ظهور أحد الأرقام من 1 الى 6.

والحدث الثاني ظهور لون معين ان ظهور رقم لايؤثر على ظهور اللون.

لذلك فهما حدثان مستقلان.



تمثيل عملية شراء قطعة الملابس وتسلُّم قطعة ثانية مجاناً حدث مركبٌ . فتسلمُ القطعة الثانية مجاناً مرتبطٌ بشراء الزبون القطعة الأولى.

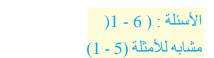
لذلك فهما حدثان غير مستقلين.

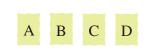


تأكَّدُ من فهمكَ

حدد إن كان الحدثان مستقلين أو غير مستقلين في الأحداث المركبة فيما يأتي:

- 1 اسحب بطاقة من البطاقات المجاورة دون أرجاعها ، ثم أسحب بطاقة أخرى . 6 5 7 1 2 1
 - 2 أذا أختيرت أحدى بطاقات الأحرف ودوِّر مؤشر القرص الدوار.





- 3 رمي حجر النرد ، وسحب كرة من صندوق فيه كرات مختلفة الألوان.
- 4 صندوق فیه 4 کرات حمراء ، و 3 صفراء ، سحب مهند کرة عشوائیاً و سحب محمد أیضاً کرة عشوائیاً.
- 5 سحب الكرة الأولى من صندوق دون أعادتها ثم سحب كرة ثانية من الصندوق نفسه.
- 6 سحب الكرة الأولى من صندوق مع أعادتها ثم سحب كرة ثانية من الصندوق نفسه.

تدرب وحل التمرينات

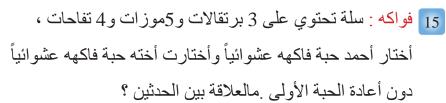
حدد أن كان الحدثان مستقلين أو غير مستقلين في الأحداث المركبة التالية:

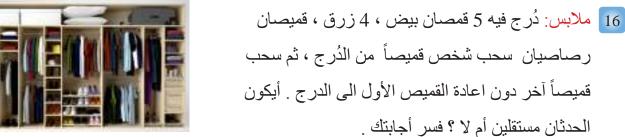
- 7 وقوف المؤشر على اللون الأحمر وظهور الرقمين 5 ، 2 على حجر النرد .
- 8 رمي حجري نرد معاً وظهور الرقم 6 على الحجر الأول وظهر الرقم 3 على الحجر الثاني.
 - 9 رمي قطعة نقود وظهور الصورة ، ورمي حجر نرد وظهور الرقم 5.
 - 10 رمي حجر النرد والحصول على عدد زوجي ، والحصول على 1 أو 4.
 - 11 علبة فيها حلوى بنكهات مختلفة ، 3 بطعم الليمون ، 4 بطعم الفراولة ، 2 بطعم الموز ، 5 بطعم البرتقال سحبت جمانة قطعتين من العلبة دون أعادتها الى العلبة.
 - 12 رمى تيم قُطعتي نقود في الوقت نفسه فإدا ظهرت الصورة نفسها على القطعتين
- العدد A و أطلق مهند مؤشر القرص A و أطلق مهند مؤشر القرص A في الوقت نفسه ، أن يأتي مؤشر A على العدد A ومؤشر A على اللون الأخضر.

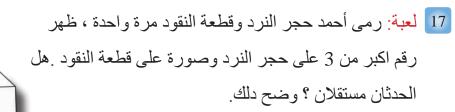


14 سحب بطاقة حمراء من مجموعة البطاقات D B C D وظهور كتابة بعد رمي قطعة نقود.

تدربْ وحلّ مسائلَ حياتيةً











فُكِّرْ

- 18 مسألة مفتوحة: يوجد في صندوق 6 كرات بثلاثة الوان مختلفة . أكتب مسألة تتعلق بسحب كرتين عشوائياً دون أرجاعهما الى الصندوق.
 - 19 أكتشف الخطأ: أطلق محمود مؤشر القرص المجاور ثلاث مرات وقال: أن يأتي المؤشر عند 5 في المرات الثلاث لايؤثر في النتيجة وقال: صالح أن يأتي المؤشر على 5 في المرات الثلاث يؤثر في النتيجة ايهما أجابته صحيحة ؟ فسر إجابتك
 - 20 طقس: توقعت دائرة الأنواء الجوية أن هناك فرصة لهطول الأمطار يوم الثلاثاء % 80، ان فرصة هطول المطريوم الأربعاء هي % 30. مالعلاقة بين الحدثين ؟



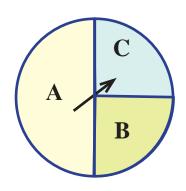


أكتث

ماالفرق بين الحادثين المستقلين وغير المستقلين؟

The Probabilities

7-5]



تَعَلَّمْ

أخذ مهند القرص الدوار المجاور ، اذا دور مؤشر القرص الدوار ، فما أحتمال أن يؤشر المؤشر على كل حرف؟

فَكُرْةُ الدرسِ
 حساب أحتمال
 حساب أحتمال الحدث المتمم
 المفردات

المفردات - إحتمال الحدث - الحدث المتمم

Probability

[1 - 5 -7] الأحتمالية

P(E) بصورة E بصرت التعبير عنه بكسر عشري يقع بين E و يمكن التعبير عنه بكسر عشري يقع بين E و كسر أو نسبة مئوية.

فأذا كان P(E)=0 فالحدث مستحيل وأذا كان P(E)=0 فالحدث مؤكد.

 $P\left(E\right)=\frac{m}{n}$: يمكن أن نجد أحتمال حدوث الحدث E بأستعمال العلاقة الآتية

إذ m عدد النتائج التي يحققها الحدث E.

معدد النتائج الممكنة كلها في التجربة الواحدة $\, n \,$

مثال (1 في فقرة تعلم،

الطريقة الأولى: بما أن الحرف A يمثل نصف القرص ، فإن التقدير المعقول لأن يأتي المؤشر على الحرف A الطريقة الأولى: بما أن الحرف A و المؤشر على الحرف $P(A) = \frac{1}{2}$

بما ان الحرفان B, C يمثل كل منهما ربع القرص

فان التقدير لأن يأتي المؤشر على الحرف B أو C هو:

 $P(C) = \frac{1}{4} \cdot P(B) = \frac{1}{4}$

الطريقة الثانية: من الشكل يلاحظ أنه متكون من 4 أرباع أي أن n=4

 $P(A) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} = 0.5 = 50\%$, m=2 أي أن M=2 أي أن A من القرص يمثل ربعين أي أن P(A) = 2 أي أن الجزء A أي أي أي أي أن الجزء A أي أي أن أي أي

 $P(B) = P(C) = \frac{1}{4} = 0.25 = 25\%$, m=1 أي أن أي أن C و B الجزء B

صندوق فيه 10 بطاقات خضراء ، و 3 بطاقات بيضاء سحبت جمانة بطاقة خضراء من

دون إعادتها الى الصندوق ، ثم سحبت أختها سالي بطاقة بيضاء . ماأحتمال السحب لكل منهما ؟

يحتوي الصندوق على 10 بطاقات خضراء + 3 بطاقات بيضاء أي 13 بطاقة

 $P(= \frac{10}{13}) = \frac{10}{13}$ العدد الكلى للطاقات (خضراء)

لأن البطاقة المسحوبة لم ترجع الى الصندوق ، هذا يعني أن في الصندوق الآن 12 بطاقة.

P (بيضاء) = $\frac{3}{12} = \frac{1}{4}$ العدد الكلي للبطاقات البيضاء هو : $\frac{1}{4} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$

Complement Event

[2 - 5 - 7] الحدث المتمم

. $E_{_2}$ الحدث نتائج الحدث المتمم : يقال للحدثين $E_{_1}$ ، أذا كانت كل نتائج الحدث $E_{_1}$ الحدث المتمم : يقال للحدثين المتمم الحدث المتمم : يقال الحدث المتمم المتم الم $P(E_1) + P(E_2) = 1$ فإن $P(E_2) \cdot P(E_1)$ فإذ اكان أحتمال حدوثهما هو: $P(E_1) \cdot P(E_1)$

مثال (3) مثال (3 ${
m E}_1$ حدثان منتامان ، أذا كان ${
m E}_2={
m E}_2$ فجد ${
m P}({
m E}_1)$ ثم أكتبه بوصفه نسبة مئوية وكسر أ عشرياً.

$$P(E_1) + P(E_2) = 1$$

$$P(E_1) + \frac{2}{5} = 1$$

$$P(E_1) = 1 - \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$$

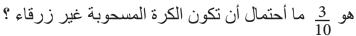
$$=\frac{3}{5}\times\frac{20}{20}=\frac{60}{100}=60\%$$

$$=\frac{3}{5}\times\frac{2}{2}=\frac{6}{10}=0.6$$

: حدثان متتامان فإن E_2 ، E_1 بما أن

$$P(E_2) = \frac{2}{5}$$
 أعوض عن

مثال (4 سلة فيها 3 كرات زرق ، 7 كرات حمر ، سحبت كرة عشوائية ، احتمال أن تكون الكرة زرقاء



أفرض أن :
$$\frac{3}{10} = (E_1)$$
 P (أحتمال الكرة الزرقاء

أفرض أن :
$$P(E_2)$$
 أحتمال الكرة المسحوبة ليست الزرقاء

$$P(E_1) + P(E_2) = 1$$

$$\frac{3}{10} + P(E_2) = 1$$

$$P(E_2) = 1 - \frac{3}{10} = \frac{7}{10} = 0.7 = 70\%$$

 $P(E_1) = \frac{3}{10}$ أعوض عن

العلاقة بين الجمع والطرح

الحدثان متتامتان أي أن:

 $\frac{70\%}{10}$ أو $\frac{7}{10}$ أو $\frac{7}{10}$ أو أو $\frac{7}{10}$

تأكَّدُ من فهمكَ

لدينا البطاقات المجاورة 8 7 8 6 4 5 1 2 عا جد أحتمال مايأتى:

- البطاقة تحمل رقم زوجي.
- 2 البطاقة تحمل رقم غير أولي.
- 3 البطاقة تحمل رقم يقبل القسمة على 5.

في تجربة رمي حجرالنرد مرة واحدة أكتب أحتمال:

- 4 ظهور عدد يقبل القسمة على 3.
 - 5 ظهور العدد 7.
- 6 ظهور الأعداد المحصورة بين 2،6.
- أذا كان أحتمال ظهور عدد فردي في رمي حجر النرد مرة واحدة هو $\frac{1}{2}$ فما احتمال ظهور عدد زوجي؟
- P (E_2) فما قيمة E_3 أذا كانت الأحداث E_3 فما قيمة E_3 متتامات ، وكان E_3 وكان E_3 أذا كانت الأحداث E_3 أذا كانت الأحدا

9 استعمل القرص المجاور وجد أحتمال كل نتيجة ممكنة ثم تحقق:

الأسئلة : (9 - 7(مشابه للأمثلة (4 ، 3)



الأسئلة: (6 - 1(

مشابه للأمثلة (2، 1)

أزرق	أخضر	أصفر	النتيجة
			الأحتمال

تدرب وحل التمرينات

سلة تحتوي على 10 كرات حمراء ما أحتمال سحب:

- 10 كرة حمراء واحدة؟
- 11 كرة غير حمراء؟
- 12 ثلاث كرات حمراء؟
- الذي يمثل E_1 كرات تحمل الأعداد من 1 الى 20 ، أذا كان E_1 ليس من مضاعفات العدد 4 جد احتمال E_2 الذي يمثل مضاعفات العدد 4 بطريقتين.

6

يبين الجدول أحتمال ظهور رقم بعد رمى حجر النرد ، جد ناتج أحتمال كل حدث:

الحدث

الأحتمال

- 14 ظهور عدد لا يقبل القسمة على 3.
 - 15 ظهور عدد أصغر من 4.
 - 16 ظهور العدد 6.
 - 17 ظهور الأعداد بين 6, 3.



تدرب وحل مسائل حياتية



- 18 لعبة: تريد تمارة الجلوس على كرسى من بين 8 كراسى مرقمة من 1 الى 8 . ماأحتمال جلوس تمارة على كرسي يحمل رقم زوجي 1
 - 19 مواصلات: ينتظر مهند الباص بين 5 باصات تحمل الأرقام من 1 الى 5 ما احتمال ركوب مهند باصاً يحمل رقم أصغر من 4 ؟
- 20 حجر نرد: رمي حجر النرد مرة واحدة ﴿ أَنْ اللَّهُ مَا أَحْتَمَالَ ظَهُورَ عَدْدُ غَيْرُ 6 ؟ كيس فيه 8 خرزات صفراء ، 3 خرزات بيضٍ ، 5 خرزات زرق، أدا سحبت بشكل عشوائي خرزة من الكيس:
 - 21 ما أحتمال أن تكون الخرزة المسحوبة زرقاء اللون؟
 - 22 ما أحتمال أن تكون الخرزة المسحوبة صفراء اللون؟
 - 23 ما أحتمال أن تكون الخرزة المسحوبة غير بيضاء اللون ؟ بطريقتين.
 - 24 رياضة : توقع مدرب أن يفوز فريقه في مباراة كرة القدم بنسبة 85% أكتب ككسر في أبسط صورة أحتمال خسارة فريقه .

الأحتمال



ل كسر أحتمالا	، جد بشکا	هو %25	غداً صحو	طقس: تتوقع شهد أن يوم	25
	غائم	صحو	النتيجة	كل نتيجة فيما يأتي:	

فُكِّرْ

- $\frac{1}{26}$ تفكير ناقد: أخبرت بأمكانية وقوع 4 أحداث فقط ،احتمال الحدث الأول $\frac{1}{4}$ واحتمال الحدث الثاني $\frac{1}{26}$ ، فإذا كان أحتمال الحدث الثالث والرابع متساويين . فما أحتمال الحدث الرابع ؟
- 27 فواكه: يوجد في سلة 4 برتقالات ، سحبت برتقالتين أحداهما بعد الأخرى دون إعادة البرتقالة الأولى و الثانية ،فما أحتمال كل حدث؟
- 28 أكتشف الخطأ: دوّر القرص أدناه مرتين، أحتمال أن يقف المؤشر على عدد فردي في المرة الأولى وفي المرة الثانية $\frac{2}{5}$ أيهما أصح? 5
 - 29 تحدِّ: اكتب كل الأحداث الممكنة في فضاء عينة تتألف من 3 نتائج A,B,C .

أكتب

مثالاً على حدث احتماله صفر وآخر أحتماله واحد

الاحتمال التجريبي والاحتمال النظري

Experimental Probability and Theoretical Probability

[7-6]



يتدرب لاعب كرة القدم على تحسين أدائه وي تسجيل أهداف في ضربات الجزاء ، فقد سجل 20 هدفاً من 25 ضربة جزاء. نلاحظ من هذين العددين أنه سجل أهداف أكثر مما يخطئها كيف يمكنك أن تقدر أحتمال أصابة الهدف في الضربة المقبلة ؟

فكِّرْةُ الدرس

- حساب الاحتمال النظري
- حساب الاحتمال التجريبي

المفردات

مثال (1(

- ح الاحتمال النظري
- ح الاحتمال التجريبي
 - فضاء العينة

حُدِّد الأحتمال في فقرة تعلم عن طريق اجراء التجربة، وتسمى الاحتمالات التجريبية ، أما الاحتمالات النظرية فأنها تزودنا بنتائج التجربة دون الحاجة الى أجرائها فيكون:

الاحتمال التجريبي: فيه تقدر أرجحية الحدث بتكرار تجربة مرات عدة ، ثم عد المرات التي يتحقق فيها الحدث الأحتمال التجريبي عدد المرات التي يتحقق فيها الحدث العدد الكلي للتجارب

الاحتمال النظري: يستعمل لتقدير احتمالات الحدث ، بأستعمال قوانين العد دون اللجوء الى تكرار التجربة ، وعندما تكون كل النتائج الممكنة متساوية في أحتمال حدوثها

عدد النتائج التي تحقق فيها الحدث عدد النتائج الممكنة كلها (عدد عناصر فضاء العينة)

في فقرة تعلم ، احتمال اصابة الهف في الضربة المقبلة $\frac{20}{25}$ أي في فقرة تعلم ،

مثال (2) بعد أطلاق مؤشر القرص 20 مرة ، سُجلت النتائج في الجدول أدناه

A	В	С	النتيجة
10	5	5	عدد الأصابات

- i) هل هذا الاحتمال نظرى أم تجريبي ؟
- ii) جد احتمال أن يأتي المؤشر على الحرف A.





$$A$$
 عدد المرات التي أصيب الحرف A الاحتمال التجريبي A العدد الكلى لتجربة

$$P(A) \approx \frac{10}{20} = \frac{1}{2}$$

لذا الاحتمال التجريبي بأن يأتي المؤشر على الحرف A هو: $\frac{1}{2}$ أو 0.5 أو

مثال (3(

سحب محمد كرة من صندوق يحتوي على 50 كرة: 20 كرة حمراء ، 17 كرة بيضاء ،

- 13 كرة صفراء
- i) هل هو أحتمال نظريُّ أم أحتمال تجريبي ؟
- ii) جد احتمال كون الكرة المسحوبة صفراء.

الاحتمال نظري ، لأن كل النتائج متساوية في احتمال حدوثها ثم لاتوجد حاجة لتكرار التجربة

عدد عناصر فضاء العينة 50 (عدد الكرات في الصندوق)

عدد النتائج التي تحقق فيها الحدث عدد النتائج الممكنة كلها (عدد عناصر فضاء العينة)

$$P(A) = \frac{\text{عدد الكرات الصفراء}}{\text{عدد الكرات الكلي}}$$

$$P(A) = \frac{13}{50}$$
 عوض عدد الكرات الصفراء 13، العدد الكلي للكرات 50

26% او 0.26 او $\frac{13}{50}$ او 0.26 او كرة صفراء هو لذا أحتمال سحب كرة صفراء هو

مثال (4) أستعمل الجدول المجاور الذي يبين نتائج رمي قطعتي نقود 8 مرات ، وأجب عما يأتي:

- i) ماالأحتمال النظري للحصول على صورتين؟
- ii) ما الاحتمال التجريبي للحصول على صورتين؟

النتائج	التكرار
Н,Н	3
H,T	2
T,H	1
T,T	2

فضاء العينة لرمي قطعتي نقود مرة واحدة 1هو:

$$\{(H, H), (H, T), (T, H), (T, T)\}$$

عدد عناصر فضاء العينة يساوي 4

نقود. (H, H) هي مرة واحدة عند رمي قطعتي نقود.

$$(P)H,H) = \frac{(H,H)}{(H,H)} = \frac{1}{4}$$

اذن الاحتمال النظري =
$$\frac{1}{4}$$
 أو 0.25 أو %

ii) عدد مرات ظهور (H, H) هو ثلاث مرات عند رمي قطعتي نقود ثماني مرات. (تكرار التجربة)

P)H ,H)
$$\approx \frac{(H, H)}{(H, H)}$$
 $\approx \frac{3}{8}$

$$37.5\% = 0.375 = \frac{3}{8} \approx 0.375$$
 لذا الاحتمال التجريبي

تأكَّدْ من فهمِكَ

1 سحبت كرة عشوائياً من صندوق ثم أعيدت اليه ، يبين الجدول التالي النتائج بعد 50 سحبة ، قدر احتمال سحب كرة حمراء مانوع الأحتمال ؟

أزرق	أصفر	أحمر	أخضر	النتيجة
20	12	13	5	السحوبات

الأسئلة : (7 - 1(مشابه للأمثلة (4 - 1)

رميت حجر النرد مرة واحدة جد:

- 2 أحتمال أن يكون العدد الذي يظهر أكبر من 2.
 - 3 أحتمال الحصول على عدد زوجي.
 - 4 أحتمال الحصول على عدد أولي .
- 5 أحتمال الحصول على عدد يقبل القسمة على 6.
 - 6 مانوع الأحتمالات السابقة نظرية أم تجريبية؟
- وي لعبة كرة السلة ، أصاب لاعب السلة 15 مرة من 25 رمية ، ما الاحتمال لأن يصيب اللاعب السلة
 في الرمية التالية ؟ ومانوع الاحتمال ؟ أكتب الاحتمال بالكسر العشري والاعتيادي والنسبة المئوية.

تدرب وحل التمرينات

رميت حجر النرد مرة واحدة جد:

- 8 أحتمال أن يكون العدد فردي .
- 9 أحتمال الحصول على عدد غير أولي .
- 10 أحتمال الحصول على عدد يقبل القسمة على 4.
 - 11 مانوع الأحتمالات السابقة نظرية أم تجريبية؟
- 12 سحب مهند قرص من علبة تحتوي على 3 أقراص حمرٍ ، 4 أقراص صفرٍ ، 4 أقراص سودٍ . ما أحتمال أن يكون القرص المسحوب أصفر؟
- 13 أراد شحص احصاء أنواع السيارات عند احد التقاطعات ، من بين 20 سيارة شاهدها أحصى 5 شاحنات، 3 سيارات رياضية ، 12 سيارة صالون . ماأحتمال أن تكون السيارة التالية شاحنة ؟
- في الصف لحصة الرياضة ، 6 طلاب لكرة السلة ، 8 طلاب لكرة القدم يختار المدرس بشكل عشوائي
 - أحد الطلاب ، جد احتمال:
 - 14 أن يختار طالب ليلعب في فريق كرة السلة.
 - 15 أن يختار طالب ليلعب في فريق كرة القدم.





تدربْ وحلّ مسائلَ حياتيةً

16 زراعة: لدى طارق كيس فيه 120 بذرة زهور حمر وصفر ،فاذا كان % 30 بذور زهور صفر نشر طارق البذور في حديقته . بعد أسبوعين لاحظ ظهور أول الأزهار ما احتمال أن تكون النبتة الحمراء؟



17 رياضية: في تدريب على كرة السلة ، أصاب محمد السلة 13 مرة من 30 رمية . ماأحتمال أن يصيب محمد السلة في الرمية التالية ؟ مانوع الاحتمال؟

عدد الأشخاص	الأسلوب
75	ساعة يد
30	ساعة حائط
145	ساعة هاتف

18 وقت: أجريت دراسة على 250 شخص للوقف على طريقة معرفتهم الوقت . أستعمل الجدول المجاور وجد أحتمال أن يستعمل الشخص هاتفه المحمول في ذلك.

19 طقس: يمثل الجدول أدناه درجات الحرارة خلال أسبوع في أحد فصول السنة.

							اليوم
20	18	16	21	25	29	15	درجة الحرارة

ما احتمال أن تكون درجة الحرارة أقل من 20° في اليوم التالي ؟ بين نوع الأحتمال.

20 مطعم: دخل 10 أشخاص أحد مطاعم الكباب، 6 منهم طلبوا كباباً ما الأحتمال التجريبي في أن لايطلب الشخص التالي كباباً ؟

فَكِّرْ

- مسألة مفتوحة: اجريت دراسة أحصائية على 30 شخصاً عن لونهم المفضل من الألوان: (الأزرق ، الأحمر ، الأخضر ، الأبيض) ، أعمل جدولاً لكل النتائج الممكنة اذا كان $\frac{2}{5}$ هو الاحتمال التجريبي لأن يكون اللون المفضل هو اللون الأزرق .
- 22 تحد : وجدت در اسة أحصائية أن 75 طالباً من أصل 200 لديهم حذاء أسود وأن 280 طالباً من أصل 200 لديهم جواريب بيض . فما أحتمال أن يكون لدى الطالب حذاء أسود وجواريب بيض معاً؟
- أكتشف الخطأ: كيس فيه خمس كرات صفر ، 7 كرات بيض ، كم كرةٍ صفراء تضاف الى الكيس ليكون أحتمال سحب كرة بيضاء هو $\frac{1}{2}$ ، فقالت جمانة نضيف 6 كراتٍ صفرٍ ، وقالت أختها سالي نضيف كرتين صفر اوين ، أيهما جوابها صحيح؟

أكتب

مسألة عن تجربة شاهدتها أو عشتها تتضمن سؤالاً عن الاحتمال التجريبي.

خطة حل المسألة (تمثيل المسألة)

[7-7]

Problem Solving Plan (presentation of problem)





طول ملعب 100 متر، فإذا ركض محمد 25 متراً الى الأمام و5 أمتار الى الخلف فكم مرة علية أن يكرر العملية حتى يصل الى نهاية الملعب؟

ح فَكِّرْةُ الدرسِ

أحل مسألة بأستعمال
 (تمثيل المسألة)

0-

أفهم

ما معطيات المسألة ؟ ملعب طوله 100 متر، يركض محمد الى الأمام 25 متر ويرجع الى الخلف 5 أمتار .

ماالمطلوب من المسألة ؟ كم مرة أخرى عليه أن يكرر العملية حتى يصل الى نهاية الملعب.

خطط

كيف تحلّ المسألة ؟

أمثل المسألة على مستقيم الأعداد .

أرسم مستقيم الأعداد وأقسمه على أقسام مناسبة الطول.





25 متراً الى الأمام ، 5 أمتار الى الخلف

أي في كل مرة يقطع

العدد الكلى لمرات التكرار

 $100 \div 20 = 5$

25 - 5 = 20 m

تحقق

تأكد من صحة حلك: نضرب طول المسافة التي يقطعها في كل مرة في 5:

 $20 \times 5 = 100 \text{ m}$

مسائل



ا شترى أحمد كتاب بمبلغ 25 ألف و 500 دينار ، فإذا دفع أحمد 30 ألف دينار ، فكم يمكن أن يسترد الباقي أذا كان لدى البائع قطع نقدية من الفئتين 1000 دينار و 500 دينار ؟



يركض لاعب في كل مرة 8m ويتراجع 2m فإذا كانت المسافة الواجب قطعها 60m . فكم مرة يكرر الركض ليقطع المسافة كاملةً؟



3 أرادت جمانة أن ترتب خمسة كتب لديها على الرف ، بحيث يكون كتاب الرياضيات أولها وكتاب اللغة العربية في آخر ها . فبكم طريقة يمكن ترتيب الكتب الخمسة على الرف؟



4 يقف مهند ومحمد وأحمد ومحمود في خط مستقيم . فبكم طريقة يمكن ترتيبهم إذا وقف مهند في بداية الخط المستقيم ؟



في اختبار الرياضيات اعتمد طريقة القاء قطعة معدنية لحل
 (5) أسئلة من نوع الخطأ والصواب . هل هذه الطريقة جيدة للحصول على درجة جيدة في الأختبار ؟

Chapter Review

المضردات

English	عربي	English	عربي
Indepentent Events	الأحداث المستقلة	Stem and Leaf	الساق والورقة
Depentent Events	الأحداث المترابطة	Box -Whisker	بيان الشاربين
Component Event	االحدث المركب	Lower Quartile	الربيع الأدنى
Complement Event	الحدث المتمم	Upper Quartile	الربيع الأعلى
Expermental Probability	الأحتمال التجريبي	Random Experiment	التجربة العشوائية
Theoretical Probability	الأحتمال النظري	Fundamental Counting Principle	قانون العد الأساسي

الدرسِ [7-1] مقياس النزعة المركزية والمدى Admeasure of Central Tendency and Rang

تدريب : الجدول التالي بيانات مجموعتين A,B .

36	22	14	20	36	26	10	A
24	17	14	21	14	19	25	В

i) مثل البيانات بالساق والورقة (ii) اي المجموعتين مداها اكبر؟

مثال: الجدول التالي يبين معدل درجات الحرارة الشهري لكل من مدينتي بغداد والقاهرة

									بغداد
24	22	24	17	14	21	14	19	27	القاهرة

مثل البيانات بالساق والورقة.

القاهرة			الساق	بغداد			
				0	8		9
9	7	4	4	1	1		7
7	4	2	1	2	2	3	5
				3	4		4

الدرسِ [7-2] تمثيل البيانات ببيان الشاربين Representation of date by Box-whisker

تدريب : استعمل البيبانات التالية لتمثيلها بيان شاربين 87 ، 80 ، 90 ، 90 ، 87 ، 80 ، 90 ، 90 ، 80 ثم جد :

i) المدى لهذه المعطيات.

ii) الربيع الادنى والربيع الاعلى.

iii) الوسيط

مثال : استعمل البيانات التالية لتمثيلها ببيان شاربين 7، 20، 20، 18، 17، 14، 10، 17، 16.

الترتيب: 14، 10، 14، 16، 17، 18، 20، 20

الوسيط = 17 ، الربيع الادنى : 12 = $\frac{14+10}{2}$ الربيع الاعلى: $= 19 = \frac{18+20}{2}$

7 = 20 ، القيمة الكبرى 20 = 7

0 5 10 15 20

Random Experiment

الدرس [3-7] التجربة العشوائية

مثال : أرم ِ قطعة نقود وأطلق مؤشر القرص المقابل أن ،أكتب مجموعة النتائج الممكنة بأستعمال مخط الشجرة وجد عددها

$$H = \underbrace{ \begin{array}{c} 1 - (H , 1) \\ 2 - (H , 2) \\ 3 - (H , 3) \end{array} }$$

$$T = \underbrace{\begin{array}{c} 1 - (T, 1) \\ 2 - (T, 2) \\ 3 - (T, 3) \end{array}}_{}$$

مجموعة النتائج الممكنة هي:

$$\{(H,1),(H,2),(H,3),(T,1),(T,2),(T,3)\}$$
 $\stackrel{\text{initial}}{=} 1$
 $\stackrel{\text{initial}}{=} 2 \times 3 = 6$
 $(H,1),(H,2),(H,3),(T,1),(T,2),(T,3)$

تدريب 1:يبيع احد المحلات المثلجات في علب صغيرة ومتوسطة، يمكن للزبون اختيار مثلجات بطعم الفانيلا او الشوكلاته او الفستق، اكتب مجموعة النتائج الممكنة امام الزبون.

تدریب 2:

يرمى شحص حجر النرد ويطلق مؤشر قرص فيه 4 اقسام متساوية مرقمة من 1 الى 4، استعمل قانون العدد الاساسى وجد عدد النتائج الممكنة.

The Event

الدرس [4-7] الحدث

مثال : حدد الحدثين المستقلين والحدثين المترابطين تدريب : حدد الحدثين المستقلين والحدثين غير في كل مما يأتي:

> i) كيس فيه 6 كرات زرقاء، 3 كرات بيضاء، سحب كرتين الواحدة تلو الاخرى دون اعادة الاولى افرض Ε سحب الكرة الاولى (زرقاء او بيضاء). سحب كرة ثانية دون اعادة الكرة الأولى. E_2 اي اختلف عدد الكرات في الصندوق في السحبة E_1 الثانية (اي E_1 يؤثر على

> > اذن: E₁₂E₂ حدثان غير مستقلين (مترابطين).

ii) رمي حجر النرد وقطعة نقود، ظهور العدد 5 على حجر النرد، والصورة على قطعة النقود.

افرض : E_1 ظهور العدد 5 على حجر النرد. ظهور الصورة على قطعة النقود E_2

 E_2 في E_1 لايؤثر

اذن E_1, E_2 حدثان مستقلان.

مستقلين (المترابطين) لكل مما يأتى:

i) سحب بطاقتين متتاليتين من مجموعة تحتوي على 26 بطاقة حمراء، 26 سوداء، ان تكون الاولى حمراء والثانية سوداء اذ لم يُرجع الاولى الى المجموعة.

ii) اطلق مؤشر قرص فيه 8 اقسام متساوية من 1 الى 8، ورمى حجر النرد.

iii) ان يصيب رقماً اكبر من 4 على القرص ويحصل على رقم اصغر من 4 على حجر النرد.

The Probabilities

الدرس [5-7] الأحتمالات

مثال: حد الاحتمالات لكل حدث مما يأتى:

i) ظهور عدد فردي بعد رمي حجر النرد.

$$P(E) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} = 0.5 = 50 \%$$

ii) ظهور العدد 4 بعد رمى حجر النرد.

$$P(E) = \frac{1}{6} \approx 0.17 = 17\%$$

iii) كيس فيه 6 كرات حمر، 5 كراتٍ صفر،

احتمال أن تكون الكرة حمر اء

$$P(E) = \frac{6}{5+6} = \frac{3}{11} = 0.55 = 55\%$$

تدريب : جد الاحتمالات لكل حدث مما يأتي:

i) ظهور عدد اكبر من 5 بعد رمى حجر النرد.

iii) سحب بطاقة تحمل الحرف E من مجموعة

iv) سحب كرة سوداء من صندوق فيه 10 كرات سود ، 7 کر ات بیض .

الدرس [6-7] الاحتمال التجريبي والاحتمال النظري **Expermental Probibality and Theoretical Probability**

57 مرة قدر احتمال ظهور العدد 3.

6	5	4	3	2	1	النتيجة
12	7	13	7	8	10	عدد المرات

هو أحتمال تجريبي

$$P(E) = \frac{7}{57}$$

مثال (2(:ما احتمال ظهور العدد 3 بُعد رمي حجر النرد؟

الاحتمال النظري

عدد عناصر فضاء العتبة هو 6

{1,2,3,4,5,6}

$$P(E) = \frac{1}{6}$$

مثال (1(: يمثل الجدول التالي بعد رمي حجر النرد تدريب: صندوق فيه 3 كرات حمراء، 1 كرة زرقاء، 4 کر ات صفر اء .

ما احتمال سحب كرة حمراء من الصندوق ؟



Chapter Test

1 الجدول المجاور يبين معدل درجات بعض طلاب الصف الثاني المتوسط الشعبتين في موضوع الرياضيات

95	80	60	61	60	71	83	66	71	63	86	الشعبة أ
85	99	77	81	84	90	67	77	65	84	90	الشعبة ب

- i) مثل البيانات بالساق والورقة.
 - ii) اي الشعبتين مداها اكبر؟
 - iii) قارن الوسيطين للشعبتين.

استعمل مجموعة البيانات التالية 73، 56، 56، 73، 68، 73، 56، 56، 73، 68 كي تنشىء بيان شاربين ثم أجب عما يلي:

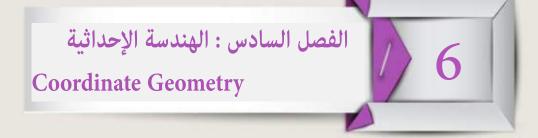
- i) ما مدى هذه البيانات؟
- ii) جد الربيع الادنى والربيع الاعلى.
- iii) كيف تفسر ان احد الشاربين اقصر من الاخر؟
- 3 رمي قطعة نقود، وحجر النرد، اكتب جميع النتائج الممكنة باستعمال مخطط الشجرة.
 - 4 استعمل قانون العد الاساسي لايجاد عدد الاحتمالات في السؤال (3(.
 - 5 كيف تميز بين حدثين من حيث كونها مستقلين او مترابطين؟ وضح ذلك بمثال.
 - 6 رمي حجر النرد، اوجد احتمال ان يكون الاعداد الظاهرة تقبل القسمة على 3.
 - $P(E_2)$ جد $P(E_1) = \frac{2}{9}$ اذا کان E_1, E_2 حدثان متتامتان وکان 7
- 8 يمثل الجدول التالي بعد رمي قطعة نقود 15 مرة قدر احتمال ظهور الصورة. مانوع الأحتمال؟

الكتابة	الصورة	النتيجة
6	9	عدد المرات

- 9 رمي حجر النرد، جد احتمال عدم ظهور العدد 3.
- 10 صندوق فيه 5 بطاقات صفرٍ، 8 بطاقات زرق. ما احتمال سحب بطاقة زرقاء؟

تمرينات الفصول





الفصل السابع: الأحصاء والأحتمالات

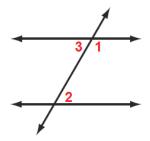
Statistics and Probabilities



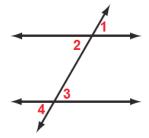
الدرس [1-5] علاقة الزوايا والمستقيمات (نظريات)

Relations of Angles and Straight lines)theorems)

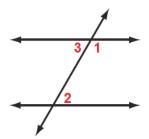




- 1 العلاقة بين الزاويتين 2 و 3 في الشكل المجاور:
- a. متجاورتان
- b. متبادلتان
- متناظرتان d. متقابلتان بالراس.



- العلاقة بين الزاويتين 2 و 4 في الشكل المجاور :
- a. متجاورتان
- b. متبادلتان
- متناظرتان d. متقابلتان بالراس

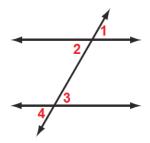


- يساوي $m \angle 2$ فان $m \angle 1 = 60^\circ$ يساوي $m \angle 1$
 - a. 60°

b. 80°

c. 90°

d. 120°

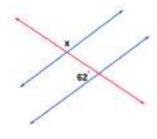


- يساوي $m \angle 4$ في الشكل المجاور اذا كان $m \ge 1$ فان $m \ge 1$ يساوي
 - a. 145°

b. 55°

c. 35°

d.60°



- قياس الزاوية x في الشكل المجاور 5
- a. 118°

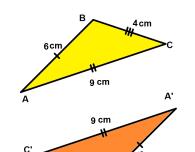
b. 18°

c. 90°

d.88°

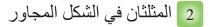
الدرس [2-5] تطابق المثلثات

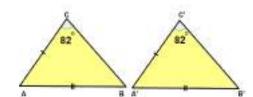
Congruente Of triangles



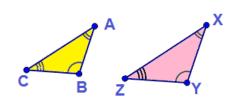
اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتى:

- 1 المثلثان في الشكل المجاور متطابقان بسبب:
- a. تطابق ضلعین وزاویهٔ محددهٔ بهما
- b. تطابق اضلاعهما الثلاثة
- تطابق زاویتین و ضلع محدد بهما .c.
- غير متطابقين .d



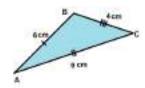


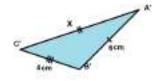
- a. متطابقان بسبب تطابق ضلعان وزاویة محددة بینهما
- منطابقان بسبب تطابق اضلاعهما الثلاثة .b
- c. متطابقان بسبب تطابق زاویتین و ضلع محدد بینهما
- غير متطابقين بسبب كون الزاوية غير محددة بين الضلعين .d
 - 3 المثلثان في الشكل المجاور



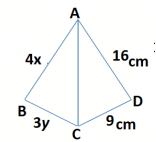
- a. متطابقان بسبب تطابق ضلعین و زاویة محددة بینهما
- متطابقان بسبب تطابق اضلاعهما الثلاثة .b
- غير متطابقان بسبب كون المثلثات لا تتطابق بتطابق زواياها الثلاثة .c
- منطابقان بسبب تطابق زاویتین وضلع محدد بهما .d

المثلثان في الشكل المجاور متطابقان لذا فان قيمة X التي تمثل طول الضلع: 4





- a. 4 cm
- b. 9 cm
- c. 6 cm
- d. 2 cm



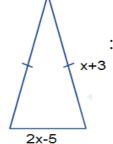
- 5 قيمة X,Y التي تجعل المثلثان ACD ، ABC في الشكل المجاور متطابقان:

 - a.)x=3,y=4) b.)x=4,y=4)
 - c.)x = 3, y = 3) d.)x = 4, y = 3)

الدرس [3-5] خواص المثلثات (متساوي الساقين - متساوي الاضلاع ، قائم الزاوية) **Properties of triangles**

)Isosceles triangle, Equilateral triangle, Right-angled triangle)

اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتى:

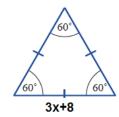


- 1 في المثلث المتساوي الساقين المجاور اذا علمت ان المحيط 13cm. فيمة X:

b. 5

c. 4

- d. 3
- \times في المثلث المتساوى الاضلاع المجاور اذا كان المحيطه \times 69cm فان قيمة \times



a. 6

b. 5

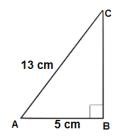
c. 4

- d. 3
- 3 قياس كل زاوية في مثلث قائم الزاوية ومتساوي الساقين:
- a. 60°

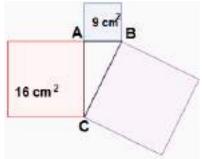
b. 30°

c. 45°

d. 90°



- $^{-4}$ في المثلث قائم الزاوية المجاور طول الضلع $^{-4}$
- a. 12
- b. 6
- c.5
- d. 9
- في الشكل المجاور المثلث قائم الزاوية في A. مساحة المربع الكبير تساوي :
 - a. 4 cm² b. 9 cm²
- c. 6 cm d. 25 cm^2



- 6 مجموعة الاعداد التي لا تحقق مبرهنة فيثاغورس فيما لو كانت اضلاعا لمثلث:
- a. { 3,4,5 }
- b. { 6,8,10 } c.{ 5,12,13 } d. { 3,5,33}

الدرس [4-5] متوازي الاضلاع والمعين وشبه المنحرف

Parallelogram and Rhombus Trapezoid

a. 144 cm² b. 128 cm²

		ة لكل مما يأتي:	اختر الإجابة الصحيحا
ضلع واحد) في الشكل	كل زاويتين متجاورتين (على	متوازي أضلاع اذا كان مجموع	1 يكون الشكل الرباعي
			الرباعي يساوي :
a. 45°	b. 90°	c. 180°	d. 60°
1 يساوي :	10cm، وطول ارتفاعه 6cm	للاع إذا علمت أنّ طول قاعدته	2 مساحة متوازي الأض
a. 800 cm^2	b. 1600 cm ²	c. 900 cm^2	d. 160 cm^2
:	جاورة 4cm , 10cm يساوي	رع طول اثنين من أضلاعه المت	3 محيط متوازي الأضلا
a. 40 cm	b. 20 cm	c. 28 cm	d. 80 cm
: 5c	به 10cm, 6cm وارتفاعه m	الذي طولا ضلعين متوازيين في	4] مساحة شبه المنحرف
a. 110 cm ²	b. 90 cm ²	c. 100 cm^2	$d. 40 \text{ cm}^2$
ا 5cm وطول قاعدته	ما 10cm وطول قاعدته العلي	متساوي الساقين طول كل منه	5 محیط شبه منحرف
			السفلى 8cm:
a. 33 cm	b. 28 cm	c. 14 cm	d. 40 cm
	ل ضلعه :	150 وارتفاعه 10cm فان طوا	6 معين مساحته 00cm ²
a. 75 cm	b. 150 cm	c. 36 cm	d. 90 cm
	مساحته:	تعامدین 25cm , 40cm فان	7 معين طول قطريه الم
a. 225 cm ²	b. 250 cm ²	c. 1000 cm ²	$d. 500 \text{ cm}^2$
	ف طول القاعدة فان مساحته:) قاعدته 16cm وارتفاعه نصد	8 متوازي اضلاع طول

 $c. 80 \text{ cm}^2$

 $d. 40 \text{ cm}^2$

الدرس [5-5] الاسطوانة والكرة (الخصائص، المساحه السطحية، الحجم)

Cylinder and Sphere

)Properties, Surface Area, Volume)

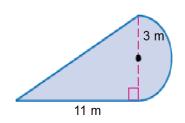
اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتى:

مساحتها الجانبية:	14c وارتفاعها 10cm فان	طول نصف قطر قاعدتها cm	1 اسطوانة دائرية قائمة م
a. 700 cm ²	. 700 cm ² b. 820 cm ²		d. 800 cm ²
ن مساحتها الكلية:	ها 7cm وارتفاعها 3cm فاز	مغلقة طول نصف قطر قاعدت	2 اسطوانة دائرية قائمة م
a. $176\pi \text{ cm}^2$	b. 170π cm ²	c. 190π cm ²	d. 140π cm ²
جمها:	8c وارتفاعها 2cm فان حج	طول نصف قطر قاعدتها m	3 اسطوانة دائرية قائمة
a. $132\pi \text{ cm}^3$	b. 256π cm ³	c. 64π cm ³	d. $128\pi \text{ cm}^3$
ن ارتفاعها :	وحجمها $360\pi\mathrm{cm}^3$ فار	طول نصف قطر قاعدتها cm	4 اسطوانة دائرية قائمة م
a. 16 cm	b. 8 cm	c. 10 cm	d. 5 cm
		3c فان حجمها :	5 كرة نصف قطر ها m
a. 36π cm ³	b. 18π cm ³	c. 24π cm ³	d. 72π cm ³
	:14	ة التي نصف قطر ها 4 cm	6 المساحة السطحية للكر
a. 4624 cm ²	b. 4264 cm ²	c. 2644 cm ²	d. 2464 cm ²
		: 972π cm³ حجمها	7 طول نصف قطر كرة
a. 12 cm	b. 8 cm	c. 10 cm	d. 9 cm
	: 40	$00\pi\mathrm{cm}^2$ مساحتها السطحية	8 طول نصف قطر كرة
a. 12 cm	b. 8 cm	c. 10 cm	d. 9 cm

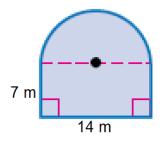
الدرس [6-5] مساحة الاشكال المركبة المنتظمة وغير المنتظمة

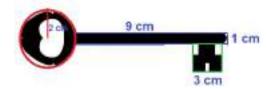
Area of Regular and Irregular compound shapes

اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتى:



12 cm 12 cm 6 cm





- 1 مساحة الشكل المركب المنتظم المجاور تساوي
- a. 47.13 cm²
- b. 18.13 cm²
- c. 74.13 cm²
- d. 90.13 cm²
- 2 مساحة الشكل المركب المنتظم المجاور تساوي
- a. 225 cm²
- b. 252 cm²

- c. 522 cm²
- d. 512 cm²
- 3 مساحة الشكل المركب المنتظم المجاور تساوي
- a. 175 cm²
- b. 170 cm²

- c. 180 cm²
- d. 215 cm²
- 4 المساحة التقريبية لسطح المفتاح في الشكل المجاور

مساحة مدينة بغداد بصورة تقريبية باستخراج مساحة الدائرة:

a. 32 cm^2

b. 30 cm²

 $c. 31 cm^2$

- d. 33 cm²
- 5 في الصورة المجاورة خريطة بغداد محاطة بدائرة نصف قطرها 3cm وبمقياس رسم 1:100000 تكون



- a. $12\pi \text{ cm}^2$
- b. 8π cm²

c. 10π cm²

d. 9π cm²

الدرس [6-1] تمثيل جدول دالة محددة في المستوى الاحداثي Representating Table Function in Coordinate Plane

اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

		في المستوي الأحداثي:	النقطة (1,3-) تمثل بيانياً
a. الأول	b. الثاني	c. الثالث	d. الرابع
بعين:	ي المستوى الاحداثي في الر	تمثل بيانياً فع A(-1,1) ، ${ m I}$	2 المستقيم AB (3,-3
a. الأول والثالث	b. الأول والثاني	الثاني والرابع .c	الثالث والربع .d
	المستوى الاحداثي:	يانياً في $(2,0)$ تمثل بيانياً في	3 الازواج المرتبة (2,4(,
a. مربع	b. مستطیل	شبه منحرف .c	d. قطعة مستقيم
; - ;	بيانياً في المستوى الاحداثي	(1,1),)2,1),)1,4)	4 الازواج المرتبة:(2,4(,
a. مربع		شبه منحرف .c	
	نيم مواز <i>ي ل</i> ـ:	رة ومخرجاتها ثابتة تمثل مستف	5 الدالة التي مدخلاتها متغير
a. محور السينات	b. محور الصادات	c. نقطة الاصل	المحورين السيني والصاد
	ياً في المستوى الاحداثي بـ:	ة ومخرجاتها متغيرة تمثل بيان	6 العلاقة التي مدخلاتها ثابت
a. محور السينات	b. محور الصادات	c. نقطة الاصل	المحورين السيني والصاد
اً أنه يقطع في الساعة	ن عند صعودهِ القطار، علم	فة بالكيلومترات في 3 ساعان	7 ما يقطعه محمد من مساه
			الواحدة 10كم:
a. 5	b. 10	c. 20	d. 30
	1- مدخلة	x -3	8 إذا كان جدول الدالة:
	1 مخرجة		$_{ m i}$ فإن قيمة $_{ m X}$ هي
a. 3	b. 4	c2	d. 9
			9 إذا كان جدول الدالة:
	2- مدخلة	1 3	1.
	<u> مخرجة</u>	1 3	فإن قيمة X هي:
a. 2	b2	c1	d. 1
	1- مدخلة	0 x	10 إذا كان جدول الدالة:
	2 مخرجة	3 4	فإن قيمة X هي:
a. 1	b. 1	c. 2	d2

الدرس [2-6] مقدمة في الدوال

Introduction of Functions

اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتى:

1 كل علاقة هي دالة بشرط:

a. كل مدخلة لها مخرجتان

كل مدخلة لها ثلاث مخر جات . c

كل مدخلة لها مخر جة .b

کل مدخلتین لها مخر جة .d

2 أي العبارات التالية صحيحة:

a. كل علاقتين دال d. الدالة والعلاقة المعنى نفسه c. كل علاقة هي دالة. ط كل دالة هي علاقة على علاقة المعنى نفسه

3 شروط الدالة هي العناصر والصور و:

a. محور السينات

محور الصادات .b

قاعدة الدالة .c

نقطة الاصل .d

 $\{-1,0,1\} o \{3,4,5\} o \{-1,0,1\}$ اى العلاقات التالية هي دالة:

a. $\{(-1,3),(0,3),(-1,4)\}$ b. $\{(-1,3),(0,4),(1,5)\}$ c. $\{(0,3),(0,4),(0,5)\}$ d. $\{(0,5),(0,4),(0,5)\}$

5 أي العلاقات التالية هي دالة: {0,1,2} {1,2,3

 $a.\{(1,0),(2,1),(3,2)\}$ $b.\{(1,0),(1,1),(1,2)\}$ $c.\{(2,0),(2,1),(2,2)\}$ $d.\{(3,0),(3,1),(3,2)\}$

اذا كانت قاعدة الدالة-2x-1 ومجموعة العناصر -2x-1 فإن مجموعة الصور هي:

a.{-15,-1,13}

b. {15,1,13} c. {15,-1,13} d. {15,-1,-13}

اذا كانت قاعدة الدالة x-6 وكانت مجموعة الصور $\{3, -4, -5\}$ فإن مجموعة العناصر هي:

 $a.\{2,3,4\}$

b. {1,3,4}

c. $\{1,2,3\}$

d. {3,2,1}

اذا كانت مجموعة العناصر للدالة $\{4,2,0\}$ وكانت مجموعة الصور $\{1,1,1\}$ فإن قاعدة الدالة هي:

a.1-x

b. -1-x

c. x-1

d. 2-x

و تمثل الدالة التالية y=9 بيانياً في المستوى الاحداثي بـ:

نقطة a.

b. مستقيم

مثلث .c

مربع .d

إذا كانت مجموعة العناصر للدالة $\{5, -6, -6, -9\}$ وقاعدة الدالة y=x+3 فإن مجموعة الصور هي: 10

 $a.\{0,3,-9\}$

b. {0,-3}

c. $\{0,3,9\}$

 $d. \{0,-6,-3\}$

 $y=-x^2$ عندما تزداد قيمة x في العلاقة $y=-x^2$ فإن قيمة و سوف $y=-x^2$

تز داد .a

تثبت .b

تتضاعف .

تتناقص d.

Linear Functions

الدرس [3-6] الدوال الخطية

إختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتى:

عن الدالة الخطية بالصورة:		والمقال وتقور	1
عن الدالة الخطية بالصورة:	هي معادله تعبر	. معادله المستقيم:	

b.
$$y=4x^2-1$$

c.
$$y = \sqrt{4}(x-1)$$
 d. $y = \frac{4}{x-1}$

d.
$$y = \frac{4}{X-1}$$

الثاني والرابع .a

الاول والثالث .b

الاول والثاني .c

الثالث والرابع .d

3 كل دالة خطية يمكن التعبير عنها في المستوى الاحداثي ب:

نقطة a.

b. مستقیم

مثلث .c

مربع .d

4 كل دالة خطية يمكن تمثيلها بالمستوى الاحداثي ب:

الدالة الخطية y=2x تمثيلها يكون في الربع:

a. اربع نقاط

نقطة واحدة .b

نقطتين .c

ثلاث نقاط _.d

5 أي من الدالة الخطية تمرُّ بنقطة الأصل:

a. y=2x-1

b. y=2x+1

c. y=12-x

d. y=2x

6 الدالة الخطية التي تمر بالربعين الثاني والرابع هي:

a. y=13-x

b. y = 13 + x

c. y = -3x-1

d. y = -3x

7 عدد طبيعي ضُرِبَ بـ 2 ثم طُرِحَ منه 4 بعد الضرب فكان الناتج بعد الضرب 50 ما هي المعادلة الخطية العامة بالنسبة للعدد الطبيعي؟

a. 2x - 4 = 50

b. 24- x = 50

c. 42-x = 50

d. 24+x=50

نمثل الدالة الخطية بيانياً y=4 في المستوى الاحداثي مستقيماً موازياً لـ: $\sqrt{8}$

a. محور السينات

محور الصادات .b

المحورين .c

للمستقيم d. y=x

9 النقطة التي تستخدمها للتحقق من تمثيل الدالة الخطية في جدول الدالة:

النقطة الثانية a.

النقطة الاولى .b

النقطة الرابعة .d النقطة الثالثة .c

العلاقة X=-7 تمثل بيانياً في المستوى الاحداثي:

a. محور السينات

محور الصادات .b

المحورين .c

نقطة الاصل d.

الدالة الخطية x=3 تمثل بيانياً بمستقيم في الربعين: 11

a. الثاني والرابع

الاول والثالث .b

الاول والثاني .c

الاول والرابع .d

الدرس [4-6] الأنعكاس والدوران في المستوي الأحداثي Reflection and Rotting in the coordinate Plane

إختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتى:

		حور السينات:	انعكاس النقطة (2,3) على مـ	1
a.)2,-3)	b.)-2 ,3)	c.)-2 ,-3)		
		حور الصادات:	انعكاس النقطة (1,4) على م	2
a.)-1,-4)	b.)1 ,-4)	c.)1 ,4)		
	ﺎﺱ ﻫﻮ :	هو (1,2-) فإنَّ خط الانعك	إذا كان انعكاس النقطة (1,2)	3
a. محور السينات		محور مائل .c		
	عكاس هو :) هو (3-,2-) فإنَّ خط الان	إذا كان انعكاس النقطة (2,3-	4
a. محور السينات	b. محور الصادات	${ m c.}$ محور مائل	d. كلاهما	
(A'(1,-3 فَإِنَّ B ُهِي:	مستقيم على محور السينات(B(2 ، إذا أجرى انعكاساً لل	المستقيم AB (1,3), (4,	5
a.)2,-4)	b.)-2 ,4)	c.)-2 ,-4)	d.)2,4)	
ت(B'(0,-4)فَإِنَّ A ُهي	أللمستقيم على محور السينان	إذا أجرى انعكاساً $\mathrm{B}(0,4)$, A(-2,4) ، AB المستقيم	6
a.)-2,-4)	b.)2 ,- 4)	c.)2 ,-2)	d.)2,4)	
:فإنَّ $\mathrm{A}^{'}(2,2)$ فإنَّ $\mathrm{A}^{'}(2,2)$	ستقيم على محور السينات (2	B(3 إذا أجرى انعكاساً الم	المستقيم AB (2-, 2), (3-,	7
a.)-3,3)	b.)-3,-3)	c.)3,3)	d.)3,-3)	
B'(-1,4 فإنَّ A ُهي:	لتقيم على محور الصادات(.	إذا أجرى انعكاساً المس $\mathrm{B}($	المستقيم AB (2, 0), (1,4)	8
a.)0,2)	b.)0,1)	c.)0,-1)	d.)0,-2)	
حور السينات فكانت	كاساً للمثلث ABC على مـ		3),A(1,1), ABC المثلث	9
a.)-1,-3)	b.)-1,3)	ىن B c.)1,-3)	C' (3,-2), A'(1,-1) d.)1,3)	
a. <i>j</i> -1,-3 <i>j</i>	0. j-1,3)	c. j1,-3j	u. /1,5/	
ب الساعة:	ول نقطة الاصل باتجاه عقار	تأثير دوران بزاوية °90حو	صورة النقطة (2,4-) تحت	10
a.)-2,-4)	b.)4,-2)	c.)-4,2)	d.)4,2)	
عقارب الساعة:	ل نقطة الاصل باتجاه عكس	أثير دوران بزاوية °90حوا	صورة النقطة (1,3-) تحت ت	11
a.)1,-3)	b.)-3,-1)	c.)1,0)	d.)3,-1)	

d.)x,4-m)

c.)x,4+m)

الدرس [6-5] الأنسحاب في المستوي الأحداثي

Translation in the coordinate plane

إختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

		يكة لكن مما ياني:	حس الإجابة الصد
		2,5) نحو اليمين 3 وحدات :	1 انسحاب النقطة (١
a.)0,5)	b.)5,5)		d.)2,8)
		3,4-) نحو اليسار وحدتان :	2 انسحاب النقطة (
a.)-5,4)	b.)-3,4)	c.)-5,4)	d.)-3,2)
		3,6) نحو الاعلى وحدة واحدة:	3 انسحاب النقطة (
a.)3,7)	b.)3,5)	c.)4,7)	d.)4,6
		2,4-) نحو الاسفل 3 وحدات:	4 انسحاب النقطة (
a.)-2,-1)	b.)-2,1)	c.)-2,-7)	d.)-2,7)
	دة واحدة نحو الاعلى	3,-3 (وحدتان نحو اليمين ووح	5 انسحاب النقطة (
a.)2,5)	b.)-5,-2)	c.)5,-2)	d.)-5,2
	و حدتين نحو الاسفل :	2,3-) ثلاث وحدات نحو اليسار	6 انسحاب النقطة (١
a.)5,1)	b.)-5,-1)	c.)5,-1)	d.)-5,1
	وحدات الى الاسفل :	4,3) وحدتين نحو اليمين وثلاث	7 انسحاب النقطة (١
a.)6,0)	b.)4,6)	c.)6,3)	d.)4,3
جراء الانسحاب:	ا مقدار النقطة $f{B}$ أبعد ا $f{A}$	(2,2) اذا كانت B(2,1) , A(0,	8 المستقيم AB (0
a.)3,4)	b.)1,2)	c.)4,3)	d.)2,1
'C فما مقدار A' (1,	$(3,3)$, B $^{'}$ (3,3) فأصبحت A(1,	1), B(3,1), C(2,3) ABC	9 انسحب المثلث ﴿
a.)5,2)	b.)2,5)	c.)6,2)	d.)2,6)
ت نحو الاسفل فاصبحت	وحدتين نحو اليسار و3 وحداد	ع الشكل (4-,4(A سحب بمقدار	10 شباك غرفة مربر النقطة A
a.)4,6)	b.)2,6)	c.)4,2)	d.)2,-7)
	ي الأسفل	لة (x,4) بالانسحاب m وحدة الم	11] ما أحداثيات النقط

b.)x+m,y)

a.)x-m,y)

الدرس [1-7] مقياس النزعة المركزية والمدى

Admeasure of Central Tendency and Range

اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

الساق	الورقة					
0	4	5	6	7	7	8
1	0					2

الجدول المجاور يمثل أحدى البيانات بطريقة الساق والورقة :

a. 4,5,6,7,8,10,12 b. 4,5,6,8,12 c. 4,5,6,7,7,10,12 d. 4,5,6,7,7,8,10,12

2 أستعمل البيانات في السؤال الأول ، قيمة الوسيط هي:

a.14

b.0

c. 7

d.8

3 الوسط الحسابي للبيانات التالية 33,78,57,37,33, 55 هو:

a.72

b. 57

c.61

d.55

4 المنوال للبيانات التالية : 94,90,99,90,81,75,73 هو :

a.99

b. 90

c.74

d.73

5 المدى للبيانات في سؤال 4 هو:

a.73

b.9

c.81

d. 26

أي التمثيلات المزدوجة بالساق والورقة تمثل البيانات في الجدول أدناه:

A	3	11	21	33	17
В	10	9	30	11	3

a.

الورقة B	الساق	الورقة A	
3 9	0	3	
10	1	17	
	2	1	
0	3	3	

b.

الورقة B	الساق	الورقة A	
3	0	3	
1 0	1	7	
0	2	1	
0	3	3	

c.

Вä	الورق	الساق	الورقة A	
3	0	0	3	
1	0	1	1	7
(0	2		1
(0	3	3	

d.

الورقة B	الساق	الورقة A
9	0	3
1	1	7
0	2	1
0	3	3

الدرس [2-7] تمثيل البيانات ببيان الشاربين

Representation of Data by Box - whisker

اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1 الوسيط يقع:

و سط المستطيل .a

خارج المستطيل.b

داخل المستطيل.c

أعلى المستطيل.d

2 المدى الربيعي يساوي:

الربيع الأعلى+الربيع الأدنى.a

d. الربيع الأعلى-الربيع الأدنى

3 المدى الربيعي يساوي:

a. محيط المستطيل

مساحة المستطيل.b

عرض المستطيل.c

طول المستطيل.d

4 تقسم البيانات بيان الشاربين الي:

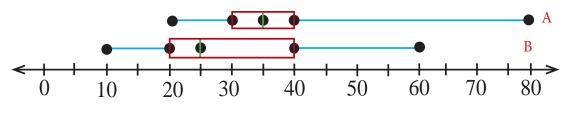
a.قسمین

ثلاثة أقسام.b

c. أربعة أقسام

خمسة أقسام.d

يبين بيان الشاربين أدناه مقارنة بين وزن نوعين من الحيوانات $A_{,B}$ بالكيلوغرام قيمتا المدى الربيعي للنوعين هما:



a.A=20,B=10

b.A=40,B=10

c.A=20,B=30

d. A=10,B=20

أرتفاع النباتات			
80	42	55	
72	68	78	
65	40	52	

6 الجدول المجاور يبين أرتفاع نباتات مختلفة بالسنتمترات ، الربيع الأعلى والربيع الأدنى هما:

a.40,50

b.55,51

c. 47,75

d.41,79

الدرس [3-7] التجربة العشوائية

Random Experiment

إختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

		عدد أولي يمثله الحدث:	مرة واحدة ، ظهور ع	1 رمي حجر النرد
a. {1,2,3,5}	b. {1,2,3}	c. {2,3,5	5} d.{	[1,2,3]
تائج الفعل الثاني تساوي	لأول يساوي 6 عدد ن	ائيين ، عدد نتائج الفعل ا	تقوم على فعلين عشو	2 تجربة عشوائية
		: (ئج الفعلين معاً يساو <i>ي</i>	2 ، أذن عدد نتا
a.8	b.4	c.3		d. 12
	نساوي:	رد المرقمين من 1 الى 6	كنة لرمي حجري النر	3 عدد النتائج المم
a. 6	b. 12	c. 24		d. 36
	:	ود أي المجموعات التالية	ِ يبين رمي قطعتي نقو	4 الجدول المجاور
القطعة الأولى	н н т	طعتين؟ ت	هين مختلفين على القد	تمثل ظهور وج
القطعة الثانية	н т н	T		
a. {)H,T)}	b. {)T,H)}	c. {)H,T),)T	C,H)} d.{	()H,T),)T,T)}
 رمیت حجر النرد واطلقت مؤشر قرص مقسم الی أجزاء متساویة فكانت عدد النتائج الممكنة 24. 				
			ي من القرص؟	فكم جزء متساو
a.2	b	o. 4	c.3	d.6
و يقدم احد المطاعم 3 أصناف من الطعام بأربعة أنواع من التوابل و هذه الأصناف قد تكون بلحم الدجاج أو				
			ارات الطعام الممكنة.	بدونه . عدد خيا
a.6	b.	12	c.24	d.36
7 عدد الأختبارات في مادة الرياضيات كل خمسة أسئلة من نوع الصواب والخطأ هي:				
a.5	b. 1	10	c.15	d.20

الدرس [4-7] الحدث

The Event

اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

- 1 طهور كتابة بعد رمي قطعة نقود وظهور صورة بعد رميها مرة ثانية والأحداث:
- a. يكون حدثاً بسيطاً d. فمتقلان c. يكونان حدثاً مركباً
- اذا كان E_1 تمثل الحدث (سحب كرة حمراء) و تمثل الحدث (سحب كرة خضراء) دون اعادة الكرة E_2 اذا كان E_3 نصندوق فيه 5 كرات حمراء، 6 خضراء. الحدثان E_3 ، E_4 ناحمراء إلى صندوق فيه 5 كرات حمراء، 6 خضراء الحدثان E_5 ،
- a. أمركباً d. فير مستقلين d. مستقلان c. كونا حدثاً مركباً
- 3 اعلن محل للملابس النسائية عن امكانية الحصول على قميص مجاني عند شراء الزبون أحدى القطع من الجدول المجاور.

لون القميص	نوع القطعة	ورة، الحدث E_2 الحصول على قميص	افرض: الحدث $\operatorname{E}_{_1}$ شراء تن
ابیض اسو د	تنورة بنطلون	يكونان حدثاً مركباً.a	يكونان حدثاً بسيطاً .b
احمر	حذاء حقيبة يدوية	c. مستقلان	d. مترابطان
	حقيبة يدوية		

- 4 يوجد في سلة فواكه 5 برتقالات ، 6 حبات موز ، 4 تفاحات، اختارت غادة حبة فاكهة عشوائياً واختار أخوها محمد حبة فاكهة عشوائياً، الحدثان:
- a. يكونان حدثاً مركباً d. يكونان حدثاً بسيطاً c. يكونان حدثاً عير مستقلين
- الله المؤشر المؤشر المؤسر على من القرصيين المقابلين مرة واحدة، الحدث E_1 يؤشر المؤشر الأول على اللون المؤشر على العدد E_2 الأخضر، E_3 يؤشر الموشر على العدد E_3
- a. عير مستقلين d. فير مستقلين d. عير مستقلين عير مستقلين



الدرس [5-7] الاحتمالات

The Probabilities

إختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتى:

- اذا كان m يمثل عدد النتائج التي يحققها الحدث n ، E عدد النتائج الممكنة كلها في التجربة الواحدة فأن m هو:
- a. m+n

- b. $m \times n$
- c. ____

- 2 صندوق فيه 4 كرات حمرٍ، 7 كرات بيضٍ، 5 كرات زرقٍ ، سحبت كرتان بيضاويان احدهما بعد الاخرى

دون اعادة الكرة الأولى، فأن (الكرة البيضاء الثانية) هو:

- a. $\frac{1}{15}$ b. $\frac{7}{16}$ c. $\frac{6}{15}$
- d. $\frac{2}{15}$
- 3 سلة فاكهة فيها 6 تفاحات، 6 برتقالات ، 3 حبات موز، وليمونة واحدة، اختار محمد بشكل عشوائي حبة

فاكهة من السلة ، فاحتمال ان تكون تفاحة هو $\frac{3}{8}$ ، ان احتمال ان تكون الحبة المسحوبة ليست تفاحة هو:

- a. ____
- b. $\frac{2}{5}$ c. $\frac{4}{8}$
- b. 5
- اذا کان E_2 ، E_1 اذا کان ازد E_2 ، اذا کان ازد کان از

 $a.P)E_1 \times P)E_2 = 1$

 $b.P)E_1) \div P)E_2) = 1$

 $c.P)E_1) + P)E_2) = 1$

 $d.P)E_1) - P)E_2) = 0$

5 النسبة المئوية التي تمثل احتمال ان تسحب بشكل عشوائي بطاقة رقمها غير زوجي من البطاقات المرقمة:

: 98 1 , 3 , 5 , 7

a. 75%

b. 50%

c. 25%

- d. 100%
- 6 احتمال ظهور عدد اكبر من 5 بعد رمي حجر ____ هو:

.a. _____

- b. ____
- c. $\frac{1}{\epsilon}$
- $d \cdot \frac{2}{6}$

الدرس [6-7] الاحتمال التجريبي والاحتمال النظري **Experimental Probability and Theoretical Probability**

إختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتى:

النتائج	التكرار
H , H	2
H , T	3
Т,Н	4
T,T	1

a.
$$\frac{3}{10}$$

b.
$$\frac{7}{10}$$

استعمل الجدول المجاور الذي يبين نتائج رمي قطعتى نقود 10 مرات، الاحتمال النظري للحصول على صورة وكتابة هو:

c.
$$\frac{1}{2}$$

d.
$$\frac{1}{3}$$

2 استعمل المعلومات نفسها في السؤال (1)، الاحتمال التجريبي للحصول على صورة وكتابة هو:

a.
$$\frac{3}{10}$$

b.
$$\frac{7}{10}$$
 c. $\frac{1}{3}$

c.
$$\frac{1}{3}$$

d.
$$\frac{1}{6}$$

- 3 اطلق محمد مؤشر قرص 200 مرة، واصاب اللون الاخضر 50 مرة، احتمال ان يأتي المؤشر على اللون الاخضر في المرة التالية هو:
 - a. 0.23

- b. 0.24
- c. 0.25

- d. 0.30
- 4 كيس فيه 3 كرات صفراء، 6كرات زرقٍ ، احتمال سحب كرة زرقاء من هذا الكيس؟



b.
$$\frac{1}{3}$$

c.
$$\frac{1}{2}$$

d.
$$\frac{2}{3}$$



- اطلق مهند مؤشر القرص المجاور، احتمال ان يدل المؤشر على الرقم 1 هو: 5

- a. 3 b. 2 c. $\frac{1}{2}$
- d. _____
- 6 سجل لاعب كرة قدم 21 ركلة جزاء ناجحة من اصل 26 محاولة، أي نسبة مئوية هي الاقرب لاحتمال ان يسجل اللاعب ركلة جزاء ناجحة في المحاولة التالية:
 - a. 50%

- b. 60%
- c. 70%

d. 80%

المحتوى

الفصل الخامس: الهندسة والقياس

الدرس الاول: علاقة الزوايا والمستقيمات (نظريات) تطابق المثلثات

الدرس الثاني: تطابق المثلثات

الدرس الثالث: خواص المثلثات (متساوي الساقين، متساوي الاضلاع، قائم الزاوية)

الدرس الرابع: متوازي الأضلاع والمعين وشبه المنحرف

الدرس الخامس: الاسطوانة والكرة (الخصائص، المساحة السطحية، الحجم)

الدرس السادس: مساحة الاشكال المركبة المنتظمة وغير المنتظمة

الدرس السابع: خطة حل المسألة (تمثيل المسألة)

الفصل السادس: الهندسة الإحداثية

الدرس الاول: تمثيل جدول دالة محددة في المستوي الاحداثي

الدرس الثاني: مقدمة في الدوال

الدرس الثالث: الدوال الخطية

الدرس الرابع: الانعكاس والدوران في المستوي الاحداثي

الدرس الخامس: الانسحاب في المستوي الاحداثي

الدرس السادس: خطة حل المسألة (الخطوات الاربع)

الفصل السابع: الأحصاء والأحتمالات

الدرس الاول: مقياس النزعة المركزية والمدى.

الدرس الثاني: تمثيل البيانات ببيان الشاربين

الدرس الثالث: التجربة العشوائية

الدرس الرابع: الحدث

الدرس الخامس: الأحتمالات

الدرس السادس: الأحتمال التجريبي والأحتمال النظري

الدرس السابع: خطة حل المسألة (تمثيل المسألة)

تم بحمد الله